

```

/*
Función BigInteger
Entrada: ...
Salida: ...
Descripción: Esta función crea un big integer el cual como no recibe nada lo crea por defecto con un 0.
*/
BigInteger::BigInteger(){
    big.push_back(0);
}

```

La complejidad del `push_back()` de los vectores es constante amortizado, en terminos de o grande seria $O(1)$

```

/*
Función BigInteger
Entrada: Un string.
Salida: ...
Descripción: Esta función crea un BigInteger que tiene como numeros internos cada elemento del string ingresado.
*/
BigInteger::BigInteger(string cad){
    if(cad[0] == '-'){
        esPositivo = false;
    }
    else{
        esPositivo = true;
    }
    for(int i = cad.size() - 1; i >= 0; i--){
        if(esPositivo || i != 0){
            big.push_back(cad[i] - '0');
        }
    }
}

```

La complejidad es de $O(n)$ siendo n la cantidad de caracteres que tiene la cadena, la complejidad es $O(n)$ porque debe recorrer toda la cadena.

$n-1$
 $n-2$
 $n-2$
 $O(n)$

```

/*
Función BigInteger
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: ...
Descripción: Esta función toma como parametro una constante BigInteger para poder copiar el parametro ingresado a un nuevo BigInteger.
*/
BigInteger::BigInteger(const BigInteger& big){ //el const la verdad lo puse porque al compilar la consola me marcaba error y me decia alg
    this->esPositivo = big.esPositivo;
    for(int i = 0; i < big.big.size(); i++){
        this->big.push_back(big.big[i]);
    }
}

```

La complejidad es $O(n)$ siendo n el tamaño del vector, la complejidad es n porque debe recorrer todo el vector.

$T(n) = n + n - 1$
 $T(n) = 2n + 1$
 $O(n)$

```

void BigInteger::add(BigInteger& big){
    int i = 0;
    int sum;
    int sobra = 0;

    if(this->esPositivo == big.esPositivo){
        while(i < this->big.size() || i < big.big.size() || sobra){
            if(i >= this->big.size()){
                this->big.push_back(0);
            }
            sum = this->big[i] + sobra;
            if (i < big.big.size()) {
                sum += big.big[i];
            }
            this->big[i] = sum % 10;
            sobra = sum / 10;
            i++;
        }
    }
}

```

$n-1$
 $n-1$
 $n-1$
 $n-1$
 $n-1$
 $n-1$
 $n-1$

```

}
else if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == false){ n-1
    big.esPositivo = true; n-1
    if(*this == big){ n(n-1) ← n² - n
        this->big.clear(); n(n-1) ← n² - n
        this->big.push_back(0); n-1
    }
    else{
        subtract(big); n-1(n²) ← n³ - n²
        big.esPositivo = false; n-1
    }
}
else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == true){ n-1
    big.esPositivo = false; n-1
    if(*this == big){ n(n-1) ← n² - n
        this->big.clear(); n(n-1) ← n² - n
        this->big.push_back(0); n-1
        this->esPositivo = true; n-1
    }
    else{
        subtract(big); n-1(n²) ← n³ - n²
        big.esPositivo = true; n-1
    }
}
}
}

```

Siendo n el tamaño del vector

$T(n) = 2n + 2n^2 + 2n^3 \leftarrow O(n^3)$

```

/*
Función operator+
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un BigInteger.
Descripción: Esta función retorna suma de dos BigIntegers(Sobrecarga del operador +).
*/

```

```

/*
Siendo n la cantidad de elementos del vector
BigInteger BigInteger::operator+(BigInteger& big){
    BigInteger ans(*this);
    ans.add(big); n³
    return ans;
}

```

$T(n) = n^3 + 2 \leftarrow O(n^3)$

```

/*
Función toString
Entrada: ...
Salida: Un string.
Descripción: Esta función retorna un string que corresponde a los elementos del objeto BigInteger al cual se le realiza la funcion.
*/

```

```

string BigInteger::toString(){
    string res = "";
    if(!esPositivo){
        res += '-';
    }
    for(int i = big.size() - 1; i >= 0; i--){
        char digit = '0' + big[i];
        res += digit;
    }
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$T(n) = 3n - 2$

```

    return res;
}

```

$\sim O(n) = n$

```

void BigInteger::product(BigInteger& big){

```

```

    if(esPositivo == false && big.esPositivo == false){
        esPositivo = true;
    }
    else if(esPositivo == true && big.esPositivo == false){
        esPositivo = false;
    }
    else if(esPositivo == false && big.esPositivo == true){
        esPositivo = false;
    }
    else{
        esPositivo = true;
    }

```

```

    int sobra = 0;
    int suma = 0;
    BigInteger temp;

```

```

    for(int i = 0; i < big.big.size() || i < this->big.size(); i++){
        temp.big.push_back(0);
    }

```

```

    for(int i = 0; i < big.big.size(); i++){
        for(int s = 0; s < this->big.size(); s++){
            suma += this->big[s] * big.big[i];
            sobra = suma / 10;
            suma = suma % 10;
            temp.big[s + i] += suma;
            suma = sobra;
        }
        temp.big.push_back(0);
    }

```

$$\begin{aligned}
 & n(n-1) \setminus n^2 - n \\
 & 5(n-1)(n-1) \\
 & 5(n^2 - 2n + 1) \leftarrow 5n^2 - 10n + 5
 \end{aligned}$$

```

    if(sobra != 0){
        temp.big[i + this->big.size()] += sobra;
        sobra = 0;
        suma = 0;
    }
}

```

```

    for(int i = 0; i < temp.big.size(); i++){
        if(temp.big[i] > 9){
            sobra = temp.big[i] / 10;
            suma = temp.big[i] % 10;
            temp.big[i] = suma;
            temp.big[i + 1] += sobra;
        }
    }

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

```

    int i = 0;
    int s = temp.big.size() - 1;
    while(temp.big[s] == 0){
        temp.big.pop_back();
        s = temp.big.size() - 1;
    }
    this->big = temp.big;

```

$$T(n) = 6n^2 + 6n + 8$$

peor caso n

$$O(n^2)$$

```

/*
Función operator*
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un objeto BigInteger.
Descripción: Esta función retorna un BigInteger el cual es el resultado de multiplicar el BigInteger
al cual se le aplica la función por el BigInteger de los parámetros (Sobrecarga del operador *).
*/

```

```

BigInteger BigInteger::operator*(BigInteger& big){
    BigInteger ans(*this);
    ans.product(big);
    return ans;
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$$T(n) = n^2 + 2 \leftarrow O(n^2)$$

```

/*
Función pow
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: ...
Descripción: Esta función multiplica el BigInteger al cual se le aplica la función por sí mismo  $n$  cantidad de veces que corresponde a un número ingresado en los parámetros.
*/

```

```

void BigInteger::pow(int num){
    BigInteger temp(*this);
    for(int i = 0; i < num - 1; i++){
        product(temp);
    }
}

```

Siendo n la cantidad de elementos de vector y m la cantidad de veces que itera el ciclo o por decirlo de otra manera la cantidad de veces que se multiplica el mismo.

$$T(n) = mn^2 + 1$$

$$O(m \cdot n^2)$$

```

/*
Función operator==
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un valor booleano.
Descripción: Esta función retorna un valor booleano que dice si dos BigIntegers son iguales o no lo son.
*/

```

```

bool BigInteger::operator==(BigInteger& big){
    bool ans = true;
    if(this->esPositivo == big.esPositivo){
        if(this->big.size() != big.big.size()){
            ans = false;
        }
        else{
            for(int i = 0; i < this->big.size() && ans; i++){
                if(this->big[i] != big.big[i]){
                    ans = false;
                }
            }
        }
    }
    else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == true){
        ans = false;
    }
    else if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == false){
        ans = false;
    }
    return ans;
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$$T(n) = 3n + 8 \leftarrow O(n)$$

```

bool BigInteger::operator<=(BigInteger& big){
    bool ans = true;
    bool flag = true;
    if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == true){
        if(this->big.size() < big.big.size()){
            ans = true;
        }
        else if(this->big.size() > big.big.size()){
            ans = false;
        }
        else{
            for(int i = this->big.size() - 1; i >= 0 && ans && flag; i--){
                if(this->big[i] > big.big[i]){
                    ans = false;
                }
            }
        }
    }
    else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == true){
        ans = false;
    }
    else if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == false){
        ans = true;
    }
    else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == false){
        ans = true;
    }
    return ans;
}

```

```

    }
    else if(this->big[i] < big.big[i]){ n-2
        ans = true; n-2
        flag = false; n-2
    }
    else if(this->big[i] == big.big[i]){ n-2
        ans = true; n-2
    }
}
}
}
else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == true){
    ans = true;
}
else if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == false){
    ans = false;
}
else{
    if(this->big.size() < big.big.size()){
        ans = false;
    }
    else if(this->big.size() > big.big.size()){
        ans = true;
    }
    else{
        for(int i = this->big.size(); i >= 0 && ans && flag; i--){
            if(this->big[i] > big.big[i]){ n-2
                ans = true; n-2
                flag = false; n-2
            }
            else if(this->big[i] < big.big[i]){ n-2
                ans = false; n-2
                flag = false; n-2
            }
            else if(this->big[i] == big.big[i]){ n-2
                ans = true; n-2
            }
        }
    }
}
}
}

```

$T(n) = 17n - 8$

$O(n)$

Siendo n la cantidad de elementos del vector

Hay que aclarar que todas las complejidades presentadas son en los peores casos, donde sea necesario siempre recorrer todo el vector.

```

bool BigInteger::operator<(BigInteger& big){
    bool ans = true;
    bool flag = true;
    if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == true){
        if(this->big.size() < big.big.size()){
            ans = true;
        }
        else if(this->big.size() > big.big.size()){
            ans = false;
        }
        else if(*this==big){
            ans = false;
        }
        else{
            for(int i = this->big.size() - 1; i >= 0 && ans && flag; i--){
                if(this->big[i] > big.big[i]){
                    ans = false;
                }
                if(this->big[i] < big.big[i]){
                    ans = true;
                    flag = false;
                }
            }
        }
    }
    else if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == false){
        ans = false;
    }
}

```

```

else if(this->esPositivo == false && big.esPositivo == true){
    ans = true;
}
else{
    if(this->big.size() < big.big.size()){
        ans = false;
    }
    else if(this->big.size() > big.big.size()){
        ans = true;
    }
    else if(*this==big){
        ans = false;
    }
    else{
        for(int i = this->big.size() - 1; i >= 0 && ans && flag; i--){
            if(this->big[i] > big.big[i]){
                ans = true;
                flag = false;
            }
            if(this->big[i] < big.big[i]){
                ans = false;
                flag = false;
            }
        }
    }
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$T(n) = 15n - 6 \leftarrow O(n)$

```

/*
Función remainder
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: ...
Descripción: Esta función se encarga de sacar el residuo que se genera de la division de dos BigInteger.
*/

```

```

void BigInteger::remainder(BigInteger& big){
    int cnt = 0;
    int bandera = 0;
    vector<int> tempo;
    this->esPositivo = true;
    big.esPositivo = true;
}

```

```

BigInteger temp(*this);
BigInteger mult;
BigInteger dos("2");
BigInteger ten("10");
BigInteger cero("0");

```

```

if(big == dos){
    bandera = 1;
    if(this->big[0] % 2 == 0){
        this->big.clear();
        this->big.push_back(0);
    }
    else{
        this->big.clear();
        this->big.push_back(1);
    }
}

```

```

else if(big == ten){
    bandera = 1;
    int save = this->big[0];
    this->big.clear();
    this->big.push_back(save);
}

```

```

if(bandera == 0){
    temp.quotient(big);
    mult = temp * big;
    subtract(mult);
}
}

```

$$T(n) = n^3 \log n + n^2 + 3n + 22$$

$$\sim O(n^3 \log n)$$

n es la cantidad de elementos del vector

```

/*
Función operator%
Entrada: Un objeto BigInteger.

```

Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un objeto BigInteger.
Descripción: Esta función se encarga de retornar el residuo que se genera de la división de dos BigInteger (sobrecarga del operador %).

Siendo n la cantidad de elementos del vector

```

/*
BigInteger BigInteger::operator%(BigInteger& big){
    BigInteger temp(*this);
    temp.remainder(big);
    return temp;
}

```

$T(n) = n^3 \log n + n + 1$
 $O(n^3 \log n)$

Función multiplicarListaValores
Entrada: Una lista que contiene objetos BigInteger.
Salida: Un objeto BigInteger.
Descripción: Esta función se encarga de sacar la multiplicación de todos los objetos BigInteger de una lista y los retorna en un solo objeto BigInteger.

Siendo m la cantidad de elementos de la lista
siendo n la cantidad de elementos del vector

```

/*
BigInteger BigInteger::multiplicarListaValores(list<BigInteger>& lista){
    BigInteger temp("1");

    for(std::list<BigInteger>::iterator it = lista.begin(); it != lista.end(); ++it){ m
        temp = temp * (*it);
    }
    return temp;
}

```

$T(n) = n^2 \cdot m$
 $O(n^2 m)$

Función sumarListaValores
Entrada: Una lista que contiene objetos BigInteger..
Salida: Un objeto BigInteger.
Descripción: Esta función se encarga de sacar la suma de todos los objetos BigInteger de una lista y los retorna en un solo objeto BigInteger.

Siendo m la cantidad de elementos de la lista
siendo n la cantidad de elementos del vector

```

/*
BigInteger BigInteger::sumarListaValores(list<BigInteger>& lista){
    BigInteger temp("0");

    for(std::list<BigInteger>::iterator it = lista.begin(); it != lista.end(); ++it){ m
        temp = temp + (*it);
    }
    return temp;
}

```

$T(n) = m n^2 + m + 2$
 $O(n) = m n^2$

```

void BigInteger::quotient(BigInteger& big){
    bool temporal;
    BigInteger cnt("0");
    int i;
    int bandera;
    char tm;
    string res = "";
    else{
        BigInteger dos("2");
        BigInteger uno("1");
        BigInteger ten("10");
        BigInteger cero("0");
        if(big == dos){
            divisionPorDos();
        }
    }
}

```

```

else{
    bandera = 0;
    BigInteger tempoSuma;
    if((big + big) <= temp){
        tempoSuma = big + big;
        cnt = cnt + dos;
    }
    else{
        bandera = 1;
        cnt = cnt + uno;
    }
    while(tempoSuma <= temp && bandera == 0){
        if((tempoSuma + tempoSuma) <= temp){
            tempoSuma = tempoSuma + tempoSuma;
            cnt = cnt + cnt;
        }
        else{
            if((tempoSuma + big) <= temp){
                tempoSuma = tempoSuma + big;
                cnt = cnt + uno;
            }
            else{
                bandera = 1;
            }
        }
    }
    *this = cnt;
    this->esPositivo = temporal;
}
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$T(n) = 10n^3 + 6n + 21 \rightarrow O(n^3)$

```

/*
Función operator/
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un objeto BigInteger
Descripción: Esta función se encarga de realizar la division entera de dos BigInteger y retorna el resultado del mismo(Sobrecarga del operador /).
*/
BigInteger BigInteger::operator/(BigInteger& big){
    BigInteger temp;
    temp = *this;
    temp.quotient(big);
    return temp;
}

```

Siendo n la cantidad de elementos del vector

$T(n) = n^3 + 3 \rightarrow O(n^3)$

```

/*
Función divisionPorDos
Entrada: ...
Salida: ...
Descripción: Esta función se realiza cuando tratas de dividir un objeto BigInteger por dos y te realiza la divison.

```



```
*/
```

```
void BigInteger::divisionPorDos(){
    if(!big.empty()){
        int acarreo = 0;
        for(int i = big.size() - 1; i >= 0; --i){
            int digito = big[i];
            big[i] = (digito + acarreo) / 2;
            acarreo = (digito % 2) * 10;
        }
        while (!big.empty() && big.back() == 0) {
            big.pop_back();
        }
    }
}
```

Siendo n la
cantidad de
elementos del
vector

$$T(n) = 3n + 5$$

$$O(n)$$

```
void BigInteger::subtract(BigInteger& big){
    bool flag = true;
    bool flag2 = false;
    if(this->esPositivo == true && big.esPositivo == true){
        BigInteger temp(big);
        if(*this < big){
            this->esPositivo = false;
        }
        if(*this == big){
            this->big.clear();
            this->big.push_back(0);
            flag2 = true;
        }
        else{
            if(this->esPositivo){
                int i = 0;
                int s;
                while(i < this->big.size() || i < big.big.size()){
                    if(i < big.big.size()){
                        if(this->big[i] >= big.big[i]){
                            this->big[i] = this->big[i] - big.big[i];
                        }
                        else{
                            flag = true;
                            for(s = i + 1; s < this->big.size() && flag; s++){
                                if(this->big[s] > 0){
                                    this->big[s] = this->big[s] - 1;
                                    flag = false;
                                }
                                else if(this->big[s] == 0){
                                    this->big[s] = 9;
                                }
                            }
                            this->big[i] += 10 - big.big[i];
                        }
                    }
                    i++;
                }
            }
            else{
                int i = 0;
                while(i < this->big.size() || i < temp.big.size()){
                    if(i < this->big.size()){
                        if(temp.big[i] >= this->big[i]){
                            temp.big[i] = temp.big[i] - this->big[i];
                        }
                        else{
                            flag2 = true;
                            for(s = i + 1; s < temp.big.size() && flag2; s++){
                                if(temp.big[s] > 0){
                                    temp.big[s] = temp.big[s] - 1;
                                    flag2 = false;
                                }
                                else if(temp.big[s] == 0){
                                    temp.big[s] = 9;
                                }
                            }
                            temp.big[i] += 10 - this->big[i];
                        }
                    }
                    i++;
                }
            }
        }
    }
}
```

```

        flag = true;
        for(int s = i + 1; s < temp.big.size() && flag; s++){
            if(temp.big[s] > 0){
                temp.big[s] = temp.big[s] - 1;
                flag = false;
            }
            else if(temp.big[s] == 0){
                temp.big[s] = 9;
            }
        }
        temp.big[i] += 10 - temp.big[i];
    }
    i++;
}
}

if(!this->esPositivo){
    this->big = temp.big;
}

if(!flag2){
    int s = this->big.size() - 1;
    while(this->big[s] == 0){
        this->big.pop_back();
        s = this->big.size() - 1;
    }
}
}

```

$T(n) = 4n^2 + 11 \leftarrow O(n^2)$

Siendo n la cantidad de elementos del vector

```

/*
Función operator-
Entrada: Un objeto BigInteger.
Salida: Un objeto BigInteger.
Descripción: Esta función retorna un objeto BigInteger que es el resultado de la resta de dos objetos BigInteger (Sobrecarga del operador -).
*/

BigInteger BigInteger::operator-(BigInteger& big){
    BigInteger ans(*this);
    ans.subtract(big);
    return ans;
}

```

$T(n) = n^2 + n + 1$
 $O(n^2)$

Siendo n la cantidad de elementos del vector