



Compression

Parte 1

Prof. Filippo Milotta
milotta@dmi.unict.it



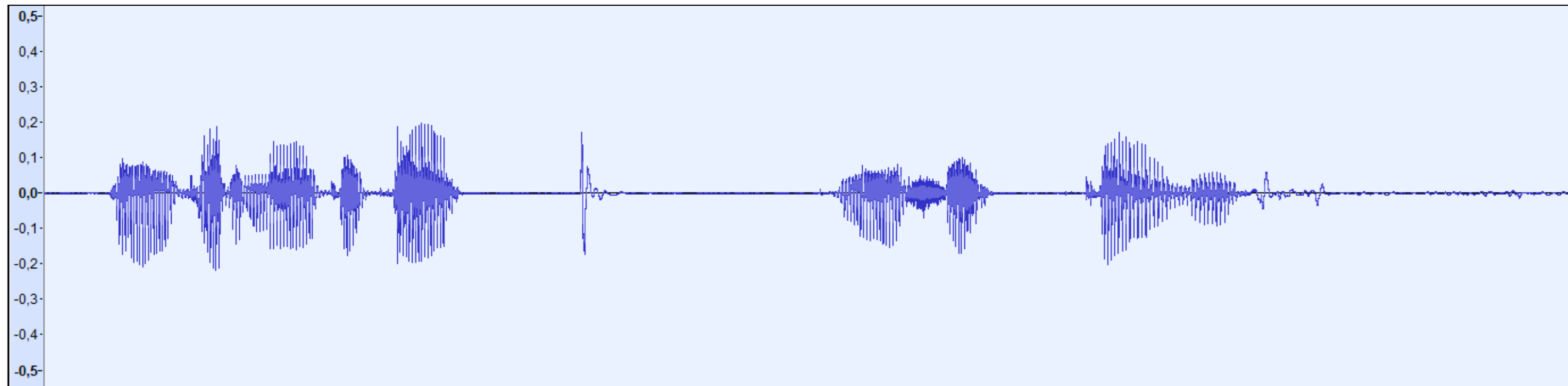
Perché comprimere?

1. Riduzione dello spazio di memoria occupato
2. Riduzione dei tempi (e costi) di trasmissione



Compression...

- Come comprimere una traccia del genere?



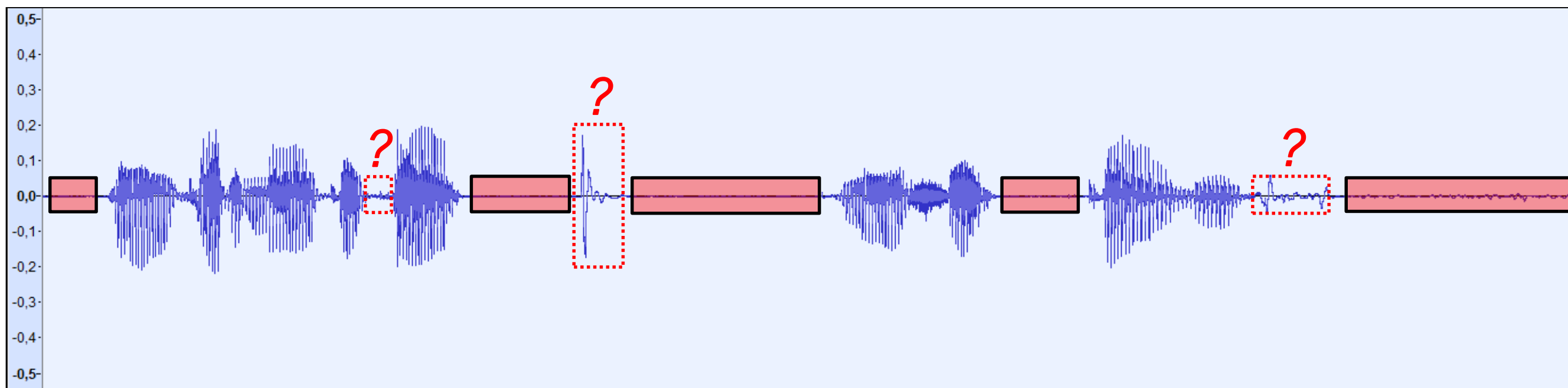
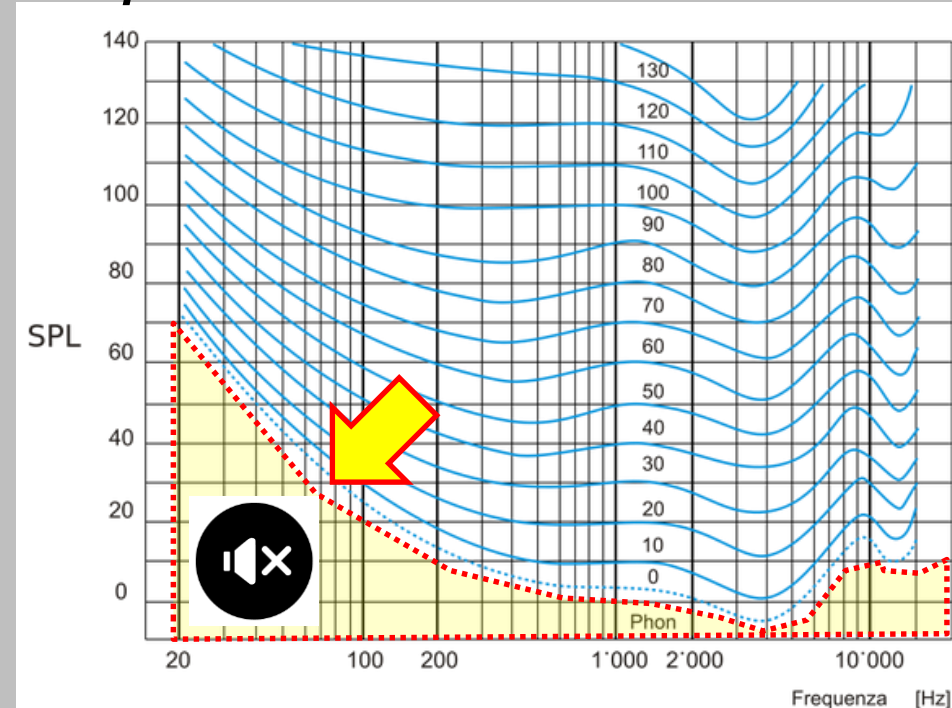


Compression del silenzio (Metodo Naïve)

■ Tecnica Lossy

- Soglia di intensità sonora
- Soglia di attivazione temporale

Ripasso





Audio digitale – Spazio in memoria

Sia f_c la frequenza di campionamento, N la profondità in bit, D la durata del flusso audio e C il numero di canali, allora il numero di bit necessari a rappresentare il segnale (senza compressione) si calcola:

$$Size = f_c \times N \times D \times C$$

Il numero di bit che fluisce nell'unità di tempo (un secondo) prende il nome di **bit rate**. Si misura in **bps** (bit per secondo).

$$bitrate = f_c \times N \times C$$

E' chiaro che l'obiettivo è garantire una buona qualità utilizzando la minima quantità di memoria. I metodi di compressione rappresentano un passo successivo che permette di abbassare il **bit rate** preservando la qualità.



Audio digitale – Spazio in memoria

Un esempio pratico

■ CD Audio

- Tasso di campionamento: 44,1kHz
- PCM lineare 16 bit: 44,1kHz * 16 = 705,6kbps
- Segnale stereo: 705,6kbps * 2 = 1.411Mbps
 - 1 Minuto di registrazione: $44100 * 16 * 2 * 60 / 8 \sim 10\text{MB}$



Codifiche μ -law e A-law

A-law e μ -law sono due algoritmi di codifica definiti nello standard G.711

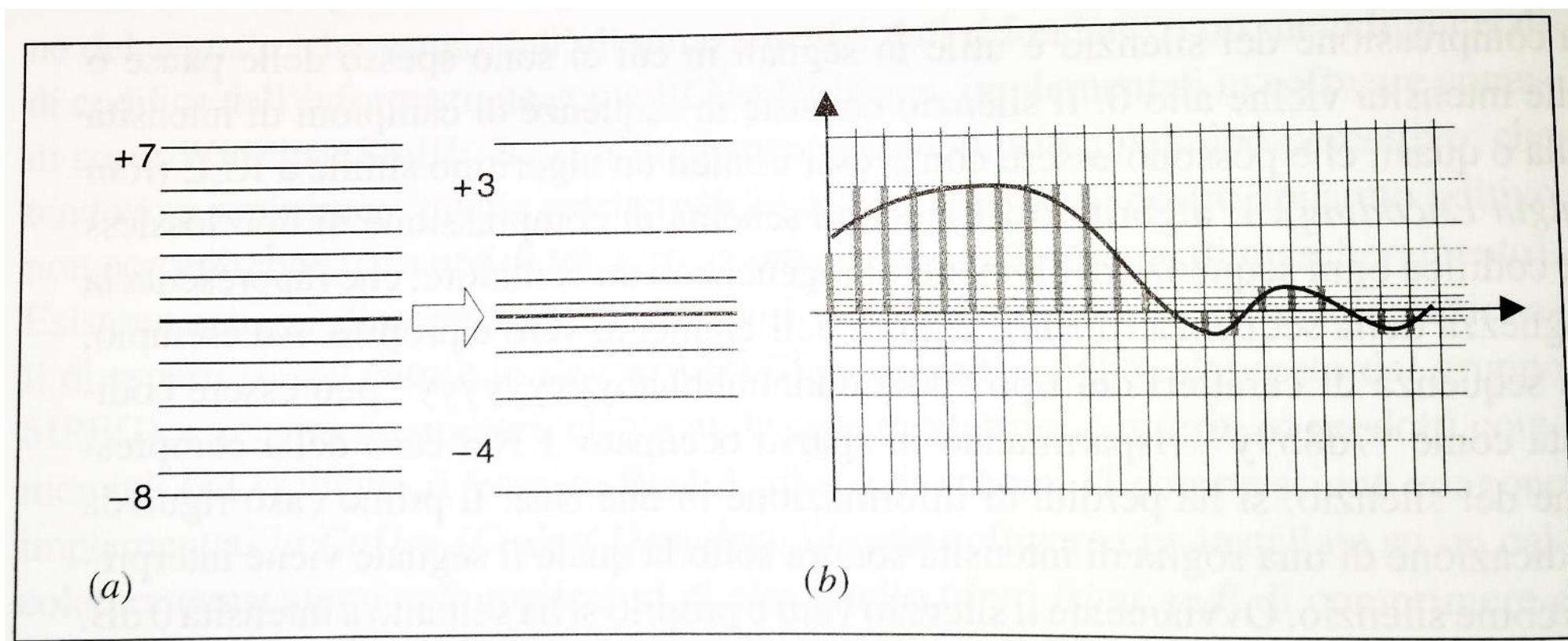
- Sono stati pensati per codificare digitalmente e trasmettere su una rete ISDN, la **voce al telefono**. Si parla quindi di suoni con frequenza da 0 a $4KHz$.
- Per ottimizzare l'utilizzo di banda, le due codifiche usano 8000 campioni al secondo ($4 KHz \times 2$) e una **quantizzazione non uniforme (logaritmica)** a 8 bit. Il bit rate sarà dunque di $64 Kbps$ (8000×8), esattamente la larghezza di banda di una rete ISDN (**Integrated Services Digital Network**).
- La quantizzazione non lineare assicura maggiore precisione alle ampiezze più basse, garantendo una buona qualità con soli 8 bit.



Codifica μ -law

La codifica μ -law è in uso in Nord America e Giappone. Grazie alla quantizzazione non lineare, permette di ottenere con soli 8 bit la stessa qualità (es: SQNR) che si otterrebbe con una quantizzazione lineare a 14 bit.

I valori di Y attorno allo zero (più piccoli in valore assoluto) sono quelli a cui saranno dedicati più bit.





Codifica μ -law

$$\mu = 255$$

$$-32.768 \leq x \leq 32.767$$

$$(Normalizzata:) -1 \leq x \leq 1$$

$$0 \leq Y \leq 255$$

$$Y = \begin{cases} 128 + \frac{127}{\ln(1 + \mu)} \times \ln(1 + \mu|x|) & x \geq 0 \\ 127 - \frac{127}{\ln(1 + \mu)} \times \ln(1 + \mu|x|) & x < 0 \end{cases}$$

Diagram illustrating the calculation of Y for $x \geq 0$:

- The term $\frac{127}{\ln(1 + \mu)}$ is highlighted in a red box, with an arrow pointing to the value 22,9.
- The term $\ln(1 + \mu|x|)$ is highlighted in a blue box, with an arrow pointing to the range $[0; 5,5]$.
- The entire expression for $x \geq 0$ is enclosed in a green box, with an arrow pointing to the range $[0; 127]$.



Codifica μ -law

$$Y = \begin{cases} 128 + \frac{127}{\ln(1 + \mu)} \times \ln(1 + \mu|x|) & x \geq 0 \\ 127 - \frac{127}{\ln(1 + \mu)} \times \ln(1 + \mu|x|) & x < 0 \end{cases}$$

- Questa formula **comprime** campioni a 16 bit con segno in modo non lineare su campioni da 8 bit senza segno (da 0 a 255)

$$\begin{aligned} \mu &= 255 \\ -32.768 &\leq x \leq 32.767 \\ 0 &\leq Y \leq 255 \end{aligned}$$

I valori di Y attorno allo zero (più piccoli in valore assoluto) sono quelli a cui saranno dedicati più bit.



Decodifica μ -law

$$\mu = 255$$

$$-32.768 \leq x \leq 32.767$$

$$(Normalizzata:) -1 \leq x \leq 1$$

$$0 \leq Y \leq 255$$

$$x = \begin{cases} \frac{\exp\left(\frac{128+Y}{127} \times \ln(1+\mu)\right) - 1}{\mu} & Y \geq 128 \\ \frac{\exp\left(\frac{127-Y}{127} \times \ln(1+\mu)\right) - 1}{\mu} & Y < 128 \end{cases}$$

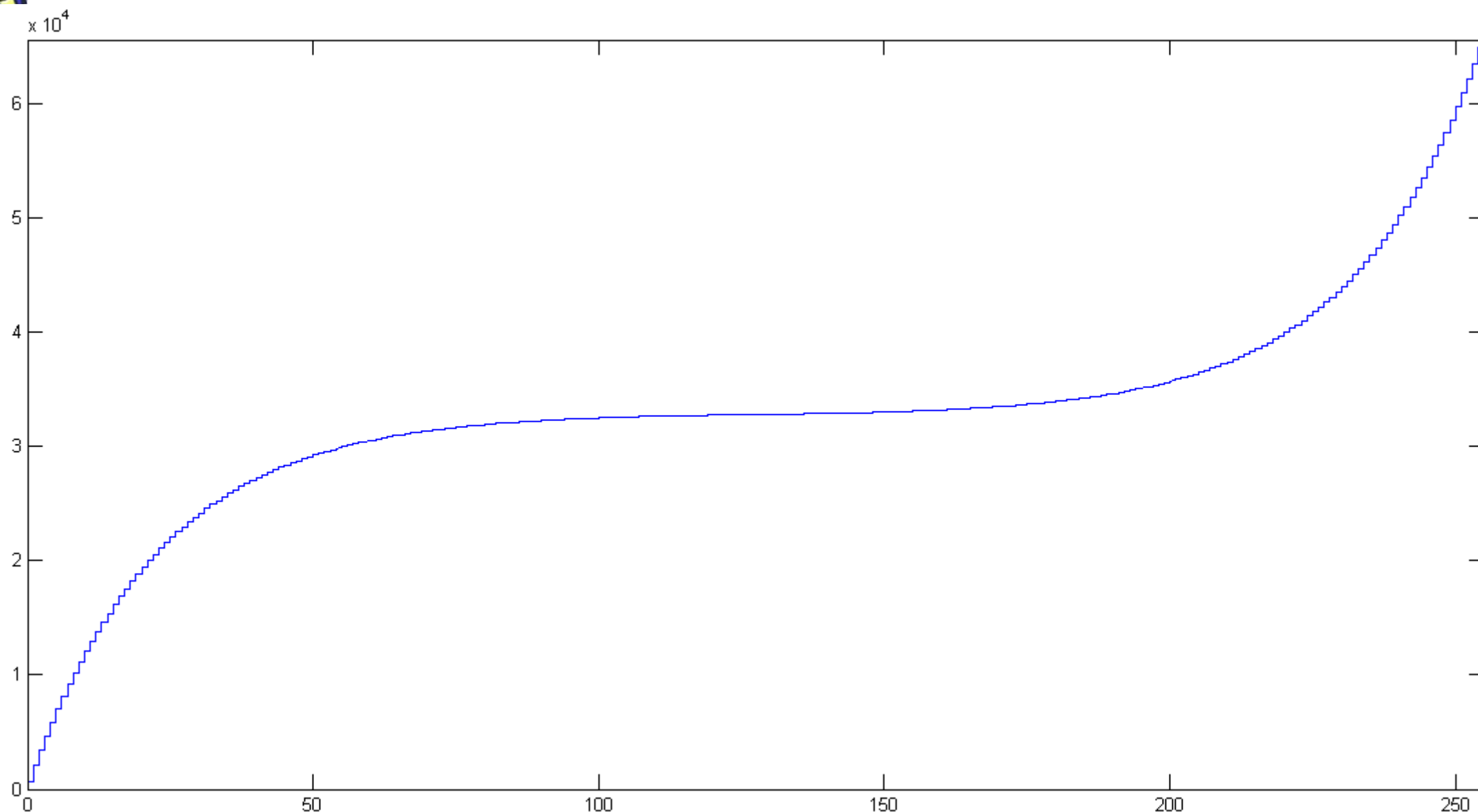


Codifica μ -law

- E' lossy o lossless?
 - Perché?
 - Verificare la risposta data applicando le formule



Esempio μ -law



Sull'asse verticale sono presenti valori a 16 bit (interi tra 0 e 65535). Sull'asse orizzontale si trovano i corrispondenti interi a 8 bit ottenuti con la codifica μ -law. Si noti come i valori agli estremi siano quantizzati in maniera meno precisa.



A-law

La codifica **A-law** è in uso in Europa. Grazie alla quantizzazione non lineare, permette di ottenere con soli 8 bit la stessa qualità (es: SQNR) che si otterrebbe con una quantizzazione lineare a 13 bit.

Sia X il valore originale di ampiezza **normalizzato** tra $[-1,1]$, A un fattore pari a 87.7 (o 87.6), allora il valore codificato Y normalizzato in $[-1,1]$ si calcola:

$$Y = \text{sign}(X) \begin{cases} \frac{A|X|}{1+\ln A} & |X| < \frac{1}{A} \\ \frac{1+\ln A|X|}{1+\ln A} & \frac{1}{A} < |X| \leq 1 \end{cases}$$



A-law decodifica

Sia Y il valore codificato di ampiezza **normalizzato** tra $[-1,1]$, A un fattore pari a 87.7(o 87.6), allora il valore decodificato X normalizzato in $[-1,1]$ si può riottenere dalla seguente legge:

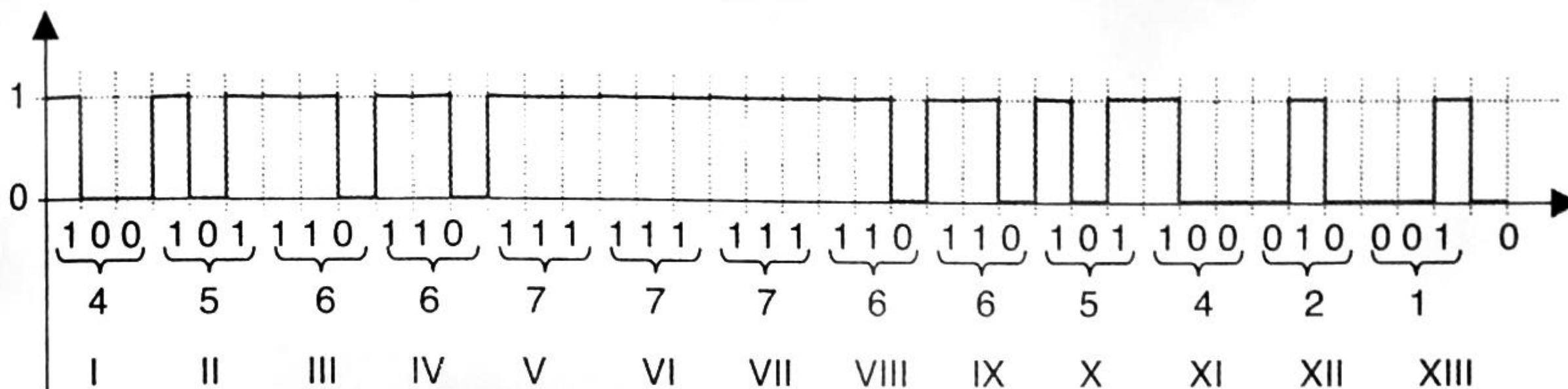
$$X = \text{sign}(Y) \begin{cases} \frac{|Y|(1+\ln A)}{A} & |Y| < \frac{1}{1+\ln A} \\ \frac{e^{|Y|(1+\ln A)-1}}{A} & \frac{1}{1+\ln A} < |Y| \leq 1 \end{cases}$$

Tutte le considerazioni sulla normalizzazione fatte per la codifica μ -law, valgono pure per A-law. Per entrambe le codifiche possono essere definite delle tabelle di conversione per passare da codeword di 14 a 8 bit (μ -law) e da 13 bit a 8 bit (A-law).



Codifica PCM

La **Pulse Code Modulation** (PCM), è la forse la più semplice tecnica di codifica di un audio digitale. In effetti non si fa altro che considerare ogni singolo campione come un impulso e associarvi una parola binaria che ne rappresenta l'ampiezza. La lunghezza delle parole binarie dipende ovviamente dai bit di quantizzazione (lineare) utilizzati.



Nell'esempio si può osservare la codifica PCM a 3 bit di un segnale audio. I 13 campioni assumono valori tra 0 e 7.



Codifiche DPCM e ADPCM

La **Differential Pulse Code Modulation** (DPCM), è una versione della PCM pensata per comprimere in maniera lossless. Anziché codificare i valori di ampiezza, si codificano solo le differenze. Si tratta di una semplice codifica **differenziale**.

La **Adaptive Differential Pulse Code Modulation** (ADPCM), è una tecnica di codifica più sofisticata della DPCM. Oltre a codificare le differenze utilizza un meccanismo di predizione unito ad un algoritmo di riquantizzazione che si «**adatta**» alle differenze da codificare. Brevemente diciamo che riquantizza le differenze più grandi tra valori reali e valori predetti.



Differencing in DPCM

■ *Differencing:*

...	100	101	102	103	103	103	102	101	...
...	...	+1	+1	+1	0	0	-1	-1	...

- In caso di differenze ridotte c'è un vantaggio effettivo nel codificare le differenze piuttosto che le codeword stesse
 - Si possono utilizzare delle LUT (Look-Up Table)



Predizione in ADPCM

- Per predire il campione successivo si somma ± 1 al campione predetto attuale
 - Si sceglie la predizione più vicina al valore effettivo per codificare la differenza
 - Scelta diversa da ± 1 ?

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
Valore Effettivo	100	101	102	103	103	103	102	101	100	100	101	101	100	97
Predetto[n-1]+1		101	102	103	104	105	104	103	102	101	102	103	102	101
Predetto[n-1]-1		99	100	101	102	103	102	101	100	99	100	101	100	99
Predetto[n]		101	102	103	104	103	102	101	100	101	102	101	100	99
Codifica		0	0	0	-1	0	0	0	0	-1	-1	0	0	-2