

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №3
по дисциплине «Алгоритмы и Структуры Данных»
Тема: Очереди с приоритетом.
Параллельная обработка

Студент гр. 1384

Усачева Д.В.

Преподаватель

Иванов Д.В.

Санкт-Петербург 2022

Цель работы.

Знакомство с такой структурой данных, как очередь с приоритетом.

Применение очереди с приоритетом в задачах.

Задание.

Параллельная обработка.

На вход программе подается число процессоров n и последовательность чисел t_0, \dots, t_{m-1} , где t_i — время, необходимое на обработку i -й задачи.

Требуется для каждой задачи определить, какой процессор и в какое время начнёт её обрабатывать, предполагая, что каждая задача поступает на обработку первому освободившемуся процессору.

Примечание #1: в работе необходимо использовать очередь с приоритетом (т.е. min или max-кучу)

Примечание #2: в работе запрещено использовать библиотечные реализации алгоритмов и структур.

Формат входа

Первая строка входа содержит числа n и m . Вторая содержит числа t_0, \dots, t_{m-1} , где t_i — время, необходимое на обработку i -й задачи. Считаем, что и процессоры, и задачи нумеруются с нуля.

Формат выхода

Выход должен содержать ровно m строк: i -я (считая с нуля) строка должна содержать номер процессора, который получит i -ю задачу на обработку, и время, когда это произойдёт.

Ограничения

$$1 \leq n \leq 10^5; 1 \leq m \leq 10^5; 0 \leq t_i \leq 10^9.$$

Выполнение работы.

Для начала программа считывает количество процессоров, участвующих в обработке, и количество задач, которые необходимо обработать в переменные n и m соответственно. Список значений времени, необходимых для обработки каждой задачи, сохраняется в список `work`.

Был описан класс `Processor`, хранящий индекс процессора, время, необходимое для выполнения задачи, а также начало выполнения данной задачи. У класса были перегружены операторы сравнения, таким образом можно сравнить два объекта данного класса, что потребуется при выполнении операций просеивания в куче.

В классе `Heap` реализована очередь с приоритетом (мин-куча), хранящая процессор с наименьшим в хронологическом смысле временем выполнения задачи «вверху» кучи, и методы для работы с такой кучей.

Тестирование.

Чтобы удостовериться в правильности работы программы, она была протестирована на следующих случаях:

1. Задачи распределены таким образом, что один процессор выполняет маленькие задачи, а все остальные с самого начала нагружаются задачами с большим временем выполнения
2. Количество задач совпадает с количеством процессоров – т. е. каждому процессору достаётся по одной задаче
3. На несколько задач выделяется только один процессор
4. Подаются задачи с одинаковым временем выполнения и работают два процессора

Выводы.

По результатам лабораторной работы была изучена структура данных

очередь с приоритетом. В разработанной программе была осуществлена работа с кучей, хранящей в себе объекты некоторого класса, путем переопределения оператора сравнения

ПРИЛОЖЕНИЕ 1

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: main.py

```
#python
```

```
class Heap:
    def __init__(self, size, heap):
        self.size = size
        self.heap = heap

    @staticmethod
    def get_parent(index):
        return (index - 1) // 2

    @staticmethod
    def get_left_child(index):
        return 2 * index + 1

    @staticmethod
    def get_right_child(index):
        return 2 * index + 2

    def add_wk(self, element):
        proc = self.heap[0]
        result = (proc.idx, proc.work)
        proc.add(element)
        self.sift_down(0)
        return result

    def sift_down(self, index):
        left = self.get_left_child(index)
        right = self.get_right_child(index)
        if left >= self.size and right >= self.size:
            return
        if right >= self.size:
            min_index = left if self.heap[left] < self.heap[index] else
index
```

```

        else:
            min_index = left if self.heap[left] < self.heap[right] else
right
            min_index = min_index if self.heap[min_index] <
self.heap[index] else index
            if min_index != index:
                self.heap[min_index], self.heap[index] = self.heap[index],
self.heap[min_index]
                self.sift_down(min_index)

```

```

class Processor:

```

```

    def __init__(self, idx):
        self.work = 0
        self.idx = idx

```

```

    def add(self, work):
        self.work += work

```

```

    def __lt__(self, other): # <
        if self.work == other.work:
            return self.idx < other.idx
        else:
            return self.work < other.work

```

```

    def __le__(self, other): # ≤
        if self.work == other.work:
            return self.idx <= other.idx
        else:
            return self.work <= other.work

```

```

    def __eq__(self, other): # ==
        return self.work == other.work

```

```

    def __ne__(self, other): # !=
        return self.work != other.work

```

```

    def __gt__(self, other): # >

```

```

        if self.work == other.work:
            return self.idx > other.idx
        else:
            return self.work > other.work

def __ge__(self, other): # ≥
    if self.work == other.work:
        return self.idx >= other.idx
    else:
        return self.work >= other.work

def solve(n, works):
    ans=[]
    heap_list = [Processor(i) for i in range(n)]
    heap = Heap(n, heap_list)
    for work in works:
        result = heap.add_wk(work)
        ans.append(result)
    return ans

if __name__ == '__main__':
    n, m = list(map(int, input().split()))
    works = list(map(int, input().split()))
    for pair in solve(n, works):
        print(pair[0], pair[1])

```

Название файла: tests.py

```

from main import *

def test_all_tasks_to_one_processor():
    N = 10
    t = [1]
    for i in range(N - 1):
        t.append(1000)
    for i in range(100):
        t.append(1)

```

```
expectedAnswer = []
for i in range(N):
    expectedAnswer.append((i, 0))
for i in range(100):
    expectedAnswer.append((0, i + 1))
assert solve(N, t) == expectedAnswer
```

```
def test_one_task_lots_of_processors():
    N = 100
    t = [34]
    assert solve(N, t) == [(0, 0)]
```

```
def test_one_processor():
    t = [i for i in range(15)]
    answers = [(0, sum(t[:i])) for i in range(15)]
    assert solve(1, t) == answers
```

```
def test_two_processors_sequence():
    t = [1] * 10
    N = 2
    exAns = []
    for i in range(len(t)):
        exAns.append((i % 2, i // 2))

    assert solve(N, t) == exAns
```