## Домашние задания по курсу «Математическая логика» ИТМО, группы 2536-2539, осень 2014 г.

Для всех программ кодировка выходных файлов должна быть либо CP1251, либо UTF8.

1 Написать программу, проверяющую доказательства в исчислении высказываний на корректность. Входной файл представляет из себя последовательность высказываний, по высказыванию на строку. Высказывания удовлетворяют приведенной ниже грамматике.

```
⟨выражение⟩ ::= ⟨дизъюнкция⟩ | ⟨дизъюнкция⟩ '->' ⟨выражение⟩
⟨дизъюнкция⟩ ::= ⟨конъюнкция⟩ | ⟨дизъюнкция⟩ '\' (конъюнкция⟩
⟨конъюнкция⟩ ::= ⟨отрицание⟩ | ⟨конъюнкция⟩ '\' (отрицание⟩
⟨отрицание⟩ ::= ('\(\mathbf{A}'\)...'\(\mathbf{Z}'\)) \( \(\frac{1}{2}'\) \( \frac{1}{2}'\) \( \fra
```

Пробелы в строке должны игнорироваться. Результатом работы программы должен быть проаннотированный текст доказательства, каждая строка должна соответствовать грамматике:

Выражение не должно содержать пробелов, номер от выражения и выражение от аннотации должны отделяться одним пробелом. Выражения в доказательстве должны нумероваться подряд натуральными числами с 1. Если выражение  $\gamma_n$  получено из  $\gamma_i$  и  $\gamma_j$ , где  $\gamma_j \equiv \gamma_i \to \gamma_n$  путем применения правила Modus Ponens, то аннотация должна выглядеть как 'M.P. i, j', обратный порядок номеров не допускается.

Уделите внимание производительности: ваша программа должна проверять доказательство в 5000 выражений (общим объемом  $1{\rm M}$ 6) на Intel Core i5-2520M (2.5 GHz) за несколько секунд.

2 Написать программу, преобразующую вывод  $\Gamma, \alpha \vdash \beta$  в вывод  $\Gamma \vdash \alpha \to \beta$  (либо уведомляющую, что исходный вывод некорректен). Первой строкой входного файла должна являться строка, перечисляющая гипотезы, использованные в выводе, и выводимое утверждение. На следующих строчках входного файла перечислены высказывания исходного вывода. Высказывания удовлетворяют грамматике из предыдущего задания, первая строка соответствует следующей грамматике:

```
\langle заголовок\rangle ::= \{\langle выражение\rangle ', '\}^* \langle выражение\rangle '| - '\langle выражение\rangle
```

Символ '| ' имеет ASCII-код 124<sub>10</sub>.

Результатом работы программы должен быть текст, содержащий преобразованный вывод. Формат выходного файла совпадает с форматом входного файла. Вы можете предполагать, что входной файл содержит корректный вывод требуемой формулы.