

Half Adder Cell (HAC)

Dacă $c_0 = 0 \Rightarrow$ cea mai din dreapta FAC de la RCA poate fi simplificată

Ecuațiile ieșirilor

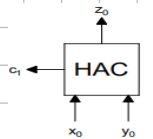
$$z_0 = x_0 \oplus y_0 \oplus c_0 = x_0 \oplus y_0$$

$$c_1 = x_0 y_0 + x_0 c_0 + y_0 c_0 = x_0 y_0$$

- necesara din punct de vedere al modularitatii
- de ce sa nu simplific daca stiu ca mereu c_0 va fi 0?

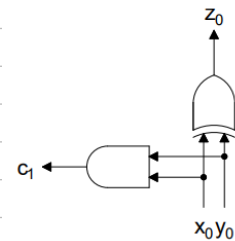
$$0 \oplus x = x$$

Simbol:



Sinteză HAC

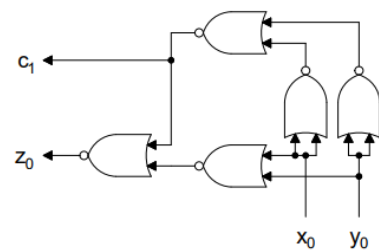
Ⓐ porți de tip EXOR, AND:



Ⓑ porți de tip NOR

\rightarrow se porneste de la z_0

$$a \oplus b = \overline{a}b + a\overline{b}$$



$$z_0 = x_0 \oplus y_0 = x_0 \overline{y_0} + \overline{x_0} y_0 = x_0 (\overline{x_0} + \overline{y_0}) + y_0 (\overline{x_0} + \overline{y_0}) =$$

$x_0 \overline{x_0} = 0$

$$= (\overline{x_0} + \overline{y_0}) (x_0 + y_0) = \overline{(\overline{x_0} + \overline{y_0})} (\overline{x_0 + y_0}) =$$

$$\overline{a \cdot b} = \overline{a} + \overline{b}$$

$$= \overline{\overline{x_0} + \overline{y_0} + x_0 + y_0}$$

$$c_1 = x_0 \cdot y_0 = \overline{\overline{x_0 y_0}}$$

③ porți de tip NAND

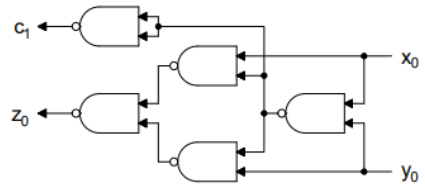
dublu
negat

$$z_0 = x_0 \oplus y_0 = x_0 \cdot \overline{y_0} + \overline{x_0} \cdot y_0 = x_0 \cdot (\overline{x_0} + \overline{y_0}) + y_0 \cdot (\overline{x_0} + \overline{y_0})$$

$$= \overline{x_0 \cdot (\overline{x_0} + \overline{y_0}) + y_0 \cdot (\overline{x_0} + \overline{y_0})} = \overline{x_0 \cdot \overline{x_0} \cdot \overline{y_0} + y_0 \cdot \overline{x_0} \cdot \overline{y_0}}$$

$$c_1 = x_0 \cdot y_0 = \overline{\overline{x_0 \cdot y_0}}$$

apoi folosim
 $\overline{a+b} = \overline{a \cdot b}$

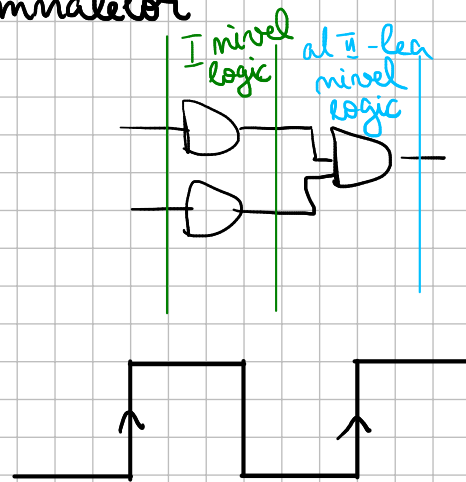
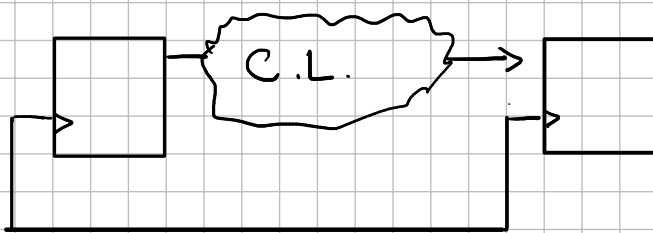


→ NAND este mai rapid decât NOR

Calea critică

→ calea de propagare din întreg circuitul corespunzătoare întârzierii maxime de propagare a semnalelor

- ▶ orice element de circuit furnizează semnalele de ieșire cu o întârziere în raport cu semnalele de la intrare



Ipoteze simplificatoare

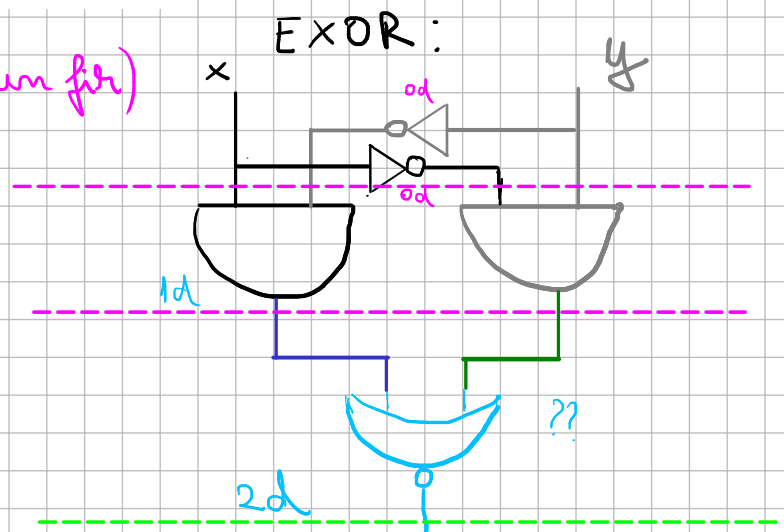
- ▶ orice poartă primitivă are latență $1d$ (o unitate de timp)
 - ▶ indiferent de numărul de intrări și timpul portii primitive
- ▶ inversoarele nu introduc întârzieri (au întârziere $0d$) → ~~Do~~
- ▶ porțile EXOR au latență de $2d$ (Q: de ce?)
- ▶ toți operanzii sunt disponibili la momentul $0d$

INV → $0d$ (ca un fir)

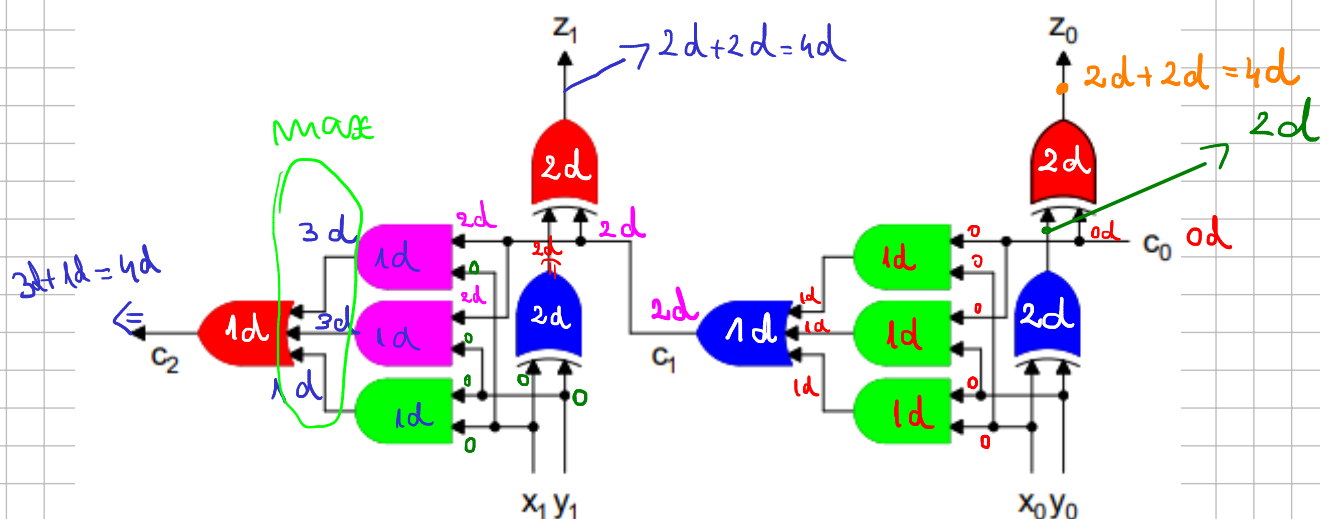
AND, NAND
OR, NOR } $1d$

EXOR → $2d$

$$a\overline{b} + \overline{a}b$$



Galea critică pentru RCA pe 2 biți



EXOR = 2d

alte = 1d

intrările sunt conectate la momentul 0d

0

Întârzierea unui segment RCA pe n biți:

$$D_{RCA}^{Cout} = 2nd$$

$$D_{RCA}^Z = 2nd$$

Excepție $n=1$

Condiții speciale ale adunării

1. rezultat nul

2. carry out generat din MSB →

3. rezultat negativ

4. overflow

$$\begin{array}{r} 1000 \\ 1010 \\ \hline 10010 \end{array}$$

Overflow aritmetic:

▶ rezultatul operației aritmetice depășește capacitatea de stocare

Overflow aritmetic la operarea numerelor fără semn:

▶ se consideră $X = 35$, $Y = 33$ fără semn, pe 6 biți

$$\begin{array}{r} X=35: 100011 \\ X=33: 100001 \\ \hline 000100 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{storing capacity} \\ + \\ \text{overflow} \end{array}$$

▶ dacă X și Y erau reprezentați pe 7 biți:

$$\begin{array}{r} X=35: 0100011 \\ X=33: 0100001 \\ \hline 1000100 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{storing capacity} \\ + \\ =68 \end{array}$$

Notă: Overflow-ul la operarea numerelor fără semn apare când este generat un transport din Most Significant Bit (MSB).

$$\begin{array}{r} 7b \\ \hline x=90 \quad 1011010 \\ y=100 \quad 1100100 \\ \hline 0111110 \\ \text{fără } c_0 = 62 \end{array}$$

dacă am avea 8 biți ✓

Overflow aritmetic la operarea numerelor cu semn (C2):

► se consideră $X = +19$, $Y = +14$ fără semn, pe 6 biți

$$\begin{array}{r} \text{X}=+19: 010011_{C2} \\ \text{X}=+14: 001110_{C2} \\ \hline 100001_{C2} = -31 \text{ (overflow)} \end{array}$$

► dacă X și Y erau reprezentați pe 7 biți:

$$\begin{array}{r} \text{X}=+19: 0010011_{C2} \\ \text{X}=+14: 0001110_{C2} \\ \hline 0100001_{C2} = +33 \end{array}$$

Note: Overflow-ul la operarea numerelor cu semn apare când adunarea a doua numere de același semn produce un rezultat de semn contrar.

Întrebare: Poate genera overflow adunarea a două numere de semne diferite?

→ Nu :

$$|a| - |b| = c$$

$$|c| \leq \max(|a|, |b|)$$

Determinarea condiției de overflow la adunarea numerelor cu semn

- operandii X și Y , pe n biți, în C2
- Z : rezultatul adunării lui X și Y
- semnele celor 3 numere: x_{n-1} , y_{n-1} și z_{n-1}

► simbol overflow: ν $\begin{matrix} S: 0 & 0 & 1 \\ S: 1 & 1 & 0 \end{matrix} \Rightarrow \text{overflow}$

Tabel de adevăr pentru determinarea condiției de overflow:

Overflow

Inputs			Outputs	
x_{n-1}	y_{n-1}	c_{n-1}	z_{n-1}	ν
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	1
1	1	1	1	0

$$\textcircled{I} (A \oplus B)C = AC \oplus BC$$

$$\textcircled{II} A \oplus B = (A + B) \oplus AB$$

$$\textcircled{III} A + B = A \oplus B \oplus AB$$

$$x \oplus 1 = \overline{x}$$

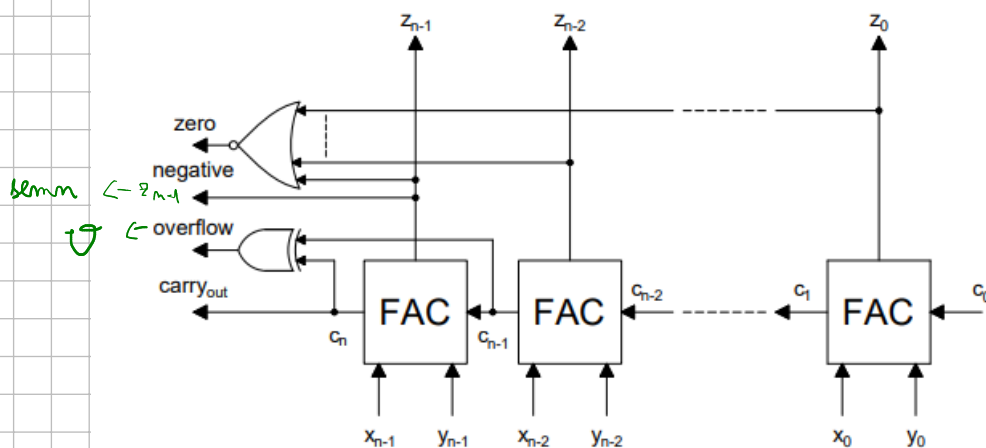
Din tabel:

$$\nu = \overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \cdot c_{n-1} + x_{n-1} \cdot y_{n-1} \cdot \overline{c_{n-1}}$$

$$\begin{aligned}
 \nu &= \overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \cdot c_{n-1} + x_{n-1} \cdot y_{n-1} \cdot \overline{c_{n-1}} \\
 &\stackrel{I_2}{=} \overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \cdot \overline{c_{n-1}} \quad (4) \quad \text{---} \\
 &= \overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \cdot (1 \oplus c_{n-1}) \\
 &\stackrel{I_1}{=} \overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \\
 &\stackrel{I_1}{=} (\overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1}) \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \\
 &\stackrel{I_2'}{=} (\overline{x_{n-1}} \cdot \overline{y_{n-1}} + x_{n-1} \cdot y_{n-1}) \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \\
 &= (x_{n-1} \oplus y_{n-1} \oplus 1) \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \\
 &\stackrel{I_1}{=} x_{n-1} \cdot c_{n-1} \oplus y_{n-1} \cdot c_{n-1} \oplus x_{n-1} \cdot y_{n-1} \oplus c_{n-1} \\
 &\stackrel{I_2'}{=} (x_{n-1} \cdot c_{n-1} + y_{n-1} \cdot c_{n-1} + x_{n-1} \cdot y_{n-1}) \oplus c_{n-1}
 \end{aligned}$$

$$\nu = c_n \oplus c_{n-1}$$

Sumator RCA pentru numere pe n biți cu generarea condițiilor speciale ale adunării:



$$\begin{array}{c}
 z_0 \dots z_{n-1} \\
 0 \dots 0 \\
 \text{conectati la NOR}
 \end{array}$$

\Rightarrow dă 1 dacă avem toți biții 0

Adunarea cu o constantă

\rightarrow se consideră doar constante impare

ex: counter

$\rightarrow x, y$ - pe n biți

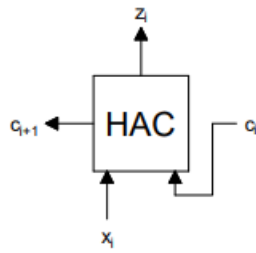
$\rightarrow y$ - constant

$$\begin{cases}
 X = x_{n-1}x_{n-2} \dots x_0 \\
 Y = y_{n-1}y_{n-2} \dots y_0 \\
 Z = X + Y
 \end{cases}$$

doar constante impare \rightarrow LSB va fi mereu 1

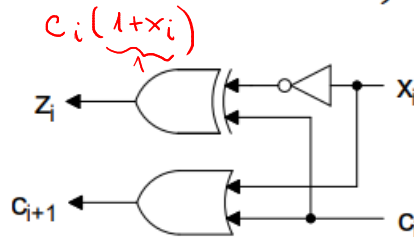
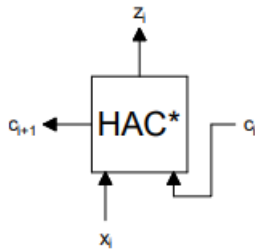
constantele pare \rightarrow am face doar adunari triviale, $y_0 = 0$

dacă $y_i = 0$: $\left\{ \begin{array}{l} z_i = x_i \oplus 0 \oplus c_i = x_i \oplus c_i \\ c_{i+1} = x_i \cdot 0 + x_i \cdot c_i + 0 \cdot c_i = x_i \cdot c_i \end{array} \right\} \text{HAC}$



dacă $y_i = 1$: $\left\{ \begin{array}{l} z_i = x_i \oplus 1 \oplus c_i = \bar{x}_i \oplus c_i \\ c_{i+1} = x_i \cdot 1 + x_i \cdot c_i + 1 \cdot c_i = x_i + c_i \end{array} \right\} \text{HAC}^*$

$1 \oplus x = \bar{x}$



Exemplu de adunare cu o constantă având operanzi pe 6 biți:

- ▶ $X = x_5x_4x_3x_2x_1x_0$
- ▶ $Y = y_5y_4y_3y_2y_1y_0$ - operand constant
 - ▶ fie $Y = 110100_2$ $\begin{matrix} 52 \\ 32+20=-12 \text{ cu semn} \end{matrix}$
- ▶ $Z = X + Y$, cu $c_0 = 0$

$z_0 = x_0 \oplus 0 \oplus c_0 = x_0 \oplus 0 = x_0$

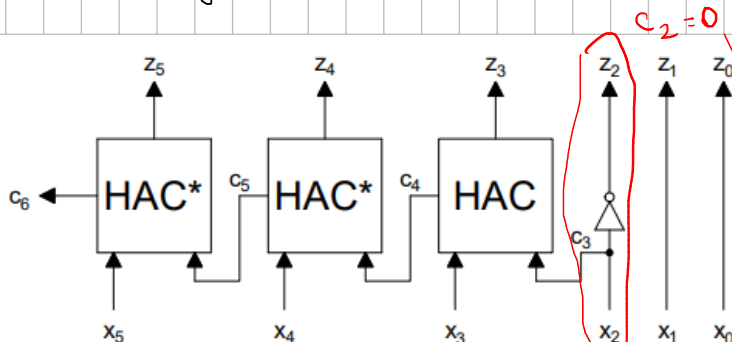
$z_1 = x_1 \oplus 0 \oplus c_1 = x_1 \oplus 0 = x_1$

$z_2 = x_2 \oplus 1 \oplus c_2 = x_2 \oplus 1 = \bar{x}_2$

$c_1 = x_0 \cdot 0 + x_0 \cdot c_0 + 0 \cdot c_0 = 0$

$c_2 = x_1 \cdot 0 + x_1 \cdot c_1 + 0 \cdot c_1 = 0$

$c_3 = x_2 \cdot 1 + x_2 \cdot c_2 + 0 \cdot c_2 = x_2$



$y_3 = 0 \rightarrow \text{HAC}$
 $y_4 = 1 \rightarrow \text{HAC}^*$
 $y_5 = 1 \rightarrow \text{HAC}^*$

De asta ne folosim
 HAC*

ex: write pt $101110 = -32 + 14 = -18$

2.2.2. Adunatoare zecimale bazate pe propagarea serială a transportului

Ⓐ Adunare BCB:

→ Fie x_i, y_i și z_i — cifre BCB, unde $z_i = x_i + y_i$

$$x_i + y_i \begin{cases} z_i & : \text{cifra sumă} \\ c_{i+1} & : \text{transportul către cifra mai semnificativă} \end{cases}$$

ex:
$$\begin{array}{r} 9 \\ + 5 \\ \hline 14 \end{array}$$

14 → c_{i+1}

$$x_i = x_3 x_2 x_1 x_0$$

$$y_i = y_3 y_2 y_1 y_0$$

$$z_i = z_3 z_2 z_1 z_0$$

$$\text{dacă } x_i + y_i < 10 \begin{cases} z_i = x_i + y_i \\ c_{i+1} = 0 \end{cases}$$

=> unified architecture for both cases

$$\text{dacă } x_i + y_i \geq 10 \begin{cases} z_i = x_i + y_i - 10 \\ c_{i+1} = 1 \end{cases}$$

-10 → pas de corectie

Dacă adunăm 2 numere pe 4 biti și se obține un rezultat pe 5 biti: (pt. a evita overflow)

$$x_i + y_i = c^* z_3^* z_2^* z_1^* z_0^*$$

$$\Rightarrow c^* z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* \geq 10$$

Putem rescrie această inegalitate

$$\left\{ \begin{array}{l} 10 \leq c^* z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* < 16 \\ c^* z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* \geq 16 \end{array} \right.$$

C1

SAU

C2

C, implică

$$c^* = 0$$

$$z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* \geq 10$$

* -> adăugată pt. că avem rezultat intermediar
=> nu ele vor fi cifra sumă și cifra transport, pe baza lor le vom calcula

Pentru rezolvarea inegalității rezolvăm următoarea minimizare:

$z_3^* \backslash z_2^* z_1^* z_0^*$	00	01	11	10
00	0	1	2	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

provenită din tabelul:

z_3^*	z_2^*	z_1^*	z_0^*	f
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1

12, 13, 15, 14 : $z_3^* z_2^*$

15, 14, 11, 10 : $z_3^* \cdot z_1^*$

$$\Rightarrow f = z_3^* z_2^* + z_3^* z_1^* = 1$$

→ Putem rezolva condiția C_1 :

$$\overline{C^*} (z_3^* z_2^* + z_3^* z_1^*)$$

pentru a forța val 0 → negație și & cu f

→ Inegalitatea asociată condiției C_2 este adevărată dacă

$$C^* = 1$$

Condiția simplă a fost împartită în C_1 și $C_2 \Rightarrow$ pentru $nr \geq 16$ avem nevoie de 5 biti

Prin disjuncție C_1 sau C_2

$$\begin{aligned} \Rightarrow x_i + y_i \geq 10 &\equiv C^* + \overline{C^*} \cdot (z_3^* z_2^* + z_3^* z_1^*) \\ &= C^* + z_3^* z_2^* + z_3^* z_1^* \\ (a + \overline{a}b) &= a + b \end{aligned}$$

Scăderea lui 10 pe 4 biți

$$Z_i = (x_i + y_i - 10) \longrightarrow \text{rezultat pe 4 biți}$$

$$Z_i = (x_i + y_i - 10) \bmod 2^4$$

$$a \bmod b = (a + b) \bmod b = (a - b) \bmod b$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow Z_i &= (x_i + y_i + 16 - 10) \bmod 2^4 = \\ &= (x_i + y_i + 6) \bmod 2^4 \end{aligned}$$

\Rightarrow Scăderea poate fi implementată prin adunarea lui 6, ignorând transportul de ieșire din rangul

cel mai semnificativ

Ex:

$$\begin{array}{r} 15 \\ 10 \\ \hline 5 \end{array} - = \begin{array}{r} 1111 \\ 1010 \\ \hline 0101 \end{array} \quad \begin{array}{r} 15 \\ 6 \\ \hline 9 \end{array} + = \begin{array}{r} 1111 \\ 0110 \\ \hline 10101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 10 \\ \hline 8 \end{array} - = \begin{array}{r} 1 \ 0010 \\ 1010 \\ \hline 1000 \end{array} \quad \begin{array}{r} 18 \\ 6 \\ \hline 8 \end{array} + = \begin{array}{r} 1 \ 0010 \\ 0110 \\ \hline 1000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13 - \\ 10 \\ \hline 3 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1101 - \\ 1010 \\ \hline 0011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13 + \\ 6 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 1101 + \\ 0110 \\ \hline 0011 = 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 19 - \\ 10 \\ \hline 9 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \ 0011 - \\ 1010 \\ \hline 1001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 19 + \\ 6 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} \times \ 0011 + \\ 0110 \\ \hline 1001 \end{array}$$

O altă explicație pentru echivalența $-10 \Leftrightarrow +6$

Pe 10 îl scad dintr-un nr ≥ 10

$$x_i + y_i \geq 10, Z_i = x_i + y_i - 10$$

\Rightarrow lucrăm cu nr. fără semn

$$C^* Z_3^* Z_2^* Z_1^* Z_0^* -$$

$$\boxed{1 \ 0 \ 1 \ 0}$$

Dacă interpretăm ca nr C_2

$$1010_{C_2}$$

sau $\Rightarrow 0110_{C_2}$ unsigned

$$\Rightarrow 1110_{SM} = -6 \quad (\text{semn măritime})$$

$$C^* Z_3^* Z_2^* Z_1^* Z_0^* - (-6_{C_2}) = C^* Z_3^* Z_2^* Z_1^* Z_0^* + 6_{C_2}$$

→ Corecția lui Z_i depinde de următoarea condiție booleană

$$C_i^* + z_3^* z_2^* + z_2^* z_1^* + z_1^* z_0^* \begin{cases} \xrightarrow{1} (x_i + y_i \geq 10) \begin{cases} Z_i = z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* + 0110 \quad (6) \\ C_{i+1} = 1 \end{cases} \\ \xrightarrow{0} (x_i + y_i < 10) \begin{cases} Z_i = z_3^* z_2^* z_1^* z_0^* + 0000 \quad (0) \\ C_{i+1} = 0 \end{cases} \end{cases}$$

O singura cifra

Transportul se obține ca:

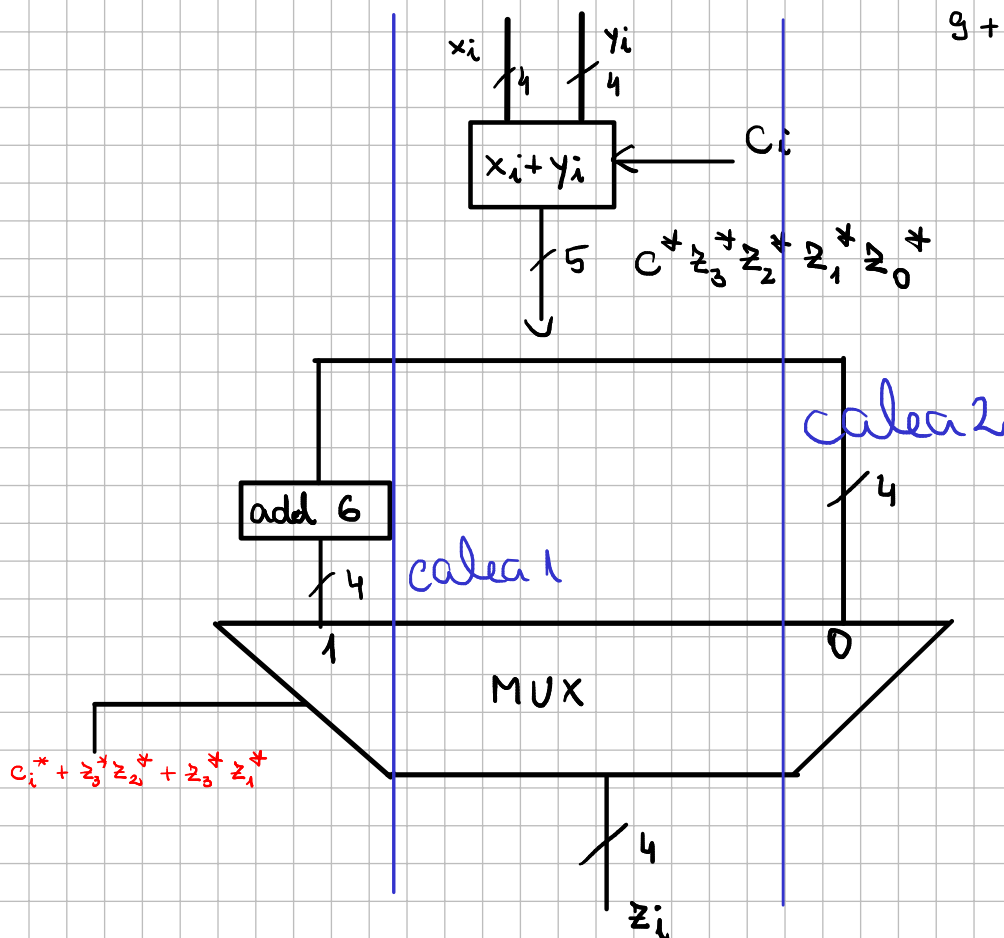
$$C_{i+1} = C_i^* + z_3^* z_2^* + z_2^* z_1^*$$

Trebuie să am un sumator care ne va aduna 6 în cazul de sus.

El nu poate fi exclus din situația de jos decât prin:

$$Z_i = x_i + y_i + C_i \leq 19$$

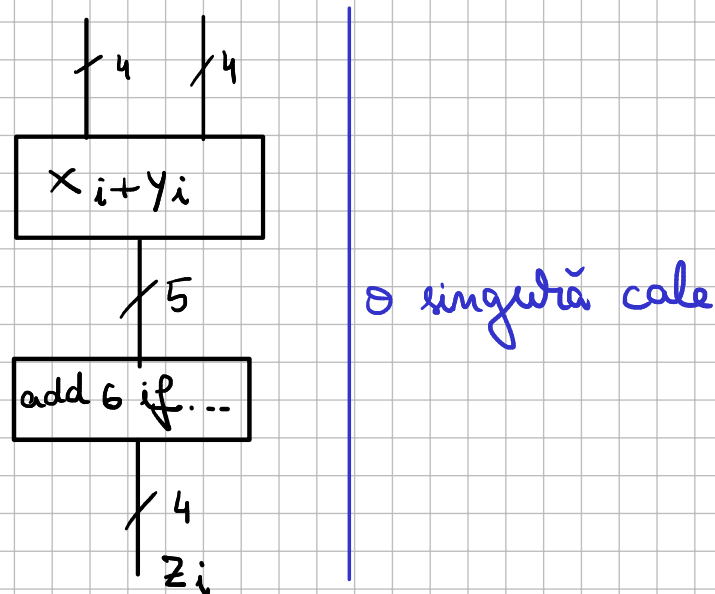
9 + 9 + 1 (maxim)



Are 2 probleme: 1. Am o unitate suplimentară pe calea lui Z_i (MUX) \Rightarrow delay la obținere rezultat
2. latentă acestui dispozitiv depinde de calea pe care mă duc

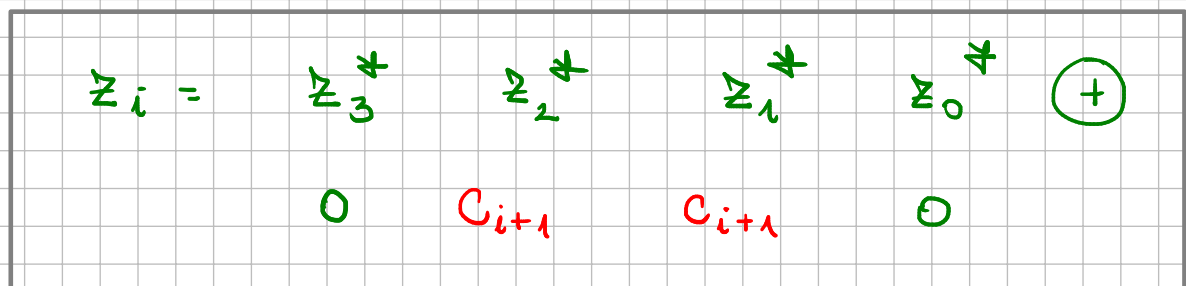
latenta = max(calea 1, calea 2)
 worst case

Cea mai buna solutie ar fi urmatoarea :



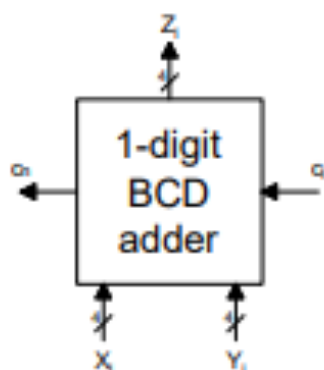
Cea mai simpla solutie e sa adun 0 daca nu am de facut corectii, transportul de iesire va fi 0

Stagiul de corectie pentru z_i derivate

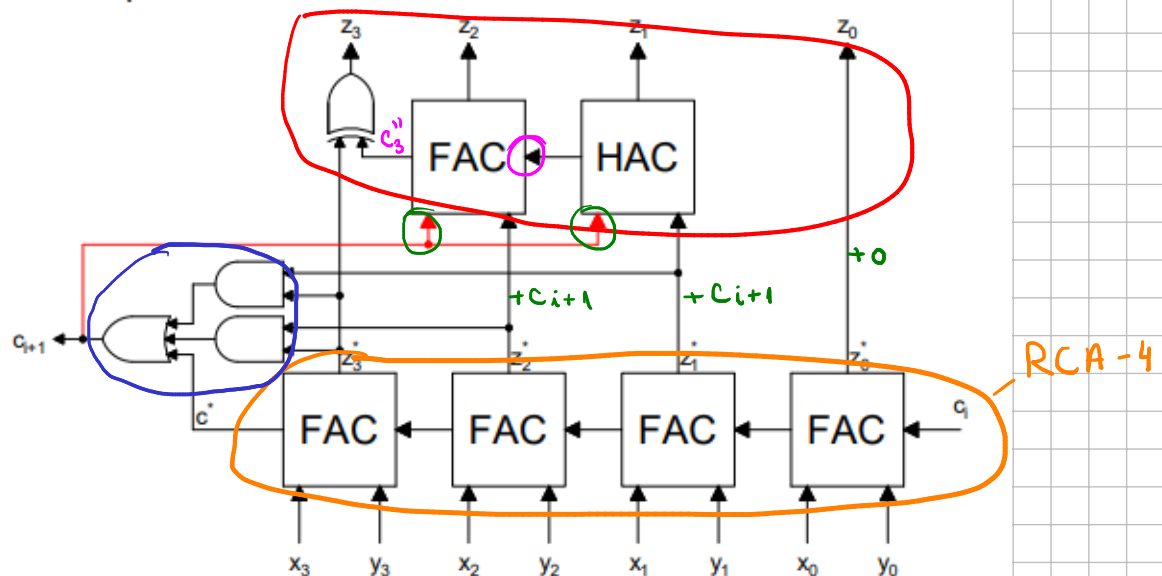


Implementare:

Simbol :



Sumatorul pentru tetrade BCD:



$$C_{i+1} = C^* (Z_3^* Z_2^* + Z_3^* Z_1^*) \longrightarrow \text{expresia încercată}$$

Nivel inferior \longrightarrow calculează valorile intermediare (suma intermediară)

Nivel de corectie / Stadiu de corectie

Folosesc HAC pentru ca am de adunat doar 2 biti, unde pot obtine si un bit de iesire

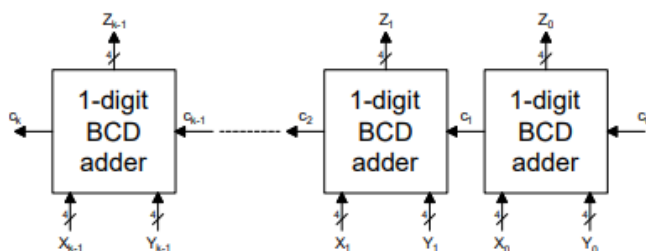
In modulul FAC adunam la Z_2^* atat C_{i+1} cat si transportul provenit de la HAC

De aici rezulta si transportul pentru Z_3 , obtinut prin adunarea Z_3^* cu c_3

$$Z_3^* + C_3$$

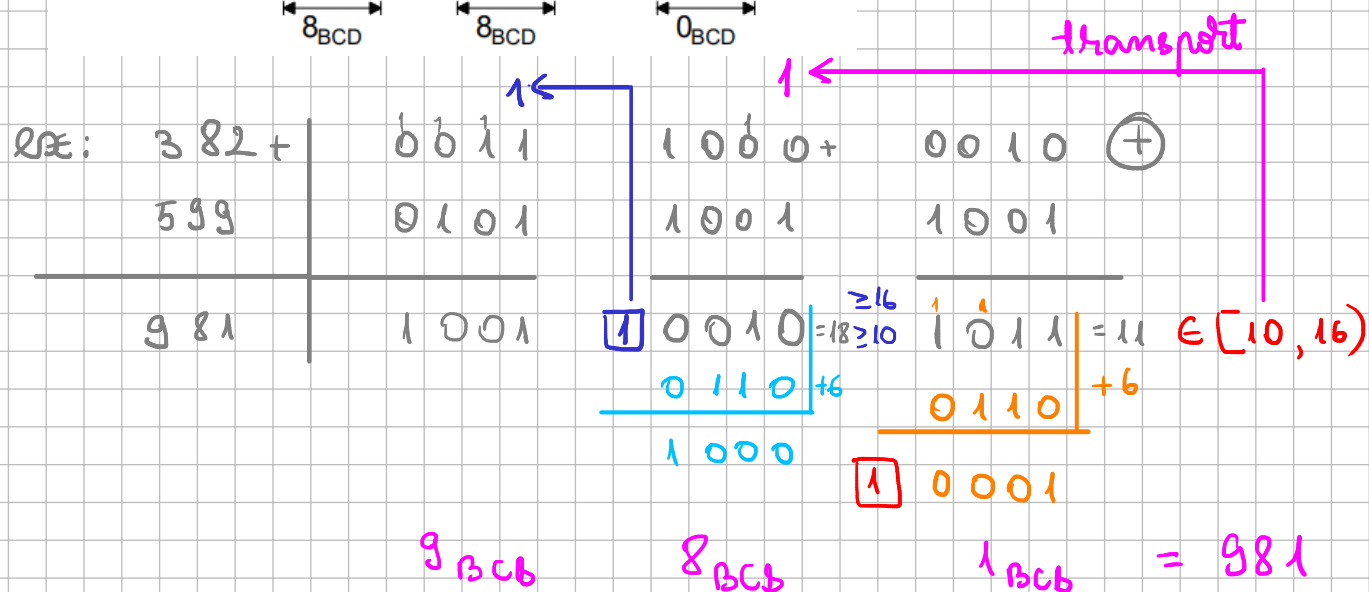
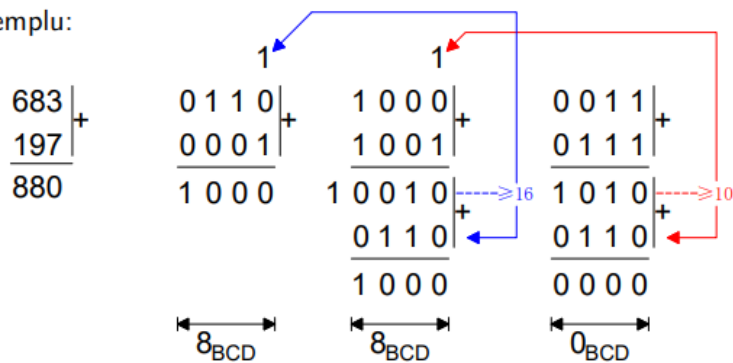
Ignoram noul transport, nu ne trebuie HAC \Rightarrow doar poarta SAU-EXCLUSIV

Sumator pentru numere BCD a câte k -cifre:



un nr BCD pe k cifre are $4 \cdot k$ biti

Exemplu:



! Poate fi aplicatie de examen

2AE curu (de rezolvat)

$$\begin{array}{r} 497 + \\ 485 \\ \hline 982 \end{array}$$

⑥ Adunare E3

Performanta este un atu in cadrul sumatoarelor E3

→ Fie $x_{iE3}, y_{iE3}, z_{iE3}$ cifre E3, unde

$$z_{iE3} = x_{iE3} + y_{iE3}$$

x_{iE3}	x_3	x_2	x_1	x_0
y_{iE3}	y_3	y_2	y_1	y_0
z_{iE3}	z_3	z_2	z_1	z_0

$$= x_i + 3$$

$$= y_i + 3$$

$$= z_i + 3$$

cifre BCB

$x_{iE3} + y_{iE3} \begin{cases} z_{iE3} : \text{cifra sumă} \\ c_{i+1} : \text{transportul către cifra mai semnificativă} \end{cases}$

$$\begin{aligned}
 & \begin{cases} \geq 10 \\ < 10 \end{cases} \begin{cases} \left. \begin{aligned} z_i &= x_i + y_i - 10 \end{aligned} \right|_{+6} \Rightarrow z_i + 3 + 3 = x_i + 3 + y_i + 3 - 10 \\ & c_{i+1} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow z_{iE3} = x_{iE3} + y_{iE3} - 13 \\
 & \left. \begin{aligned} z_i &= x_i + y_i \end{aligned} \right|_{+6} \Rightarrow z_i + 3 + 3 = x_i + 3 + y_i + 3 \\ & c_{i+1} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow z_{iE3} = x_{iE3} + y_{iE3} - 3
 \end{aligned}$$

(a+b+13) mod 16

Pentru ambele cazuri, z_{iE3} necesita corectie

→ Corectia care diferentiaza cele 2 cazuri poate fi rescrisă:

$$x_i + y_i \geq 10 \Big|_{+6}$$

Se poate lua oricare din forme.

O luam pe a doua pentru ca atunci va fi activa carry-in.

$$\Rightarrow x_{iE3} + y_{iE3} \geq 16 \Rightarrow c_{i+1} = c^*$$

Insumarea in E3 este mai avantajoasa, deoarece este simplificata conditia a ceea ce trebuie sa adunam ca si corectie \Rightarrow imbunatateste performanta, rezultatul propriu zis va fi obtinut mai repede, fiind mai putine nivele logice care il genereaza pe c_{i+1} .

Adunand 2 nr pe 4 biti => se obtine un rezultat pe 5 biti

$$x_i \bar{e}_3 + y_i \bar{e}_3 = c^n z_3^n z_2^n z_1^n z_0^n$$

Ținând cont de formatul binar pe 5 biti al sumei de mai sus, condiția care diferențiază cele

2 cazuri de corecție devine:

$$x_i \bar{e}_3 + y_i \bar{e}_3 \geq 16 \equiv c^n = 1$$

Se poate demonstra faptul că scăderea lui 3 pe 4 biti poate fi realizată prin adunarea lui 13 cu ignorarea transportului de ieșire din rangul cel mai semnificativ (a se vedea discuția privind scăderea valorii 10 pe 4 biti la adunarea BCD). În mod simetric, scăderea lui 13 pe 4 biti poate fi realizată prin adunarea lui 3 cu ignorarea transportului de ieșire din rangul cel mai semnificativ.

$$x_i + y_i - 13 = x_i + y_i + 3$$

$$-13 : 1101 c_2$$

$$0011 + 3$$

$$x_i + y_i - 3 = x_i + y_i + 13$$

Corecția lui $z_i \bar{e}_3$ depinde de următoarea cond. booleană

x_i, y_i - cifre BCB

$$c^n \begin{cases} (x_i + y_i \geq 10) \left\{ \begin{array}{l} z_i \bar{e}_3 = z_3^n \quad z_2^n \quad z_1^n \quad z_0^n + \\ 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad (3) \\ \text{sau } -13 \\ c_{i+1} = 1 \end{array} \right. \\ (x_i + y_i < 10) \left\{ \begin{array}{l} z_i \bar{e}_3 = z_3^n \quad z_2^n \quad z_1^n \quad z_0^n + \\ 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad (13) \\ \text{sau } -3 \\ c_{i+1} = 0 \end{array} \right. \end{cases}$$

→ Transportul de ieșire : $c_{i+1} = c^n$ (prima condiție)

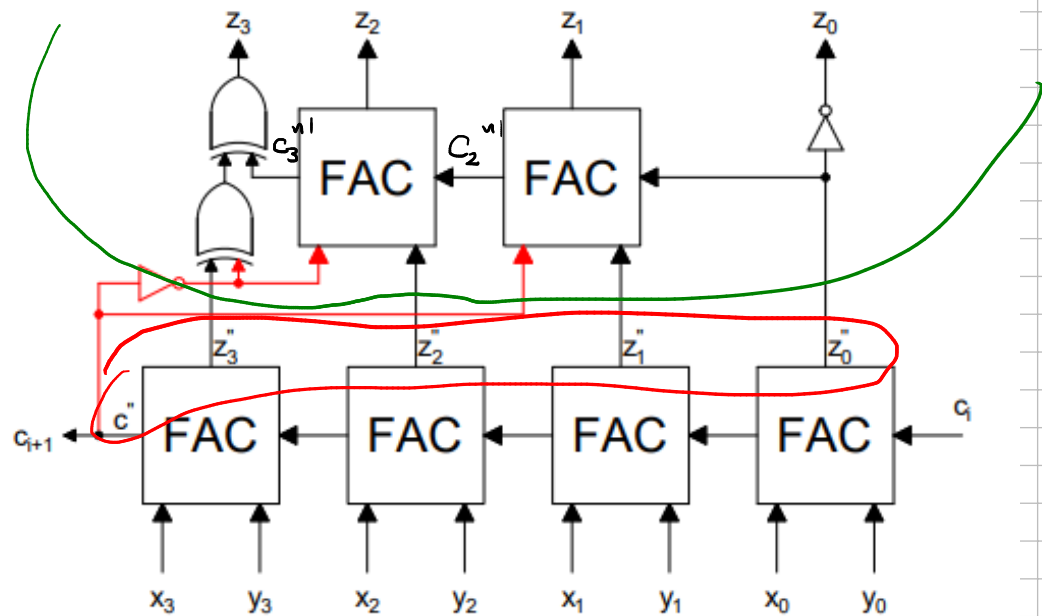
Unificarea corecției:

→ Stagiul de corecție devine:

$$z_i \bar{e}_3 = \frac{z_3^n}{c_{i+1}} \frac{z_2^n}{c_{i+1}} \frac{z_1^n}{c_{i+1}} \frac{z_0^n}{1} +$$

Implementare arhitectură:

Sumatorul pentru tetradă E3:



RCA-4

Rezultat intermediar RCA-4

$$c_{i+1} = c^n$$

Nivel de corectie

→ La z_0^n mereu adunăm 1 → $z_0^n \rightarrow \neg z_0^n \rightarrow z_0$

→ negarea bitului

→ z_0^n este carry-in pt z_1

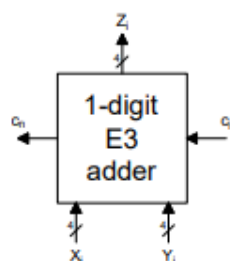
Pt. ultimul rang

$$z_3^n + \overline{c_{i+1}} \quad (\text{primul XOR})$$

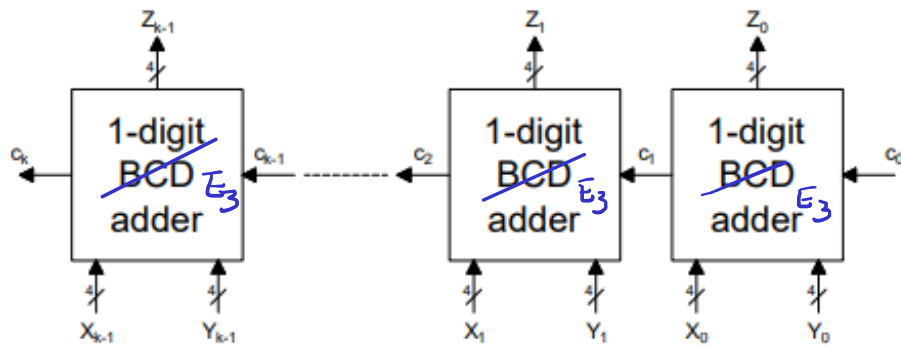
$$+ c_3^n \quad (\text{al doilea XOR})$$

Nu folosim FAC pentru adunarea celor 3 intrari deoarece nu ne mai intereseaza cat va fi carry-out la prima poarta si nici la a doua. Se ignora transportul rangului de corectie cel mai semnificativ.

Simbol



Sumatoare pentru numere E3 a câte k -cifre



Avantajele adunării în E3:

- ▶ transportul de ieșire generat mai rapid
 - ⇒ adunarea va fi efectuată mai rapid
- ▶ poate utiliza sumatoare binare
 - ▶ este necesar accesul la transporturile generate între tetrade

Exemplu:

683	+	1001	+	1011	+	0110
197		0100		1100		1010
<hr/>						
880		01110		11000		10000
		1101		0011		0011
		1011		1011		0011
		$\xrightarrow{8_{E3}}$		$\xrightarrow{8_{E3}}$		$\xrightarrow{0_{E3}}$

ex:

797	+	1010		1100		1010	+
193		0100		1100		0110	
<hr/>							
		01111 + 13		1001 + 3		1000 + 3	
		1101		0011		0011	
		1100		1100 = 12		0011	
		$\xrightarrow{9_{E3}}$		$\xrightarrow{9_{E3}}$		$\xrightarrow{0_{E3}}$	

ex curs (de făcut)

497	+
484	
<hr/>	