# **Bloque 2: Operadores lineales**

### **ENUNCIADO**

# **Ejercicios Básicos**

# Ejercicio 1b: Suavizado de imágenes (continuación)

Cargue y visualice las imágenes:

enigma.jpg

Obra: El enigma sin fin

Autor: Salvador Dalí Domènech

Fecha: 1938

Museo: Museo Nacional Centro de Arte "Reina Sofía"

Características: 114'3 x 144 cm.

Estilo: Surrealismo

Material: Óleo sobre lienzo

puente.jpg

**Obra:** Puente japonés **Autor:** Claude Monet

Fecha: 1899

**Museo:** Metropolitan Museum of Art **Características:** 92′7 x 73′7 cm.

**Estilo:** Impresionismo **Material:** Óleo sobre lienzo

Fíltrelas con filtros de media de orden 3, 5 y 7, para ello, utilice la función imfilter(ima, mask).

Visualice las imágenes obtenidas y la diferencia canal a canal entre las imágenes original y filtrada al cuadrado (para ello recuerde operar con las imágenes en double). Observe la diferencia mediante la instrucción imagesc y reflexione sobre el efecto del filtro.

A continuación filtre las imágenes con filtros binomiales equivalentes, utilice para ello la función imfilter\_binomial que se le proporciona.

Explique las diferencias observadas en términos del tipo y orden de los filtros y la imagen de entrada (o el estilo pictórico según el cual fueron creadas).

## Ejercicio 2b: Extracción de contornos en el dominio espacial.

Repita el ejercicio 2a pero utilizando los filtros de Roberts y Sobel en lugar de los de Prewitt. Compare los resultados obtenidos para las tres aproximaciones.

### Ejercicio 3b: Diseño a partir de filtros en frecuencia

Repita el ejercicio 3a pero modificando el filtro en frecuencia.

Construya un filtro **paso bajo Gaussiano** en la región  $0 \le x \le 1$ ,  $0 \le y \le 1$  con las siguientes características:

- a. Frecuencia de muestreo en el retículo ortogonal: fs = 400.
- b. Retículo ortogonal de vectores:  $\vec{v}_1 = (1/fs, 0), \vec{v}_2 = (1/fs, 0)$
- c. Posición central del filtro (en el centro de la imagen):  $f_{0x}=0.5$ ,  $f_{0y}=0.5$
- d. Frecuencia de corte (horizontal y vertical):  $D_0 = fs/8$

Para definir el truncamiento del apartado III de la metodología (ver material de experto asociado), utilice un número de sigmas (ancho de banda de la Gaussiana en el dominio espacial):

$$ws = round(w*(1/(2*pi*D0/fs))); % w sigmas$$

## Ejercicio 3c: Diseño en frecuencia de filtro Laplaciano

Obtenga, siguiendo el mismo proceso de los ejercicios **3a** y **3b**, la máscara de filtrado espacial 5x5 correspondiente a una Laplaciana en frecuencia definida – sin frecuencia de corte, como sigue:

- **1.** Frecuencia de muestreo en el retículo ortogonal: fs = 400.
- **2.** Retículo ortogonal de vectores:  $\vec{v}_1 = (1/fs, 0), \vec{v}_2 = (0.1/fs)$ .
- **3.** Posición central del filtro (en el centro de la imagen):  $f0_x = 0.5$ ,  $f0_y = 0.5$

Le recordamos la definición de un filtro Laplaciano en frecuencia:

$$L = - \left[ (X - f0_{-}x)^{2} + (Y - f0_{-}y)^{2} \right]$$

Visualice y reflexione sobre la máscara de filtrado obtenida. Comente y reflexione sobre los resultados obtenidos para los ejercicios 3a, 3b y 3c.

### Ejercicio 4b: Restauración de imágenes asumiendo ruido Gaussiano

Cargue el fichero filteredI.mat, para ello puede invocar al comando load de MatLab. Simule la existencia de ruido de cuantificación (ver experto 3), obteniendo la imagen Ifilt\_Q.

Restaure la imagen Ifilt\_Q utilizando el filtro H(u,v) definido en el ejercicio **4a** asumiendo ausencia de ruido y mediante la aplicación del filtrado por Wiener con  $\kappa = 0.00170$ .

Compare e reflexione sobre los resultados obtenidos.

# Ejercicio 4c: Restauración de una imagen afectada por ruido blanco Gaussiano.

Cargue el fichero filteredI.mat, para ello puede invocar al comando load de MatLab. Simule la existencia de ruido blanco Gaussiano de media 0 y varianza 0.001 (ver experto 3), obteniendo la imagen Ifilt\_G.

Restaure la imagen Ifilt\_G directamente mediante la aproximación del ejercicio  $\mathbf{4a}$ , mediante la aplicación del filtrado por Wiener del ejercicio  $\mathbf{4b}$  con  $\kappa=0.03083$  y mediante la aplicación del filtrado CLS con  $\gamma=235.0$ . Para todos los casos utilice el filtro H(u,v) del ejercicio  $\mathbf{4a}$ . Para realizar la reconstrucción deberá definir un filtro Laplaciano del mismo modo que en el ejercicio  $\mathbf{3c}$  pero sobre el retículo de H(u,v).

Compare e reflexione sobre los resultados obtenidos.