## FMI, Info, Anul I

## Logică matematică și computațională

## Seminar 8

(S8.1) Să se demonstreze Teorema de completitudine tare - versiunea 2, dar fără a se folosi, precum în curs, Teorema de completitudine tare - versiunea 1.

(S8.2) Să se arate că Teorema de completitudine tare - versiunea 2 implică Teorema de completitudine tare - versiunea 1.

(S8.3) Să se arate că pentru orice formule  $\varphi, \psi, \chi$  avem:

- (i)  $\{\varphi \wedge \psi\} \vdash \varphi$ ;
- (ii)  $\{\varphi \wedge \psi\} \vdash \psi$ ;
- (iii)  $\{\varphi, \psi\} \vdash \varphi \land \psi$ ;
- (iv)  $\{\varphi, \psi\} \vdash \chi \operatorname{ddacă} \{\varphi \land \psi\} \vdash \chi$ .

## (S8.4)

- (i) Să se arate că mulțimea modelelor unei mulțimi satisfiabile și finite de formule este infinită.
- (ii) Găsiți o mulțime infinită de formule care nu este semantic echivalentă cu nicio mulțime finită de formule.