

# ALHE - Dokumentacja

Maciej Kapuściński, Sebastian Pietras

## Treść zadania

### SK.ALHE.12

Dla sieci o nazwie *india35* ze strony <http://sndlib.zib.de/home.action> zastosować algorytm mrówkowy (*Ant Colony*) do znalezienia  $n$  najlepszych (wg. ustalonej metryki) ścieżek w danej sieci. Porównanie z innym algorytmem będzie dodatkowym atutem.

## Przyjęte założenia i doprecyzowanie treści

Sieć zostanie potraktowana jako graf ważony nieskierowany. Wagi zostaną przypisane krawędziom zgodnie z kolumną *module cost*, która znajduje się w pliku definiującym sieć.

Ścieżki będą wyszukiwane między wierzchołkiem początkowym a końcowym. Te wierzchołki będą podawane jako parametr programu.

Jako metryka zostanie wykorzystany koszt ścieżki. To znaczy, że najlepsza jest ta ścieżka, dla której suma wag jej krawędzi jest najmniejsza.

Implementacja zostanie wykonana z użyciem języka programowania Python.

## Opis algorytmu

### Znajdowanie jednej najlepszej ścieżki

Algorytm wysyła  $m$  mrówek (a raczej ich abstrakcyjnych reprezentacji) przez graf  $I$  razy, gdzie  $I$  to ustalona ilość iteracji, po czym zapamiętywana jest najkrótsza znaleziona przez mrówki ścieżka.

Mrówki, które znalazły ścieżkę zostawiają na niej feromony. Lepsze ścieżki powinny częściej zawierać większą ilość feromonu.

W każdym kroku mrówki, które nie dotarły jeszcze do wierzchołka końcowego, wybierają wierzchołek, do którego się przemieszczą. Brane pod uwagę są jedynie wierzchołki sąsiadujące z wierzchołkiem, w którym aktualnie znajduje się mrówka. Decyzja o wybranym wierzchołku zostanie podjęta losowo, lecz zgodnie z prawdopodobieństwami przypisanymi do każdej krawędzi.

Prawdopodobieństwo wyboru krawędzi jest opisane wzorem  $p_{xy} = \frac{\tau_{xy}^\alpha \eta_{xy}^\beta}{\sum_{z \in N(x)} \tau_{xz}^\alpha \eta_{xz}^\beta}$ , gdzie:

$\tau_{xy}$  - ilość feromonu na krawędzi  $xy$

$\alpha$  - parameter kontrolujący wpływ  $\tau$

$\eta_{xy}$  - "atrakcyjność" krawędzi  $xy$  (w naszym przypadku odwrotność wagi tej krawędzi)

$\beta$  - parametr kontrolujący wpływ  $\eta$

$N(x)$  - wierzchołki sąsiadujące z wierzchołkiem  $x$

Gdy wszystkie mrówki znajdą ścieżkę lub przekroczą limit kroków, nastąpi aktualizacja feromonów na krawędziach grafu. Do wartości feromonu danej krawędzi będzie

przypisywana wartość  $\tau_{xy} \leftarrow (1 - \rho) \tau_{xy} + \sum_k^m \Delta \tau_{xy}^k$ , gdzie:

$\tau_{xy}$  - wartość feromonu krawędzi  $xy$

$\rho$  - współczynnik parowania (zanikania) feromonów

$m$  - liczba mrówek

$\Delta \tau_{xy}^k$  - ilość feromonu pozostawiona na krawędzi  $xy$  przez mrówkę  $k$

$\Delta \tau_{xy}^k$  wynosi 0 jeśli mrówka  $k$  nie przeszła przez krawędź  $xy$ , a w przeciwnym przypadku  $\frac{Q}{L_k}$ , gdzie:

$Q$  - współczynnik nakładania feromonów

$L_k$  - koszt całej drogi mrówki  $k$  w tej iteracji

### **Znajdowanie $n$ najlepszych ścieżek**

Aby znaleźć  $(i + 1)$ -szą najlepszą ścieżkę należy zablokować poprzednie  $i$  ścieżek w grafie, a następnie wyszukać w takim grafie najlepszą ścieżkę. Można tak iteracyjnie postępować aż do znalezienia  $n$  najlepszych ścieżek.

Zablokowanie ścieżek w grafie będzie polegać na usunięciu po jednej krawędzi z każdej ścieżki. Ta czynność zostanie powtórzona dla wszystkich możliwych doborów krawędzi. We wszystkich powstałych grafach zostanie wyszukana najlepsza ścieżka w danym grafie. Z wyszukanych ścieżek zostanie wybrana ta, która była ogółem najlepsza.

## Uruchomienie programu

```
python -m antcolony [--n N] [--n_ants N_ANTS] [--n_iter N_ITER]
                    [--max_steps MAX_STEPS]
                    [--alpha ALPHA] [--beta BETA] [--ro R0] [--q Q]
graph start_node end_node
```

### Argumenty:

- graph - ścieżka do pliku z definicją grafu
- start\_node - wierzchołek początkowy
- end\_node - wierzchołek końcowy
- --n N - liczba ścieżek do znalezienia (domyślnie 1)
- --n\_ants N\_ANTS - liczba "mrówek" w algorytmie mrówkowym (domyślnie 50)
- --n\_iter N\_ITER - liczba iteracji w algorytmie mrówkowym (domyślnie 10)
- --max\_step MAX\_STEP - maksymalna liczba kroków mrówki w jednej iteracji (domyślnie 1000)
- --alpha ALPHA - współczynnik  $\alpha$  (domyślnie 0.5)
- --beta BETA - współczynnik  $\beta$  (domyślnie 1.2)
- --ro R0 - współczynnik  $\rho$  (domyślnie 0.6)
- --q Q - współczynnik  $Q$  (domyślnie 10)

Program wypisze na standardowe wyjście ścieżki znalezione przez algorytm mrówkowy oraz, dla porównania, przez algorytm Dijkstry.

### Wykorzystane narzędzia

- Python
- NetworkX (do reprezentacji grafu)
- NumPy (do operacji na macierzach)

## Testy

Przeprowadzone zostały testy dla ścieżek między różnymi wierzchołkami i dla różnych liczby mrówek.

### 1. Wywołania z większą liczbą mrówek (50)

```
[2021-01-12 23:04:51,853] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:05:35,658] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:05:35,658] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:05:35,675] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:05:35,678] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
```

```
[2021-01-12 23:12:55,368] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:13:21,744] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
[2021-01-12 23:13:21,744] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:13:21,763] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
[2021-01-12 23:13:21,766] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
```

### 2. Wywołanie z mniejszą liczbą mrówek (30)

```
[2021-01-12 23:25:47,260] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:26:03,096] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (650.0, ['1', '21', '17', '15'])]
[2021-01-12 23:26:03,096] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:26:03,112] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
[2021-01-12 23:26:03,114] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
```

```
[2021-01-12 23:26:10,749] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:26:27,715] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:26:27,715] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:26:27,729] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:26:27,733] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
```



### 3. Wywołania z najmniejszą liczbą mrówek (10)

```
[2021-01-12 23:10:56,759] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:11:04,334] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (870.0, ['1', '6', '21', '34', '29', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:11:04,335] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:11:04,349] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
[2021-01-12 23:11:04,352] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(570.0, ['1', '6', '32', '30']), (590.0, ['1', '21', '32', '30']), (690.0, ['1', '28', '32', '30'])]
```

```
[2021-01-12 23:12:21,490] [INFO] [antcolony] Starting search using ant colony
[2021-01-12 23:12:30,053] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to ant colony: [(910.0, ['1', '14', '25', '5', '27', '15']), (490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15'])]
[2021-01-12 23:12:30,054] [INFO] [antcolony] Starting search using Dijkstra
[2021-01-12 23:12:30,076] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to Dijkstra: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
[2021-01-12 23:12:30,079] [INFO] [antcolony] Shortest paths according to NetworkX: [(490.0, ['1', '3', '17', '15']), (530.0, ['1', '3', '27', '15']), (630.0, ['1', '3', '17', '2', '15'])]
```

Z wykonanych testów wynika, że dla grafu o takiej wielkości nie warto używać algorytmu mrówkowego. Dla większej liczby mrówek czas znalezienia najkrótszej ścieżki potrafi być przesadnie długi w porównaniu do algorytmu Dijkstry, którego wywołanie trwa jedynie setne sekundy. Dla mniejszej liczby mrówek jest zaś większe ryzyko znalezienia niewłaściwej ścieżki (co jest niemożliwe przy korzystaniu z algorytmu Dijkstry), a zysk czasowy nie jest na tyle znaczący, żeby było to warte.