# Fiche hyperbole et questions

### Exercice 1:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  par  $f(x) = \frac{1}{x-1} + 2$ .

1) Compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-3	-1	0	0,5	0,75	1	1,25	1,5	2	3	5
f(x)											

- 2) Tracer  $\mathscr{C}_f$  (courbe représentative de f) dans un repère orthonormé.
- 3) Compléter les phrases suivantes :
  - **a)** Si  $x \in [-3; 0]$  alors  $f(x) \in ...$
  - **b)** Si  $x \in [2; 3]$  alors  $f(x) \in ....$
  - c) Si  $x \in [1,5; +\infty[$  alors  $f(x) \in .....$
  - **d**) Si  $x \in [0; 1[ alors <math>f(x) \in ....$
  - **e)** Si  $x \in ]-\infty$ ; -1] alors  $f(x) \in ....$
  - **f)** Si  $x \in [1]$ ; 3] alors  $f(x) \in ....$
  - **g)** Si  $f(x) \in [0; 1, 5]$  alors  $x \in ...$
  - **h)** Si  $f(x) \in [3; 4]$  alors  $x \in ....$
  - i) Si  $f(x) \in [0; 4]$  alors  $x \in ....$
  - **j)** Si  $f(x) \in [1; 3]$  alors  $x \in ....$

  - 1) Si  $f(x) \in (2; 3]$  alors  $x \in ....$

#### Exercice 2:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}^*$  par  $f(x) = \frac{-1}{x} + 1$ 

1) Compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-4	-2	-1	-0,5	-0,25	0	0,25	0,5	1	2	4
f(x)	\/s		C								

- 2) Tracer  $\mathscr{C}_f$  (courbe représentative de f) dans un repère orthonormé.
- 3) Compléter les phrases suivantes :
  - a) Si  $x \in [-2; -0.25]$  alors  $f(x) \in ....$
  - **b)** Si  $x \in [0,5; 2]$  alors  $f(x) \in ...$
  - c) Si  $x \in [1; +\infty[$  alors  $f(x) \in .....$
  - **d**) Si  $x \in [-1; 0[$  alors  $f(x) \in .....$
  - e) Si  $x \in ]-\infty$ ; -0.5] alors  $f(x) \in .....$
  - **f)** Si  $x \in (0; 2]$  alors  $f(x) \in ...$
  - **g)** Si  $f(x) \in [-1; 0]$  alors  $x \in ...$
  - **h)** Si  $f(x) \in [1,5; 3]$  alors  $x \in ...$
  - i) Si  $f(x) \in [-1; 3]$  alors  $x \in ...$
  - **j)** Si  $f(x) \in [-3; 2]$  alors  $x \in ...$
  - **k)** Si  $f(x) \in ]-\infty$ ; 0] alors  $x \in ...$
  - **l)** Si  $f(x) \in ]1; 3]$  alors  $x \in ....$

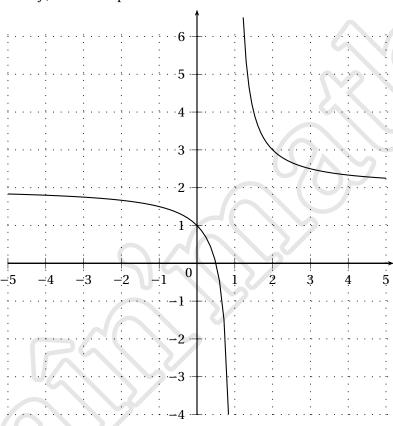
# **Solutions**

# Exercice 1:

1) Compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-3	-1	0	0,5	0,75	1	1,25	1,5	2	3	5
f(x)	1,75	1,5	1	0	-2		6	4	3	2,5	2,25

2) Tracer  $\mathscr{C}_f$  (courbe représentative de f) dans un repère orthonormé.



3) Compléter les phrases suivantes :

**a)** Si  $x \in [-3; 0]$  alors  $f(x) \in [1; 1,75]$ 

**b)** Si  $x \in [2; 3]$  alors  $f(x) \in [2, 5; 3]$ 

c) Si  $x \in [1,5; +\infty[$  alors  $f(x) \in ]2; 4]$ 

**d**) Si  $x \in [0; 1[ alors <math>f(x) \in ]-\infty; 1]$ 

**e)** Si  $x \in ]-\infty$ ; -1] alors  $f(x) \in [1,5; 2[$ 

f) Si  $x \in [1; 3]$  alors  $f(x) \in [2, 5; +\infty[$ 

**g)** Si  $f(x) \in [0; 1,5]$  alors  $x \in [-1; 0,5]$ 

**h)** Si  $f(x) \in [3; 4]$  alors  $x \in [1, 5; 2]$ 

i) Si  $f(x) \in [0; 4]$  alors  $x \in ]-\infty; 0,5] \cup [1,5; +\infty[$ 

**j**) Si  $f(x) \in [1; 3]$  alors  $x \in ]-\infty; 0] \cup [2; +\infty[$ 

**k)** Si  $f(x) \in ]-\infty$ ; 1] alors  $x \in [0; 1[$ 

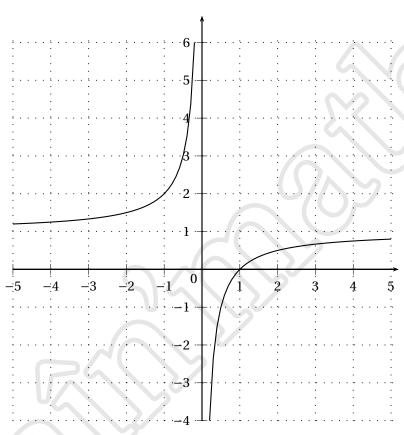
1) Si  $f(x) \in [2; 3]$  alors  $x \in [2; +\infty[$ 

# Exercice 2:

1) Compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-4	-2	-1	-0,5	-0,25	0	0,25	0,5	1	2	4
f(x)	1,25	1,5	2	3	5		-3	-1	0	0,5	0,75

2) Tracer  $\mathscr{C}_f$  (courbe représentative de f) dans un repère orthonormé.



3) Compléter les phrases suivantes :

- a) Si  $x \in [-2; -0.25]$  alors  $f(x) \in [1.5; 5]$
- **b)** Si  $x \in [0,5; 2]$  alors  $f(x) \in [-1; 0,5]$
- c) Si  $x \in [1; +\infty[$  alors  $f(x) \in [0; 1[$
- **d)** Si  $x \in [-1; 0[$  alors  $f(x) \in [2; +\infty[$
- e) Si  $x \in ]-\infty$ ; -0,5] alors  $f(x) \in ]1$ ; 3]
- **f)** Si  $x \in [0; 2]$  alors  $f(x) \in [-\infty; 0, 5]$
- **g)** Si  $f(x) \in [-1; 0]$  alors  $x \in [0, 5; 1]$
- **h)** Si  $f(x) \in [1,5; 3]$  alors  $x \in [-2; -0,5]$
- i) Si  $f(x) \in [-1; 3]$  alors  $x \in ]-\infty; -0.5] \cup [0.5; +\infty[$
- **j)** Si  $f(x) \in [-3; 2]$  alors  $x \in ]-\infty; -1] \cup [0, 25; +\infty[$
- **k)** Si  $f(x) \in ]-\infty$ ; 0] alors  $x \in ]0$ ; 1]
- 1) Si  $f(x) \in [1; 3]$  alors  $x \in ]-\infty; -0,5]$