

# МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ

ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА  
ВЕЛИКОГО»

Институт компьютерных наук и кибербезопасности  
Высшая школа технологий искусственного интеллекта  
Направление 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Отчет по дисциплине «Математическая логика и теория автоматов»

Лабораторная работа №5

«Разработка LL(1) анализатора на основе заданной грамматики»

Вариант 19

Обучающийся: \_\_\_\_\_

Шклярова Ксения Алексеевна

Группа: 5130201/20102

Руководитель: \_\_\_\_\_

Востров Алексей Владимирович

«\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

Санкт-Петербург, 2025

# Содержание

<b>Введение</b>	<b>3</b>
<b>1 Математическое описание</b>	<b>4</b>
1.1 Классификация грамматик по Хомскому . . . . .	4
1.2 LL(k) грамматики . . . . .	5
1.2.1 LL(1) грамматики . . . . .	6
1.3 Заданная грамматика . . . . .	6
1.3.1 Приведение заданной грамматики к форме LL(1) . . . . .	6
1.3.2 Вывод таблицы выбора . . . . .	7
1.4 Пример вывода дерева цепочки . . . . .	8
1.5 Заданные семантические действия . . . . .	9
<b>2 Особенности реализации</b>	<b>10</b>
2.1 Класс PackageProcessor . . . . .	10
2.1.1 Инициализация внутренних данных и таблицы разбора . . . . .	10
2.1.2 Семантические методы . . . . .	11
2.1.3 Анализатор цепочки . . . . .	12
2.1.4 Генератор цепочек . . . . .	13
2.2 Пользовательское меню . . . . .	14
<b>3 Результаты работы программы</b>	<b>16</b>
<b>Заключение</b>	<b>19</b>
<b>Список литературы</b>	<b>20</b>

## Введение

Построить множества FIRST и FOLLOW для каждого нетерминала грамматики и таблицу выбора (lookup table). На их основе реализовать детерминированный левый анализатор (проверка принадлежности цепочки грамматике) и генератор цепочек. Назначить семантические действия части заданных продукций.

Грамматика для варианта 19:

$$S \rightarrow SbBc|BdD$$

$$B \rightarrow cD|\epsilon$$

$$D \rightarrow DBa|\epsilon$$

# 1 Математическое описание

## 1.1 Классификация грамматик по Хомскому

Согласно Хомскому, формальные грамматики можно разделить на четыре типа. Для отнесения грамматики к тому или иному типу необходимо соответствие всех её правил (продукций) некоторым схемам.

Грамматика с фразовой структурой  $G$  - это алгебраическая структура, упорядоченная четвёрка  $(V_T, V_N, P, S)$ , где:

- $V_T$  - алфавит (множество) терминальных символов - терминалов,
- $V_N$  - алфавит (множество) нетерминальных символов - нетерминалов,
- $V = V_T \cup V_N$  - словарь  $G$ , причём  $V_T \cap V_N = \emptyset$
- $P$  - конечное множество продукций (правил) грамматики,  $P \subseteq V^+ \times V^*$
- $S$  - начальный символ (источник).

Здесь  $V^*$  - множество всех строк над алфавитом  $V$ , а  $V^+$  - множество непустых строк над алфавитом  $V$ .

### Тип 0 - неограниченные

К типу 0 по классификации Хомского относятся неограниченные грамматики — грамматики с фразовой структурой, то есть все без исключения формальные грамматики. Правила можно записать в виде:

$$\alpha \rightarrow \beta$$

где  $\alpha \in V^+$  - любая непустая цепочка, содержащая хотя бы один нетерминальный символ, а  $\beta \in V^*$  - любая цепочка символов из алфавита.

Практического применения в силу своей сложности такие грамматики не имеют.

### Тип 1 - контекстно-зависимые

К этому типу относятся контекстно-зависимые (КЗ) грамматики и неукорачивающие грамматики. Для грамматики  $G(V_T, V_N, P, S)$ ,  $V = V_T \cup V_N$  все правила имеют вид:

-  $\alpha A \beta \rightarrow \alpha \gamma \beta$ , где  $\alpha, \beta \in V^*$ ,  $\gamma \in V^+$ ,  $A \in V_N$ . Такие грамматики относят к контекстно-зависимым.

-  $\alpha \rightarrow \beta$ , где  $\alpha, \beta \in V^+$ ,  $1 \leq |\alpha| \leq |\beta|$ . Такие грамматики относят к неукорачивающим. некоторому алгоритму за конечное число шагов можно установить, принадлежит цепочка терминальных символов данному языку или нет.

### Тип 2 - контекстно-свободные

К этому типу относятся контекстно-свободные (КС) грамматики. Для грамматики  $G(V_T, V_N, P, S)$ ,  $V = V_T \cup V_N$  все правила имеют вид:

-  $A \rightarrow \beta$ , где  $\beta \in V^+$  (для неукорачивающих КС-грамматик) или  $\beta \in V^*$  (для укорачивающих),  $A \in V_N$ . То есть грамматика допускает появление в левой части правила только нетерминального символа.

КС-грамматики широко применяются для описания синтаксиса компьютерных языков.

### Тип 3 - регулярные

К третьему типу относятся регулярные грамматики (автоматные) - самые простые из формальных грамматик. Они являются контекстно-свободными, но с ограниченными возможностями.

Все регулярные грамматики могут быть разделены на два эквивалентных класса, которые для грамматики вида III будут иметь правила следующего вида:

- $A \rightarrow B\gamma$  или  $A \rightarrow \gamma$ , где  $\gamma \in V_T^*$ ,  $A, B \in V_N$  (для левосторонних грамматик).
- $A \rightarrow \gamma B$ ; или  $A \rightarrow \gamma$ , где  $\gamma \in V_T^*$ ,  $A, B \in V_N$  (для правосторонних грамматик).

Регулярные грамматики применяются для описания простейших конструкций: идентификаторов, строк, констант, а также языков ассемблера, командных процессоров и др.

В данной работе используются регулярные и контекстно-свободные грамматики.

## 1.2 LL(k) грамматики

LL(k) грамматики — это класс грамматик, для которых возможен нисходящий синтаксический анализ, при котором входная цепочка просматривается слева направо, и на каждом шаге анализатор может заглядывать вперед не более чем на k символов для восстановления левого канонического вывода данной терминальной цепочки.

Формально, грамматика является LL(k), если выполняются следующие условия:

- $S \rightarrow^* pA\beta \rightarrow p\alpha\beta \rightarrow^* p\eta$
- $S \rightarrow^* pA\beta \rightarrow p\alpha'\beta \rightarrow^* p\xi$

где p и  $\eta$  — это терминальные цепочки, представляющие уже разобранный часть слова w, A — нетерминал грамматики, для которого существуют правила  $A \rightarrow \alpha$  и  $A \rightarrow \alpha'$ . При этом  $\alpha, \alpha', \beta, \eta, \xi$  — последовательности из терминалов и нетерминалов. Если при условиях  $|y| = k$  или  $|y| < k$  и  $\eta = \xi = \varepsilon$  следует равенство  $\alpha = \alpha'$ , то такая грамматика называется LL(k)-грамматикой.

Для построения анализатора LL(k) грамматик необходимо определить следующие множества:

- $FIRST(\alpha)$  — множество терминальных символов, с которых могут начинаться цепочки, выводимые из  $\alpha$ . Если  $FIRST(\alpha) \cap FIRST(\gamma) = \emptyset$ , можно сделать однозначный выбор между правилами  $A \rightarrow \alpha$  и  $A \rightarrow \gamma$ ;

- $FOLLOW(A)$  — множество терминальных цепочек, длиной до  $k$  символов, которые могут следовать за  $A$  в выводах. Если  $FIRST(\alpha) \cap FOLLOW(A) = \emptyset$ , можно сделать однозначный выбор между правилами  $A \rightarrow \alpha$  и  $A \rightarrow \varepsilon$ .

$LL(k)$  грамматики являются подмножеством контекстно-свободных грамматик и часто используются в построении синтаксических анализаторов, поскольку они позволяют эффективно и однозначно разбирать входные цепочки при помощи предсказательных парсеров.

### 1.2.1 $LL(1)$ грамматики

$LL(1)$  грамматики - подкласс  $LL(k)$  грамматик, где  $k = 1$ , а также:

- $A \rightarrow \alpha, A \rightarrow \beta, A \in N \rightarrow FIRST(\alpha) \cap FIRST(\beta) = \emptyset$
- $A \rightarrow \alpha, A\beta \rightarrow \beta, A \in N, \varepsilon \in FIRST(\alpha) \rightarrow FOLLOW(A) \cap FIRST(\beta) = \emptyset$

## 1.3 Заданная грамматика

### 1.3.1 Приведение заданной грамматики к форме $LL(1)$

Для приведения исходной грамматики к новой форме были выполнены следующие шаги:

#### 1. Устранение левой рекурсии в правиле $S \rightarrow SbBc \mid BdD$

Исходное правило содержит левую рекурсию ( $S \rightarrow SbBc$ ), поэтому применяем преобразование для её устранения:

- Вводим новый нетерминал  $S'$  и переписываем правила:

$$S \rightarrow BdDS'$$

$$S' \rightarrow bBcS' \mid \epsilon$$

#### 2. Устранение неоднозначности в правиле $S' \rightarrow bBcS'$

$B$  может раскрываться в  $cD$  или  $\epsilon$ , что может вызывать неоднозначность. Вводим новый нетерминал  $B'$ , чтобы явно разделить варианты:

- $S' \rightarrow bB'S'$
- $B' \rightarrow cS''$  (где  $S''$  обрабатывает возможное продолжение)
- $S'' \rightarrow Dc \mid \epsilon$

#### 3. Устранение левой рекурсии в правиле $D \rightarrow DBa \mid \epsilon$

Исходное правило содержит непосредственную левую рекурсию ( $D \rightarrow DBa$ ), что требует преобразования. Процесс устранения выполняется в два этапа:

### 1. Стандартное преобразование левой рекурсии:

Применяя классический метод устранения непосредственной левой рекурсии, вводим новый нетерминал  $D'$  и переписываем правила:

$$D \rightarrow D'$$

$$D' \rightarrow BaD' \mid \epsilon$$

Однако после подстановки  $B \rightarrow cD \mid \epsilon$  возникает проблема косвенной рекурсии через нетерминал  $B$ .

### 2. Упрощение грамматики:

Поскольку  $B$  может порождать пустую цепочку ( $\epsilon$ ), преобразуем правило к итеративной форме, исключив промежуточный нетерминал:

$$D \rightarrow aD \mid \epsilon$$

#### Преобразованная грамматика

$$S \rightarrow BdDS'$$

$$S' \rightarrow bB'S' \mid \epsilon$$

$$S'' \rightarrow Dc \mid \epsilon$$

$$B \rightarrow cD \mid \epsilon$$

$$B' \rightarrow cS''$$

$$D \rightarrow aD \mid \epsilon$$

#### 1.3.2 Вывод таблицы выбора

##### Построим множество FIRST

$$\text{FIRST}(S) = \text{FIRST}(BdDS') = \{d, c\}$$

$$\text{FIRST}(S') = \text{FIRST}(bB'S') \cup \text{FIRST}(\epsilon) = \{b, \epsilon\}$$

$$\text{FIRST}(S'') = \text{FIRST}(Dc) \cup \text{FIRST}(\epsilon) = \{a, c, \epsilon\}$$

$$\text{FIRST}(B) = \text{FIRST}(cD) \cup \text{FIRST}(\epsilon) = \{c, \epsilon\}$$

$$\text{FIRST}(B') = \text{FIRST}(cS'') = \{c\}$$

$$\text{FIRST}(D) = \text{FIRST}(aD) \cup \text{FIRST}(\epsilon) = \{a, \epsilon\}$$

##### Построим множество FOLLOW

$$\text{FOLLOW}(S) = \{\$ \}$$

$$\text{FOLLOW}(S') = \{\$ \}$$

$$\text{FOLLOW}(S'') = \{b, \$ \}$$

$$\text{FOLLOW}(B) = \{d\}$$

$\text{FOLLOW}(B') = \{b, \$\}$

$\text{FOLLOW}(D) = \{b, c, d\}$

Построим таблицу выбора

Таблица 1. Таблица выбора

	a	b	c	d	\$
S	ошибка	ошибка	$S \rightarrow BdDS'$	$S \rightarrow BdDS'$	$S \rightarrow BdDS'$
S'	ошибка	$S' \rightarrow bB'S'$	ошибка	ошибка	$S' \rightarrow \epsilon$
S''	$S'' \rightarrow Dc$	$S'' \rightarrow \epsilon$	$S'' \rightarrow Dc$	ошибка	$S'' \rightarrow \epsilon$
B	ошибка	ошибка	$B \rightarrow cD$	$B \rightarrow \epsilon$	ошибка
B'	ошибка	$B' \rightarrow cS''$	$B' \rightarrow cS''$	ошибка	$B' \rightarrow cS''$
D	$D \rightarrow aD$	$D \rightarrow \epsilon$	$D \rightarrow \epsilon$	$D \rightarrow \epsilon$	$D \rightarrow \epsilon$

#### 1.4 Пример вывода дерева цепочки

На рис. 1 представлен пример дерева вывода цепочки "сдааа" в заданной грамматике.

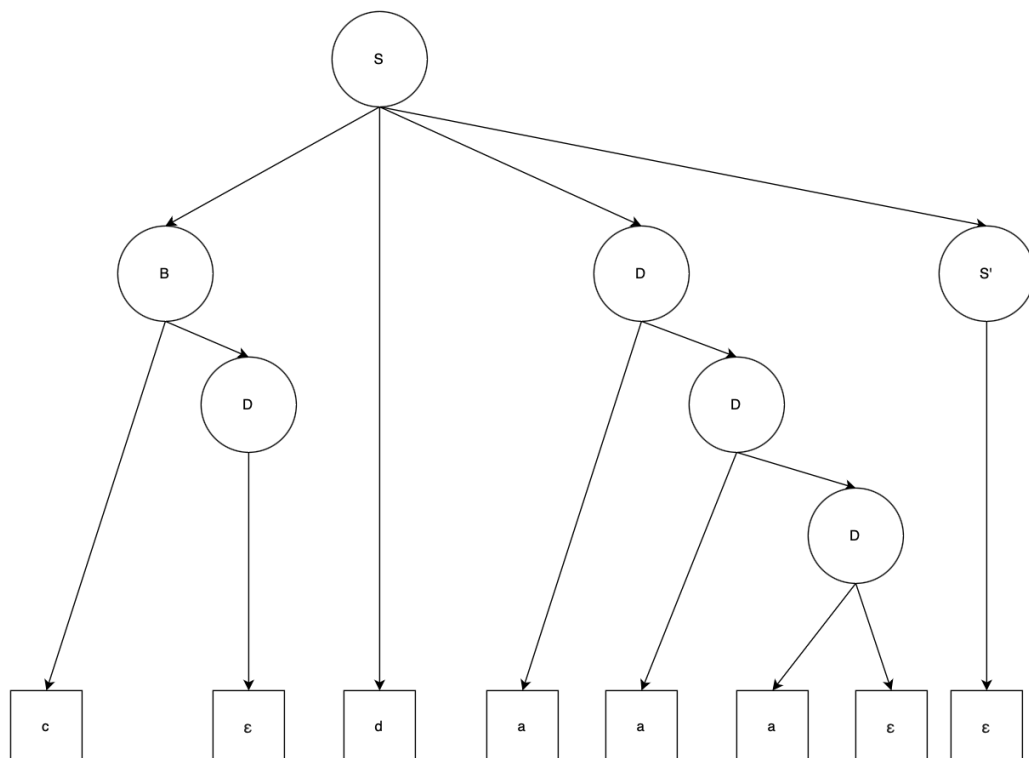


Рис. 1. Пример вывода цепочки



## 1.5 Заданные семантические действия

$y1 = S \rightarrow BdDS'$ : "начать оформление посылки"

$y2 = S' \rightarrow bB'S'$ : "проверить документы"

$y3 = S' \rightarrow :$  "завершить оформление"

$y4 = S'' \rightarrow Dc$ : "проверить содержимое"

$y5 = S'' \rightarrow :$  "подтвердить корректность"

$y6 = B' \rightarrow cS''$ : "заполнить заявление"

$y7 = B \rightarrow cD$ : "внести платеж"

$y8 = B \rightarrow :$  "пропустить платеж"

$y9 = D \rightarrow aD$ : "добавить предмет"

$y10 = D \rightarrow :$  "завершить комплектацию"

## 2 Особенности реализации

### 2.1 Класс PackageProcessor

Этот класс представляет собой парсер для формальной грамматики, реализованной на основе LL(1)-таблицы. Он также моделирует бизнес-процесс оформления посылки: проверка документов, заполнение заявления, оплата, добавление предметов и т.д.

#### 2.1.1 Инициализация внутренних данных и таблицы разбора

Метод `__init__(self)` создаёт LL(1)-таблицу разбора (`parse_table`) для заданной грамматики. Определяет множество нетерминалов (`non_terminals`) и начальный символ (`start_symbol`).

Таблица содержит правила вывода, текстовые описания правил и семантические действия. Каждый ключ — это нетерминал. Внутри каждого нетерминала — словарь, где ключ — входной символ, а значение — кортеж из правил вывода, текст правила, семантическая функция действия.

Реализацию инициализации см. в листинге 1.

Листинг 1. Реализация инициализации внутренних данных

```
1 def __init__(self):
2     self.parse_table = {
3         'S': {
4             'c': ([ 'B', 'd', 'D', "S'"], "S      B d D S'", self.start_packing),
5             'd': ([ 'B', 'd', 'D', "S'"], "S      B d D S'", self.start_packing)
6         },
7         "S'": {
8             'b': ([ 'b', "B'", "S'"], "S'      b B' S'", self.check_documents),
9             '$': ([ ' ', "S'      ", self.finish_packing),
10            'd': ([ ' ', "S'      ", self.finish_packing),
11            'c': ([ ' ', "S'      ", self.finish_packing)
12        },
13        "S''": {
14            'a': ([ 'D', 'c'], "S''      D c", self.check_contents),
15            'c': ([ 'D', 'c'], "S''      D c", self.check_contents),
16            'b': ([ ' ', "S''      ", self.confirm_correctness),
17            '$': ([ ' ', "S''      ", self.confirm_correctness),
18            'd': ([ ' ', "S''      ", self.confirm_correctness)
19        },
20        "B'": {
21            'c': ([ 'c', "S'"], "B'      c S'", self.fill_application)
22        },
23        'B': {
24            'c': ([ 'c', 'D'], "B      c D", self.make_payment),
25            'd': ([ ' ', "B      ", self.skip_payment),
```

```

26         'a': ([ ' ' ], "B      ", self.skip_payment),
27         '$': ([ ' ' ], "B      ", self.skip_payment)
28     },
29     'D': {
30         'a': ([ 'a', 'D'], "D      a D", self.add_item),
31         'b': ([ ' ' ], "D      ", self.finish_packing_list),
32         'c': ([ ' ' ], "D      ", self.finish_packing_list),
33         'd': ([ ' ' ], "D      ", self.finish_packing_list),
34         '$': ([ ' ' ], "D      ", self.finish_packing_list)
35     }
36 }
37 self.non_terminals = {'S', "S'", "S''", "B'", 'B', 'D'}
38 self.start_symbol = 'S'

```

### 2.1.2 Семантические методы

Эти методы связаны с правилами грамматики и моделируют действия в процессе оформления посылки. Все методы принимают на вход ссылку на текущий экземпляр класса, а результатом выполнения является вывод сообщения о действиях.

`start_packing(self)` выводит сообщение о начале оформления посылки.

`check_documents(self)` выводит сообщение о проверке документов.

`finish_packing(self)` выводит сообщение о завершении оформления посылки.

`check_contents(self)` выводит сообщение о проверке содержимого посылки.

`confirm_correctness(self)` выводит сообщение о подтверждении корректности данных.

`fill_application(self)` выводит сообщение о заполнении заявления.

`make_payment(self)` выводит сообщение о внесении платежа.

`skip_payment(self)` выводит сообщение о пропуске платёжа.

`add_item(self)` выводит сообщение о добавлении предмета в посылку.

`finish_packing_list(self)` выводит сообщение о завершении комплектации.

Реализацию данных методов см. в листинге 2.

Листинг 2. Реализация семантических методов

```

1  def start_packing(self):
2      print("начать оформление посылки")
3
4  def check_documents(self):
5      print("проверить документы")
6
7  def finish_packing(self):
8      print("завершить оформление")
9

```

```

10     def check_contents(self):
11         print("проверить содержимое")
12
13     def confirm_correctness(self):
14         print("подтвердить корректность")
15
16     def fill_application(self):
17         print("заполнить заявление")
18
19     def make_payment(self):
20         print("внести платеж")
21
22     def skip_payment(self):
23         print("пропустить платеж")
24
25     def add_item(self):
26         print("добавить предмет")
27
28     def finish_packing_list(self):
29         print(f"завершить комплектацию")

```

### 2.1.3 Анализатор цепочки

Метод `parse` реализует LL(1)-разбор входной строки согласно заданной грамматике.

Принимает на вход строку `input_string` (цепочка терминалов) и ссылку на текущий экземпляр класса. Возвращает `True`, если цепочка принадлежит языку грамматики, иначе `False`. Логика работы : сначала добавляется маркер конца строки `$`. Используется стек, начиная с начального символа грамматики. Пока стек не пуст: если вершина стека совпадает с текущим символом — удаляет из стека и переходит к следующему символу. Если вершина — нетерминал, ищет правило в `parse_table` по текущему символу и заменяет вершину стека на правую часть правила, применяя семантическое действие. При ошибке (нет правила или неожиданный символ) возвращается `False`.

Реализацию данного метода см. в листинге 3.

Листинг 3. Реализация анализатора цепочек

```

1     def parse(self, input_string):
2         input_string = input_string + '$'
3         stack = [self.start_symbol]
4         ptr = 0
5
6         while stack:
7             top = stack[-1]
8             current_char = input_string[ptr]

```

```

9
10         if top == current_char:
11             stack.pop()
12             ptr += 1
13         elif top in self.non_terminals:
14             if current_char in self.parse_table[top]:
15                 production, rule, action = self.parse_table[top][current_char]
16                 print(f"{rule.ljust(15)} ", end="")
17                 stack.pop()
18                 if production != [' ']:
19                     stack.extend(reversed(production))
20                 action()
21             else:
22                 print(f"\nОшибка: нет правила для {top} с входным символом {
23                     current_char}")
24                 return False
25         else:
26             print(f"\nОшибка: неожиданный символ {current_char}")
27             return False
28     return ptr == len(input_string) - 1

```

#### 2.1.4 Генератор цепочек

Метод `generate` генерирует случайную цепочку, которая может быть распознана парсером. Принимает минимальную и максимальную длину цепочки, ссылку на текущий экземпляр класса. Возвращает сгенерированную строку, если она прошла парсинг; иначе `None`. Логика работы : начинается с начального символа. Случайным образом выбирает подходящие правила из `parse_table`. Раскрывает нетерминалы, пока стек не станет пустым. Проверяет, чтобы длина цепочки была в пределах `[min_length, max_length]`. Вызывает `parse()` для проверки корректности. Если всё верно — возвращает строку.

Реализацию данного метода см. в листинге 4.

Листинг 4. Реализация генератора цепочек

```

1 def generate(self, min_length=5, max_length=30):
2     for _ in range(1000):
3         stack = [self.start_symbol]
4         output = []
5         steps = 0
6
7         while stack and steps < max_length:
8             steps += 1

```

```

9         top = stack[-1]
10
11         if top in self.non_terminals:
12             possible_expansions = self.parse_table[top]
13             possible_chars = list(possible_expansions.keys())
14
15             if len(output) < min_length:
16                 possible_chars = [c for c in possible_chars if
17                                     possible_expansions[c][0] != [' ']]
18                 selected_char = random.choice(possible_chars)
19                 production, rule, action = possible_expansions[selected_char]
20                 stack.pop()
21                 if production != [' ']:
22                     stack.extend(reversed(production))
23             else:
24                 terminal = stack.pop()
25                 if terminal != ' ':
26                     output.append(terminal)
27
28         generated_string = ''.join(output)
29
30         if min_length <= len(generated_string) <= max_length and self.parse(
31             generated_string):
32             print(f"\nСгенерированная цепочка: {generated_string}")
33             return generated_string
34
35     print("Не удалось сгенерировать допустимую цепочку")
36     return None

```

## 2.2 Пользовательское меню

Функция `get_user_input() -> str` запрашивает у пользователя ввод цепочки вручную, возвращает строку или `None` (если пользователь решил отменить ввод). На вход принимает введенную пользователем строку. Возвращаемое значение: `str` — введенная пользователем строка с цепочкой, `None` — если пользователь ввёл `q` для отмены.

Функция `show_menu()` отображает консольное меню и вызывает соответствующую функцию. На вход принимает введенное пользователем значение, результатом выполнения является вызов соответствующей функции.

Реализацию данных функций см. в листинге 5.

Листинг 5. Реализация пользовательского меню

```

1 def get_user_input() -> str:

```

```

2     while True:
3         user_input = input("\nВведите строку для проверки или 'q' для отмены: ").strip
4         ()
5         return user_input
6
7
8 def show_menu():
9     while True:
10        print("\nМеню:")
11        print("1. Сгенерировать цепочку случайно")
12        print("2. Ввести цепочку вручную")
13        print("3. Выход")
14
15        choice = input("Выберите действие (1–3): ")
16
17        if choice == "1":
18            min1 = random.randint(0, 9)
19            processor.generate(min1, 30)
20        elif choice == "2":
21            date = get_user_input()
22            if processor.parse(date):
23                print("\nГотово!")
24            else:
25                print("Цепочка не принадлежит грамматике")
26        elif choice == "3":
27            print("Выход из программы.")
28            break
29        else:
30            print("Некорректный ввод.")

```

### 3 Результаты работы программы

На рис. 2-6 показаны результаты работы программы.

```
Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 4
Некорректный ввод.
```

Рис. 2. Неверный ввод при выборе пункта в меню

```
Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 1
S → B d D S'   начать оформление посылки
B → c D         внести платеж
D → a D         добавить предмет
D → a D         добавить предмет
D → a D         добавить предмет
D → a D         добавить предмет
D → a D         добавить предмет
D → ε          завершить комплектацию
D → ε          завершить комплектацию
S' → b B' S'   проверить документы
B' → c S''     заполнить заявление
S'' → ε        подтвердить корректность
S' → b B' S'   проверить документы
B' → c S''     заполнить заявление
S'' → D c      проверить содержимое
D → ε          завершить комплектацию
S' → ε         завершить оформление

Сгенерированная цепочка: saaaaadbcбсс
```

Рис. 3. Генерация цепочки №1



```

Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 1
S → B d D S'    начать оформление посылки
B → c D          внести платеж
D → a D          добавить предмет
D → a D          добавить предмет
D → a D          добавить предмет
D → a D          добавить предмет
D → ε            завершить комплектацию
D → ε            завершить комплектацию
S' → b B' S'     проверить документы
B' → c S''       заполнить заявление
S'' → ε          подтвердить корректность
S' → ε           завершить оформление

Сгенерированная цепочка: saaaadbc

```

Рис. 4. Генерация цепочки №2

```

Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 2

Введите строку для проверки или 'q' для отмены:

Ошибка: нет правила для S с входным символом $
Цепочка не принадлежит грамматике

```

Рис. 5. Ввод и проверка цепочки

```

Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 2

Введите строку для проверки или 'q' для отмены: d
S → B d D S'    начать оформление посылки
B → ε           пропустить платеж
D → ε           завершить комплектацию
S' → ε          завершить оформление

Готово!

Меню:
1. Сгенерировать цепочку случайно
2. Ввести цепочку вручную
3. Выход
Выберите действие (1-3): 2

Введите строку для проверки или 'q' для отмены: caddaa
S → B d D S'    начать оформление посылки
B → c D         внести платеж
D → a D         добавить предмет
D → ε          завершить комплектацию
D → a D         добавить предмет
D → a D         добавить предмет
D → ε          завершить комплектацию
S' → ε          завершить оформление

Готово!

```

Рис. 6. Ввод и проверка цепочки

## Заключение

В рамках данной работы были выполнены преобразования исходной контекстно-свободной грамматики с целью приведения её к LL(1)-форме. Для всех нетерминальных символов грамматики были построены множества FIRST и FOLLOW, на основе которых была сформирована таблица выбора. На её основе реализован детерминированный левый анализатор типа LL(1), предназначенный для проверки принадлежности входных цепочек контекстно-свободному языку, порождаемому заданной грамматикой. В состав анализатора включены семантические действия для каждой продукции.

На основе таблицы выбора была создана программа, обеспечивающая:

- Генерацию строк, соответствующих заданной грамматике. Генератор использует случайный выбор правил грамматики, начиная с начального символа, для формирования цепочки терминальных символов. Для каждой сгенерированной строки проверяется её длина и соответствие синтаксическим правилам с использованием реализованного анализатора. В случае успешной проверки строка возвращается как результат. Генератор позволяет автоматизировать создание тестовых данных, соответствующих спецификации грамматики.

- Проверку принадлежности произвольной строки к языку, порождаемому грамматикой. Анализатор, построенный на основе LL(1)-грамматики, осуществляет детерминированный левый разбор входной строки. Для принятия решения о выборе правила вывода используются заранее вычисленные множества FIRST и FOLLOW, а также таблица синтаксического анализа, которая для каждой пары (нетерминальный символ, входной символ) указывает соответствующее правило вывода.

Достоинства: Грамматика представлена в виде таблицы разбора, что делает её наглядной и легко модифицируемой. Все правила вывода сопровождаются текстовым описанием (например,  $S \rightarrow B d D S'$ ), что упрощает отладку.

Недостатки: Грамматика зафиксирована в коде, и её изменение требует ручного редактирования `parse_table`. Нет поддержки более сложных конструкций (например, рекурсивных правил с условиями).

Масштабирование: можно добавить новые правила и нетерминалы для поддержки более сложных структур. Так же можно разрешить пользователю задавать грамматику в виде текстового файла.

Работа выполнена на языке программирования Python в среде разработки PyCharm версии 2023.3.4.

## Список литературы

- [1] Востров, А. В. Математическая логика  
URL:<https://tema.spbstu.ru/compiler> (Дата обращения: 20.05.2025).
- [2] Сети, Р.; Ахо, А. Компиляторы: принципы, технологии и инструменты / Р. Сети, А. Ахо. - М.: Издательство «Наука», 2006. - С. 104.