## Einführung in die Quantenkommunikation

Irene Diener, Toni Roob, Jarod A. M. Békési

30. September 2025



30. September 2025



Figure 1: Particle-free interaction

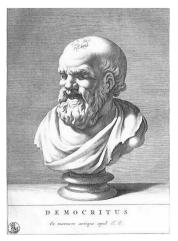


- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis

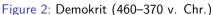




## Ursprung des Begriffs



- Quant = lat. "quantum"  $\rightarrow$  "wie groß" / "wie viel"
- Bedeutet messbares, quantifizierbares
- Demokrit: Materie nicht unendlich teilbar  $\rightarrow$  Atome





### Der Photoeffekt

Thomas Young:
Doppelspaltversuch (1801 bis 1803)

→ Licht = Welle mit typischen
Überlagerungsmuster (Interferenz)

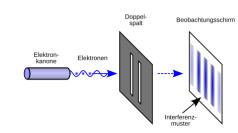


Figure 3: Doppelspalt



5/34

### Natur des Lichts

- Licht löst Elektronen aus Metalloberflächen
- Stromfluss abhängig von der Farbe (Frequenz), nicht Helligkeit (Erwartung)
- Albert Einstein (Idee von Max Planck):
  - Licht tritt in Energiepaketen
     (Photonen) →
     Teilcheneigenschaft
- → Wellen-Teilchen Dualismus

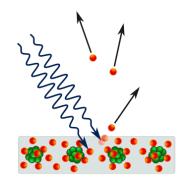


Figure 4: Photoelektrischer Effekt

6/34

## Beispiele für Quantenobjekte



Elektronen & Quarks



Photonen & Gluonen



Gitterschwingungen in Kristallen



- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis





Ein Bereich der Physik, welcher die Eigenschaften und Wechselwirkungen von Materie und Energie auf der Skala von Atomen und subatomaren Partikeln beschreibt.





## Mathematische Grundlagen

### Schrödinger-Gleichung

Eine der grundlegenden Gleichungen der Quantenmechanik, die die zeitliche Veränderung der Quantenzustände eines Systems beschreibt.

### Mathematische Formulierung

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(x,t) = \hat{H} \Psi(x,t)$$

i: Imaginäre Einheit; Ψ: Wellenfunktion des Teilchens

 $\hbar$ . Reduzierte Planck-Konstante;  $\hat{H}$ : Hamiltonoperato





30. September 2025

## Mathematische Grundlagen

### Schrödinger-Gleichung

Eine der grundlegenden Gleichungen der Quantenmechanik, die die zeitliche Veränderung der Quantenzustände eines Systems beschreibt.

### Mathematische Formulierung

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(x,t) = \hat{H} \Psi(x,t)$$

i: Imaginäre Einheit;  $\Psi$ : Wellenfunktion des Teilchens

 $\hbar$ . Reduzierte Planck-Konstante;  $\hat{H}$ : Hamiltonoperator



10 / 34



## Superposition & Qubits

Klassisches Bit: klar definierter

Zustand  $\rightarrow$  0 oder 1

Qubit: kann in Superposition existieren (Schrödingers Katze)

 $|0\rangle \& |1\rangle$ 

Mehrere Qubits: 2<sup>n</sup> Zustände

gleichzeitig

Superposition zerfällt: Qubit fällt

auf  $|0\rangle$  oder  $|1\rangle$ 

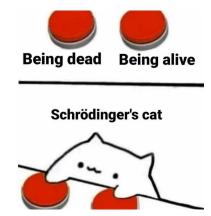


Figure 5: Visualisierung von Schrödingers Katze



## Bloch-Kugel

### Grafische Darstellung eines Qubit Zustandes

Jeder Punkt auf der Kugel = möglicher Qubit-Zustand

$$|\Psi\rangle=lpha|0
angle+eta|1
angle$$
 mit

$$|\alpha^2|+|\beta^2|=1\&\alpha, \beta\in\mathbb{C}$$

Wahrscheinlichkeit:

$$|{\it 0}\rangle$$
 zu messen =  $\alpha^2$ 

$$|1\rangle$$
 zu messen  $=\beta^2$ 

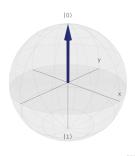


Figure 6: Bloch-Kugel



Quantenkommunikation

## Verschränkung

Zwei oder mehr Teilchen sind so miteinander verbunden (Quantensystem), dass die Messung des Zustands eines Teilchens den Zustand der anderen sofort beeinflusst, unabhängig von der Entfernung Bell'sche

### Ungleichung:

$$S = |E(a, b) - (a, b') + E(a', b) + (a', b')| \le 2$$
  
 $S > 2$ , dann Verschränkung



Figure 7: Veranschaulichung von Quantenverschränkung



- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis





Quantenkommunikation ist die Nutzung der "Prinzipien der Quantenmechanik wie Quantenverschränkung und Quantensuperposition, um Informationen nahezu abhörsicher zu übertragen". [Fra25]

- Nutzung von Quantenzuständen (erzeugt durch Polarisation) zur abhörsicheren Nachrichtenübertragung
- Nutzt Superposition und Verschränkung
- Quantenschlüsselverteilung zur Erstellung eines gemeinsamen Schlüssels (siehe Protokolle der Kryptographie)
- Besondere Eigenschaft: Abhören verändert automatisch den Quantenzustand  $\rightarrow$  erkennbar



Quantenkommunikation ist die Nutzung der "Prinzipien der Quantenmechanik wie Quantenverschränkung und Quantensuperposition, um Informationen nahezu abhörsicher zu übertragen". [Fra25]

- Nutzung von Quantenzuständen (erzeugt durch Polarisation) zur abhörsicheren Nachrichtenübertragung
- Nutzt Superposition und Verschränkung
- Quantenschlüsselverteilung zur Erstellung eines gemeinsamen Schlüssels (siehe Protokolle der Kryptographie)
- Besondere Eigenschaft: Abhören verändert automatisch den Quantenzustand  $\rightarrow$  erkennbar



Licht besteht aus elektromagnetischen Wellen. Das elektrische Feld schwingt immer senkrecht zur Ausbreitungsrichtung. Die Richtung dieser Schwingung nennt man **Polarisation**.



16 / 34



## Polarisationsrichtungen<sup>1</sup> I H, V, D, A

### Basen (Photonenzustände):

Orthogonal: H/V - Z-Basis

H.  $0^{\circ}$ : horizontal  $\rightarrow$ 

V,  $90^{\circ}$ : vertikal  $\uparrow$ 

Schräg: D/A – X-Basis

D,  $45^{\circ}$ : diagonal  $\nearrow$ 

A,  $135^{\circ}$ : antidiagonal  $\nwarrow$ 





Diener, Roob, Békési Quantenkommunikation 30. September 2025 17 / 34

# Polarisationsrichtungen <sup>1</sup> II

### Jones-Vektoren

$$|H\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad |V\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix},$$

$$|D\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad |A\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

Quantenkommunikation

### Zustände werden als $|0\rangle$ oder $|1\rangle$ festgelegt

z. B: H/V – Basis 
$$ightarrow$$
  $|H
angle=0$ ,  $|V
angle=1$ 



18 / 34

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> lineare Polarisation

### Wie funktioniert sie?

- Erfordert Basiselemente des Quantencomputers
- Polarisation der Schwingungsrichtungen der Photonen mittels Polarisationsfilter  $\rightarrow$  Erzeugung von Qubits

- Begrenzung: Photonenabsorption in Glasfasern ightarrow ca. 100 km Reichweite
- Lösung: Quantenrepeater zur Reichweitenerhöhung  $\rightarrow$  zentrales Forschungsthema



## Malus' Gesetz

### Definition

$$P(Durchgang) = \cos^2(\phi - \theta)$$

 $\phi$ : Polarisationswinkel;  $\theta$ : Ausrichtung des Polarisators

- Klassisch: Dieses Gesetz beschreibt die Intensiät des Lichtstrahls nach. einem Polarisator.
- Quantenmechanisch: Es ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein einzelnes Photon durchkommt.



20 / 34

# Übung I

Ein horizontal polarisiertes Photon ( $\phi=0^\circ$ ) trifft auf einen Polarisator, dessen Transmissionsrichtung bei  $\theta=45^\circ$  liegt.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Photon den Polarisator passiert?





# Lösung I

#### Photon horizontal

$$\phi = 0^{\circ}$$
;  $\theta = 45^{\circ}$ 

$$P = \cos^2(-45^\circ) = 0.5$$

 $\Rightarrow$  Jedes Photon hat also eine 50% Chance, durchzukommen.



Diener, Roob, Békési Quantenkommunikation 30. September 2025 22/34

# Übung II

Ein Laserstrahl mit einer Intensität von  $I_0=10\,\mathrm{mW}$  ist bei  $30^\circ$  polarisiert. Er trifft auf einen Polarisator, dessen Transmissionsrichtung bei  $0^\circ$  liegt. Welche Intensität I hat der Laserstrahl nach dem Durchgang durch den Polarisator?





# Lösung II

Laserlicht

$$I_0=10 \, \mathrm{mW}$$
; Polarisation bei  $30^\circ$ ; Treffen des Polarisators bei  $0^\circ$ 

$$I = I_0 \cos^2(30^\circ) = 7.5 \,\mathrm{mW}$$





# Übung III

Zwei Polarisatoren sind gekreuzt ( $0^{\circ}$  und  $90^{\circ}$ ). Es fällt kein Licht durch. Was passiert jedoch, wenn ein dritter Polarisator mit  $45^{\circ}$  zwischen die beiden eingefügt wird? Wie groß ist dann die Intensität des durchgelassenen Lichts in Abhängigkeit von  $I_0$ ?





# Lösung III

### Drei-Polarisatoren-Experiment

- Zwei gekreuzte Polarisatoren ( $0^{\circ}$  und  $90^{\circ}$ )  $\Rightarrow I = 0$
- Hinzufügen eines dritten Polarisator bei 45°:

$$I = I_0 \cdot \cos^2(45^\circ) \cdot \cos^2(45^\circ) = \frac{1}{4}I_0$$

 $\Rightarrow 25\%$  des Lichts passiert den Aufbau.



26 / 34

Diener, Roob, Békési Quantenkommunikation 30. September 2025

## Bedeutung in der Quantenkommunikation

- Polarisationszustände sind **Träger von Information** (Qubits).
- Eine Messung verändert den Zustand und kann nicht rückgängig gemacht werden.
- Unbekannte Zustände lassen sich nicht perfekt kopieren (No-Cloning-Theorem).
- Grundlage für sichere Quantenkryptographie (z. B. im BB84-Protokoll).





Diener, Roob, Békési Quantenkommunikation 30. September 2025 27 / 34

- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- 3 Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis







- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis







- Was sind Quanten?
- Was ist Quantenmechanik?
- Was ist Quantenkommunikation?
  - Polarisation
- Quantenteleportation
- Quantennetzwerke
- 6 Quellenverzeichnis





30. September 2025

## Quellenverzeichnis I



### FRAUNHOFER GESELLSCHAFT:

Quantenkommunikation.

(2025).

https://www.fraunhofer.de/de/forschung/artikel-2025/quantenforschung/quantenkommunikation.html, Abruf: 17 09 2025





## Abbildungsverzeichnis I

