

3) a) Mostremos linealidad. Sea $u, v \in U$ y $a, b \in \mathbb{R}$. Luego:

$$(L \circ T)(au + bv) \stackrel{T \text{ lineal}}{=} L(T(au + bv))$$

$$= L(au + bv) \stackrel{L \text{ lineal}}{=} L(au) + L(bv)$$

$$= aL(Tu) + bL(Tv)$$

$$= \underline{a(L \circ T)u + b(L \circ T)v}$$

Luego, $L \circ T$ lineal.