Inéquations « simples »

Exercice:

Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

1)
$$4x-8 < 2x-2$$

2)
$$3x-5 > -x+4$$

3)
$$2x - 1 \le 3x + 6$$

4)
$$3x - 7 \ge 6x + 3$$

5)
$$7x-8 > -5x-7$$

6)
$$-10x - 6 \ge 3x - 4$$

7)
$$6x - 1 \le 2x - 7$$

8)
$$-4x+5>3x+1$$

9)
$$2x-4 \ge 4x+3$$

10)
$$-2x+1 < -4x+1$$

Solutions

1)
$$S =]-\infty$$
; 3[

2)
$$S = \left[\frac{9}{4}; +\infty \right]$$

3)
$$S = [-7; +\infty[$$

4)
$$S = \left[-\infty; -\frac{10}{3} \right]$$

5)
$$S = \left[\frac{1}{12}; +\infty \right]$$

6)
$$S = \left[-\infty; -\frac{2}{13} \right]$$

7)
$$S = \left[-\infty; -\frac{3}{2} \right]$$

8)
$$S = \left[-\infty; \frac{4}{7} \right]$$

9)
$$S = \left[-\infty; -\frac{7}{2} \right]$$

10)
$$S =]-\infty$$
; 0[

Intersections et réunions

Exercice:

Dans chacun des cas suivants, déterminer $I \cap J$ et $I \cup J$:

1)
$$I = [-2; 5]$$
 et $J = [-5; 1[$

2)
$$I = [-7; 1[\text{ et } J =]-3; 4]$$

3)
$$I =]-\infty$$
; 1[et $J = [-2; 3[$

4)
$$I =]-5$$
; 4] et $J = [3; +\infty[$

5)
$$I =]-2$$
; 0[et $J = [3; 4]$

6)
$$I =]-\infty$$
; 6] et $J = [6; +\infty[$

7)
$$I =]-\infty$$
; $2[\text{ et } J =]2; +\infty[$

8)
$$I =]-5$$
; 4[et $J =]2$; 3[

9)
$$I =]-6$$
; 7[et $J = [-6; 3[$

10)
$$I = [2; 3[\text{ et } J = [-1; 2]]$$

Solutions

1)
$$I \cap J = [-2; 1[\text{ et } I \cup J = [-5; 5]]$$

2)
$$I \cap J =]-3$$
; 1[et $I \cup J = [-7; 4]$

3)
$$I \cap J = [-2; 1[\text{ et } I \cup J =]-\infty; 3[$$

4)
$$I \cap J = [3; 4]$$
 et $I \cup J =]-5; +\infty[$

5)
$$I \cap J = \emptyset$$
 et $I \cup J =]-2$; $0[\cup [3; 4]$

6)
$$I \cap J = \{6\} \text{ et } I \cup J =]-\infty; +\infty[=\mathbb{R}$$

7)
$$I \cap J = \emptyset$$
 et $I \cup J =]-\infty$; $2[\cup]2$; $+\infty[=\mathbb{R} \setminus \{2\}]$

8)
$$I \cap J =]2$$
; 3[et $I \cup J =]-5$; 4[

9)
$$I \cap J =]-6$$
; 3[et $I \cup J = [-6; 7[$

10)
$$I \cap J = \{2\}$$
 et $I \cup J = [-1; 3[$