Estrutura de Dados I

Algoritmos básicos de Ordenação

Prof. Rodrigo Minetto

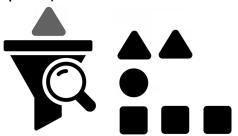
Universidade Tecnológica Federal do Paraná

Sumário

- Conceitos
- 2 Bubble-Sort
- Selection-Sort
- 4 Insertion-Sort

Conceitos

Ordenação (sorting): é o processo de reorganização de uma seqüência de objetos, de modo a colocá-los em alguma ordem lógica. Ampla variedade de aplicações: simulação, compressão, busca, computação comercial e numérica, etc.



Conceitos

A ordem lógica, por exemplo, define se os valores devem ser organizados de forma crescente ou decrescente. Sendo que as estratégias de ordenação se dividem em duas alternativas: (1) inserir os elementos na estrutura de dados respeitando a ordenação (dizemos que a ordenação é garantida por construção); ou, (2) ordenar os elementos de um conjunto de dados já criado;

Conceitos

Vamos descrever os algoritmos de ordenação no seguinte cenário:

- Entrada: um array $A[0 \dots n-1]$
- Saída: A[0...n-1] em ordem crescente

Se a ordenação é realizada no próprio array A o algoritmo é **in-place** — memória adicional requerida é independente do tamanho.

Sumário

- Conceitos
- 2 Bubble-Sort
- Selection-Sort
- 4 Insertion-Sort

Bubble-Sort

Bubble-Sort: recebeu esse nome pela imagem pitoresca usada para descrevê-lo: "os elementos maiores são mais leves e sobem como bolhas até sua posição correta".



Bubble-Sort

Suponha um algoritmo de ordenação cuja ideia é realizar uma série de **comparações** entre os elementos **adjacentes** em um vetor. Quando dois elementos estão fora de ordem realizamos uma **inversão**, e esses dois elementos são trocados de posição, ficando assim em ordem correta.

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{99} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{99} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{99} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{99} & \mathbf{11} \\ \mathbf{11} & \mathbf{11} & \mathbf{11} \mathbf{1$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{99} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \\ \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{11} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \\ \mathbf{99} & \mathbf{99} & \mathbf{99} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$A = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \\ \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{11} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \\ \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{11} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & & \mathsf{n-1} \\ \mathbf{22} & \mathbf{11} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{11} & \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \\ \end{bmatrix}$$

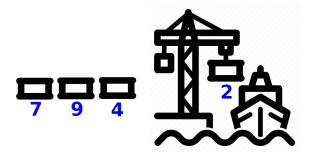
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

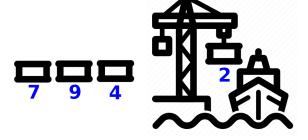
Sumário

- Conceitos
- 2 Bubble-Sort
- Selection-Sort
- 4 Insertion-Sort

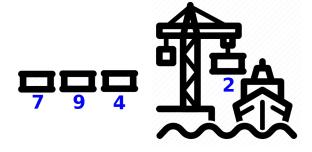
Cenário: suponha uma transportadora com a tarefa de reorganizar contêineres, em um porto para embarque, segundo identificações numéricas.



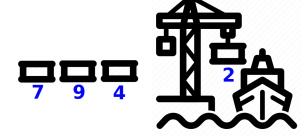
Note que o custo para comparar dois contêineres é baixo (basta olhar para as identificações numéricas) em relação ao custo para movimentar os contêineres (trocar de posições).



O algoritmo Bubble-Sort seria **adequado** para esse cenário?



Suponha um algoritmo cuja ideia é selecionar um menor item ainda não ordenado e permutá-lo com aquele que ocupa a sua posição na seqüência ordenada. Objetivo: minimizar o número de trocas.



- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathsf{n-1} \\ \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathsf{n-1} \\ \mathbf{22} & \mathbf{99} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{11} \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $A = \begin{bmatrix} 11 & 99 & 66 & 33 & 22 \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $A = \begin{bmatrix} 11 & 22 & 66 & 33 & 99 \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $A = \begin{bmatrix} 11 & 22 & 66 & 33 & 99 \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{11} & \mathbf{22} & \mathbf{66} & \mathbf{33} & \mathbf{99} \\ \mathbf{99} & \mathbf{99} & \mathbf{99} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $A = \begin{bmatrix} 11 & 22 & 66 & 33 & 99 \end{bmatrix}$

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

 $\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{11} & \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \\ \mathbf{99} & \mathbf{99} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$

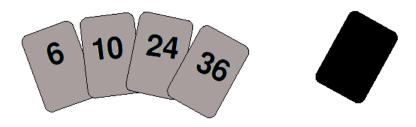
- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

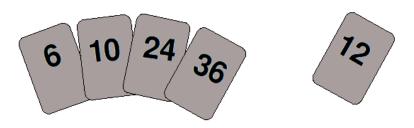
- → Valor mínimo ainda não ordenado
- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Elemento na posição correta

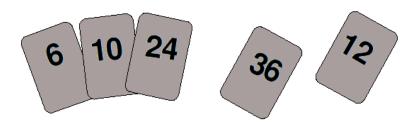
Sumário

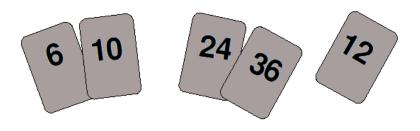
- Conceitos
- 2 Bubble-Sort
- 3 Selection-Sort
- 4 Insertion-Sort

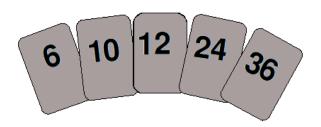












- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Um conjunto com 1 elemento já está ordenado!

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 99
$$0 n-1$$
 A = $22 99 66 33 11$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

$$\begin{array}{c} \text{Chave} = \textbf{99} \\ & 0 \\ & \text{N-1} \\ \text{A} = \boxed{ \textbf{22} \ \textbf{99} \ \textbf{66} \ \textbf{33} \ \textbf{11} } \end{array}$$

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave =
$$0 n-1$$

$$A = 22 99 66 33 11$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 66
$$0 n-1$$

$$A = 22 99 66 33 11$$

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 66
$$0 n-1$$
 A = 22 $99 33 11$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- \rightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave =
$$0 n-1$$
 A = $22 66 99 33 11$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 33
$$0 n-1$$
 A = $22 66 99 33 11$

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 33
$$0 n-1$$

$$A = 22 66 99 33 11$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 33
$$0 & \text{n-1} \\ A = 2266 & 9911$$

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 33
$$0 n-1$$
 A = $22 66 99 11$

- \rightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

$$\begin{array}{c|c} \text{Chave} = {\color{red} \bf{33}} \\ & 0 \\ & \text{N-1} \\ \text{A} = {\color{red} \bf{22}} {\color{red} \bf{66}} {\color{red} \bf{99}} {\color{red} \bf{11}} \end{array}$$

- → Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 33
$$0 n-1$$
 A = $22 66 99 11$

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave =
$$0 n-1$$
 A = $22 33 66 99 11$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave =
$$0 n-1$$

$$A = 22 33 66 99 11$$

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

$$\begin{array}{c|c} \text{Chave} = 11 \\ & 0 & \text{n-1} \\ \text{A} = \begin{array}{c|c} \textbf{22} & \textbf{33} & \textbf{66} & \textbf{99} & \textbf{11} \end{array}$$

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

Chave = 11
$$0 n-1$$
 A = $22 \ 33 \ 66 \ 99$

- \rightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- ightarrow Troca
- → Seleção da chave

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

- ightarrow Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave

$$Chave =$$

$$\mathsf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{11} & \mathbf{22} & \mathbf{33} & \mathbf{66} & \mathbf{99} \end{bmatrix}$$

- → Comparação
- \rightarrow Troca
- → Seleção da chave