



## Übungsblatt 6

Datenstrukturen und Algorithmen (SS 2018)

Abgabe: Mittwoch, 13.06.2018, 23:55 Uhr — Besprechung: ab Montag, 18.06.2018

Bitte lösen Sie die Übungsaufgabe in **Gruppen von 3 Studenten** und wählen EINEN Studenten aus, welcher die Lösung im ILIAS als **PDF** als **Gruppenabgabe** (unter Angabe aller Gruppenmitglieder) einstellt. Bitte erstellen Sie dazu ein **Titelblatt**, welches die Namen der Studenten, die Matrikelnummern, und die E-Mail-Adressen enthält.

Die Aufgaben mit Implementierung sind mit Impl<br/> gekennzeichnet. Das entsprechende Eclipse-Projekt kann im ILIAS heruntergeladen werden. Bitte beachten Sie die Hinweise zu den Implementierungsaufgaben, die im ILIAS verfügbar sind.<sup>1</sup>

Dieses Übungsblatt beinhaltet 4 Aufgaben mit einer Gesamtzahl von 30 Punkten.

Aufgabe 1 Graphenrepräsentation [Punkte: 10]

Gegeben seien die Graphen  $G_1$  (als Adjazenzmatrix) und  $G_2$  (als Knotenliste).

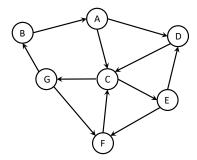
$$G_1 = \begin{pmatrix} 0 & 4 & 0 & 0 & 0 & -3 \\ 0 & 0 & -3 & 0 & -1 & 2 \\ -9 & 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -9 & 5 & 0 & 0 \\ 0 & -8 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

 $G_2 = (13, 19, 3, 1, 2, 3, 3, 4, 7, 11, 0, 1, 9, 2, 7, 10, 0, 2, 7, 12, 2, 3, 9, 1, 12, 2, 6, 12, 1, 9, 2, 10, 13, 0)$ 

- (a) (2 Punkte) Beanworten Sie folgenden Fragen zu den Eigenschaften von  $G_1$  und  $G_2$ . Geben Sie jeweils eine kurze Begründung.
  - Ist  $G_1$  gerichtet?
  - Ist  $G_1$  gewichtet?
  - Ist  $G_2$  gerichtet?
  - Ist  $G_2$  gewichtet?
- (b) (2 Punkte) Geben Sie eine graphische Repräsentation von  $G_2$  mit Knoten und Kanten an.
- (c) (2 Punkte) Bilden Sie  $G_1$  als Adjazenzliste ab. Orientieren Sie sich ungefähr an der Darstellungsweise aus dem Skript. Beachten Sie, dass Sie zu jedem Eintrag in der Kantenliste möglicherweise zusätzliche Daten ablegen müssen, um  $G_1$  exakt abzubilden.
- (d) (2 Punkte) In der gezeigten Adjazenzmatrix zu  $G_1$  ist auf der Diagonale immer  $\theta$  eingetragen. Wäre es auch vorstellbar, dass für einen Knoten in der Adjazenzmatrix eines Graphen eine andere Zahl auf der Diagonale steht? Falls ja, welcher Graphstruktur würde dies entsprechen; falls nein, warum nicht?
- (e) (2 Punkte) Bilden Sie  $G_2$  als Kantenliste ab. Heben Sie die gruppierte Information pro Kante geeignet hervor z.B. durch Unterstreichung.

<sup>1</sup> https://ilias3.uni-stuttgart.de/goto\_Uni\_Stuttgart\_crs\_1432415.html

**Aufgabe 2** Tiefensuche [Punkte: 5] Gegeben sei der Graph  $G_3$ :



Wie in der Vorlesung behandelt, können Knoten eingefärbt werden, um ihren Status während der Tiefensuche zu repräsentieren. In dieser Aufgabe sollen Nachfolger eines Knotens in alphabetischer Reihenfolge abgearbeitet werden; wenn z.B. der aktuelle Knoten A ist, wird Knoten C vor Knoten D abgearbeitet.

- Geben Sie die Reihenfolge der schwarz gefärbten Knoten nach Ausführung der Tiefensuche für den Fall, dass der Startknoten A ist, an.
- Geben Sie die Reihenfolge der schwarz gefärbten Knoten nach Ausführung der Tiefensuche für den Fall, dass der Startknoten C ist, an.

## Aufgabe 3 Präfix-Baum [Punkte: 10]

Gegeben ist die folgende Menge von Wörtern: Motorölmessstab, Morgen, Motoröl, Motorölkontrollleuchte, Motorlauf, Morgenmantel.

- (a) (5 Punkte) Zeichnen Sie den resultierenden Präfix-Baum für die gegebene Menge von Wörtern. Orientieren Sie sich dabei an der Darstellungsweise aus dem Skript.
- (b) (5 Punkte) Zeichnen Sie den resultierenden Patricia-Baum für die gegebene Menge von Wörtern. Orientieren Sie sich dabei an der Darstellungsweise aus dem Skript.

## Aufgabe 4 | Impl | Heapsort [Punkte: 5]

Implementieren Sie Heapsort als statische Methode der Klasse Sorter. Orientieren Sie sich an dem in der Vorlesung gezeigten Algorithmus. Die Methode soll eine Liste, die das ISimpleList Interface implementiert, als Eingabeparameter entgegennehmen. Der Algorithmus soll die Liste in aufsteigender Reihenfolge unter Verwendung eines Max-Heap sortieren.