Материалы к заданию № 5 лабораторного практикума по курсу «Основы теории управления» ФИТ НГУ 2010 г.

Расчет запаса устойчивости по норме решения матричного уравнения Ляпунова

А) Системы управления с непрерывным временем

Для систем управления с ΠU - и $\Pi U \Pi$ -регуляторами из 1-го задания при нулевой задержке T=0 составить программу для среды Scilab, вычисляющую

- 1) матрицу A системы при записи в форме 1-го порядка с матрицами A, B, C, D;
- 2) решение H уравнения Ляпунова $A^T H + H A = -I$;
- 3) собственные числа H и проверку положительной определенности H > 0;
- 4) показатель устойчивости $\kappa(A) = ||H||_2$.

Сравнить ΠU - и $\Pi U \mathcal{I}$ -регуляторы с оптимальными значениями параметров по значению показателя устойчивости $\kappa(A)$. Объяснить физический смысл показателя $\kappa(A)$.

Б) Системы управления с дискретным временем

Для дискретных систем управления, построенных в 4-м задании (при задержке T=1,2 с), при оптимальных значениях параметров ΠU - и $\Pi U \Pi$ -регуляторов для матриц $A_{\rm d}$ дискретных систем в форме 1-го порядка, описывающих регуляторы, сравнить показатели устойчивости $\kappa_{\rm d}(A_{\rm d})$. Для этого вычислить в Scilab решение $H_{\rm d}$ дискретного уравнения Ляпунова $A_{\rm d}^T H_{\rm d} A_{\rm d} + H_{\rm d} = -I$, проверить положительную определенность $H_{\rm d} > 0$, вычислить показатель $\kappa_{\rm d}(A_{\rm d}) = ||H_{\rm d}||_2$. Объяснить физический смысл показателя $\kappa_{\rm d}(A_{\rm d})$.

Результаты изложить в виде краткого отчета. Привести листинги программ для среды Scilab.