

第4章 自顶向下的分析

定义:从文法开始符号开始,不断利用文法规则进行推导,直到推导出所要分析的符号串为止。

$$G[E]=\{\begin{array}{l} E \rightarrow E+T \mid T, \\ T \rightarrow T * F \mid F, \\ F \rightarrow (E) \mid i \end{array}\}$$

符号串 $i+i*i$ 自顶向下分析过程:

$$\begin{aligned} E &\Rightarrow E+T \\ &\Rightarrow T+T \\ &\Rightarrow F+T \\ &\Rightarrow i+T \\ &\Rightarrow i+T * F \\ &\Rightarrow i+F * F \\ &\Rightarrow i+i * F \\ &\Rightarrow i+i * i \end{aligned}$$

4.1 带回溯的自顶向下分析思想

带回溯的自顶向下分析也称不确定的自顶向下分析

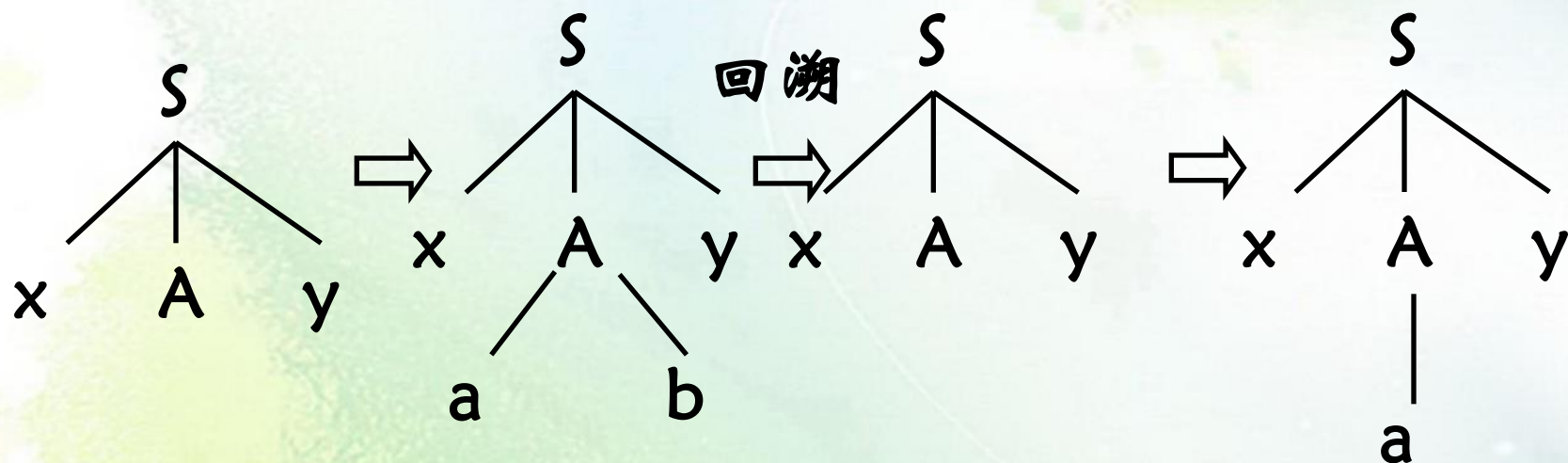
- 定义:

不确定是指某个非终结符有**多条规则**，而面临当前输入符无法唯一确定选用哪条规则进行推导，只好逐个试探。当分析不成功时，则推翻分析退回到适当位置重新试探其余候选可能的推导，直到把所有可能的推导序列都试完仍不成功，才能确认输入串不是该文法的句子。

例1. 文法 $G[S]$:

$S \rightarrow xAy$ $A \rightarrow ab|a$,

对输入串 $w=xay$, 分析过程:



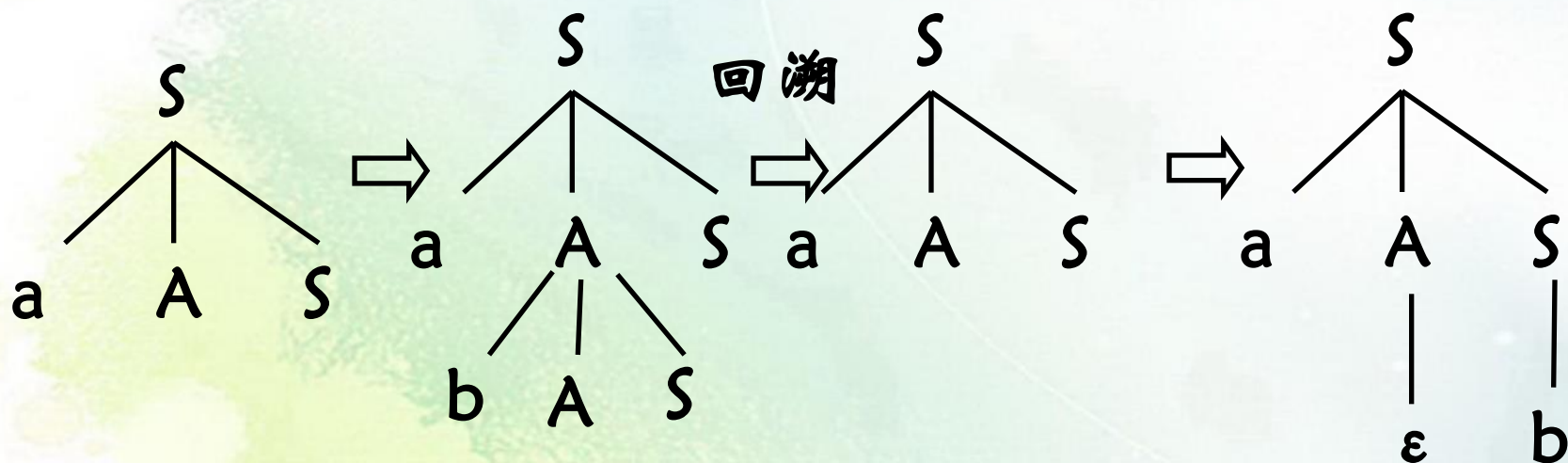
由于 A 的两条规则: $A \rightarrow ab$ 和 $A \rightarrow a$ 右部 **First 集交集不为空**, 从而引起回溯

例2. 文法 $G[S]$:

$$S \rightarrow aAS \mid b$$

$$A \rightarrow bAS \mid \varepsilon$$

输入串 $w=ab$, 分析过程:



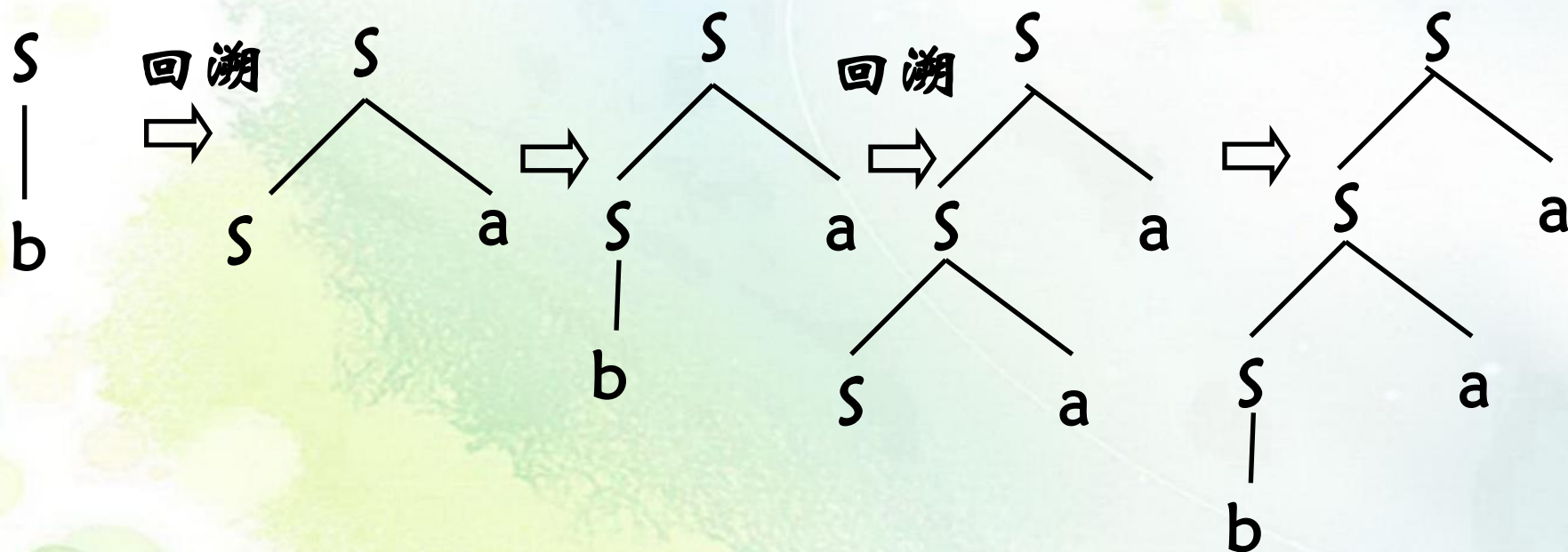
由于 A 的规则 $A \rightarrow \varepsilon$ 右部能 $\xRightarrow{*} \varepsilon$, 且

$\text{Follow}(A) \cap \text{First}(bAS) = \{b\} \neq \emptyset$, 从而引起回溯

例3 文法G[S]:

$S \rightarrow Sa \mid b$

输入串 $w=baa$, 分析过程:



由于文法含有**左递归**而引起回溯

带回溯自顶向下分析技术主要存在下列两个问题

1) 效率问题

回溯、规则选择效率

2) 左递归问题

左递归的存在使自顶向下分析过程——死递归。

4.2 预测性的自顶向下分析方法

预测性也称确定的自顶向下分析方法

- **非终结符选择**和**规则选择**都是确定的在每一步推导中，总是对最左边的非终结符进行展开，且选择哪一个规则是确定的，因此是一种无回溯的方法。
- 具体实施策略有：
 - 递归下降分析法 (Recursive-Descent Parser)
 - LL(1) 分析法 (LL(1) Parser)

4.2 无回溯的自顶向下分析技术

应用条件

为应用无回溯的自顶向下分析技术，文法必须满足下列条件：

1) 无左递归性

文法中关于任何非终结符号 U ，都不具有规则左递归和文法左递归，即，不存在形如 $U ::= U \dots$ 的规则，也不存在 $U \xRightarrow{+} U \dots$ 。

2) 无回溯性

一个文法的任何 $U \in V_N$ ，存在 $U ::= u_1 | u_2 | \dots | u_k$ ，若 $u_i \xRightarrow{*} T_i \dots$ 与 $u_j \xRightarrow{*} T_j \dots$ ， $T_i, T_j \in V_T, i \neq j$ ，就有 $T_i \neq T_j$ 。

递归下降分析法

递归下降分析法 (Recursive-Descent Parsing)

对每个非终结符按其规则结构产生相应语法分析子程序。

终结符产生匹配命令

非终结符则产生调用命令

由于文法递归相应函数也递归，所以称这种方法为**递归子程序方法**或**递归下降法**。

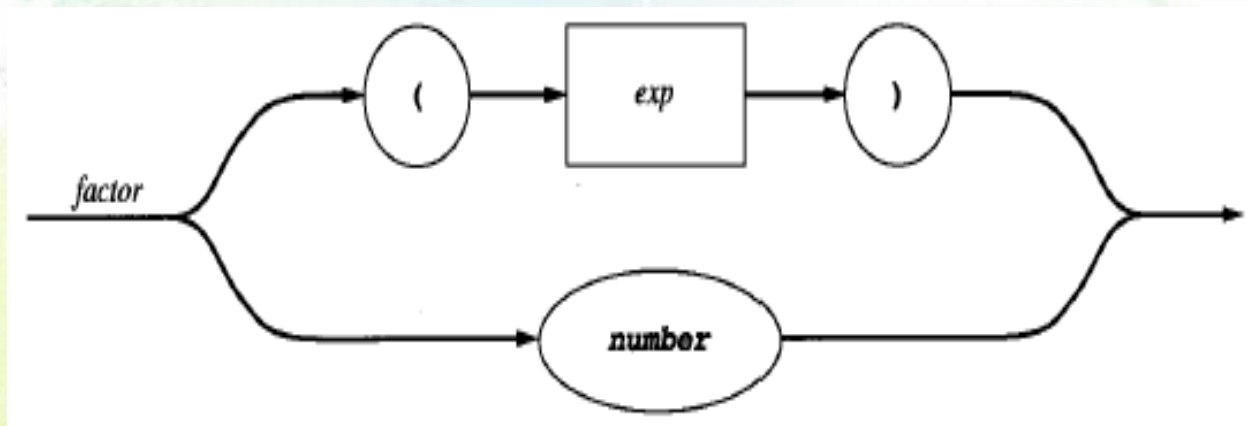
语法图

- 语法规则的直观表达
- 递归下降语法分析程序处理逻辑的直观表达
- 每一个非终结符的文法规则定义一个语法图
- **箭头**：表示序列和选择的
- **终结符**：圆形框和椭圆形框
- **非终结符**：方形框和矩形框

例如，文法规则

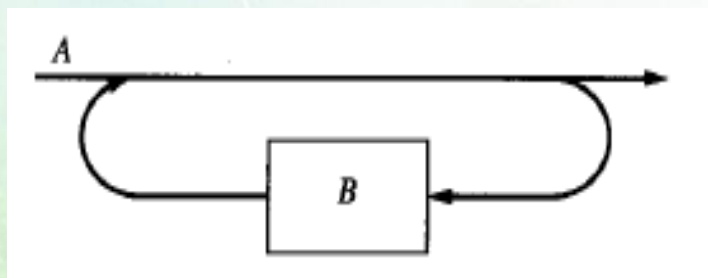
$factor \rightarrow (exp) \mid number$

用语法图表示则是：



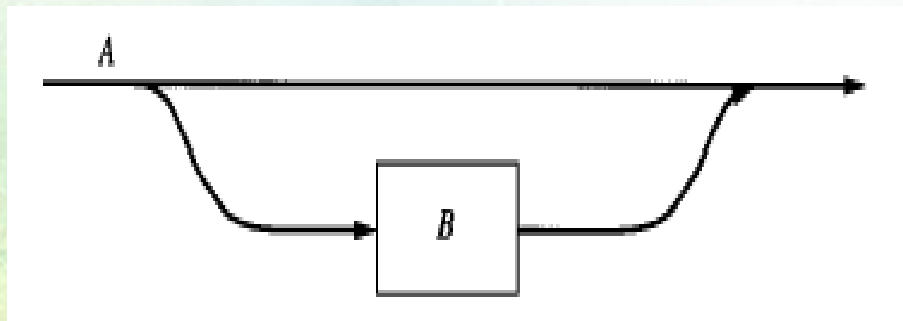
重复结构的画法

EBNF: $A \rightarrow \{ B \}$



- 可选结构的画法

EBNF: $A \rightarrow [B]$



例3.10 画出简单算术表达式的语法图

$\text{exp} \rightarrow \text{exp addop term} \mid \text{term}$

$\text{addop} \rightarrow + \mid -$

$\text{term} \rightarrow \text{term mulop factor} \mid \text{factor}$

$\text{mulop} \rightarrow *$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

解答 (1) 由于语法图是基于EBNF而画，因此先将文法规则转换为EBNF。

EBNF 表示:

$\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ \text{addop term} \}$

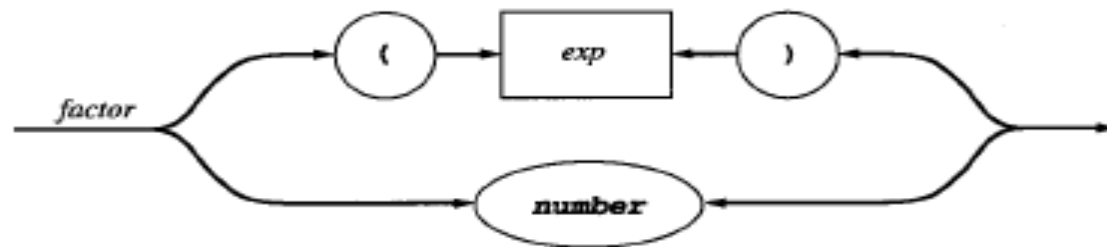
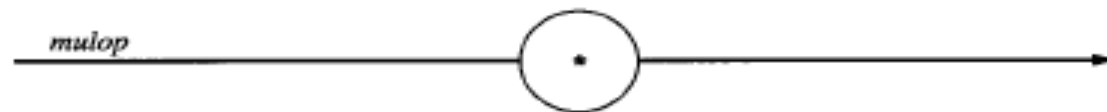
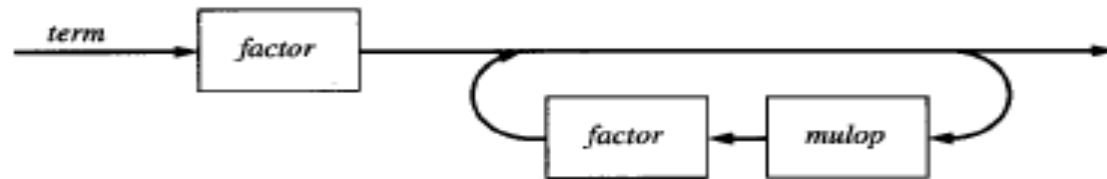
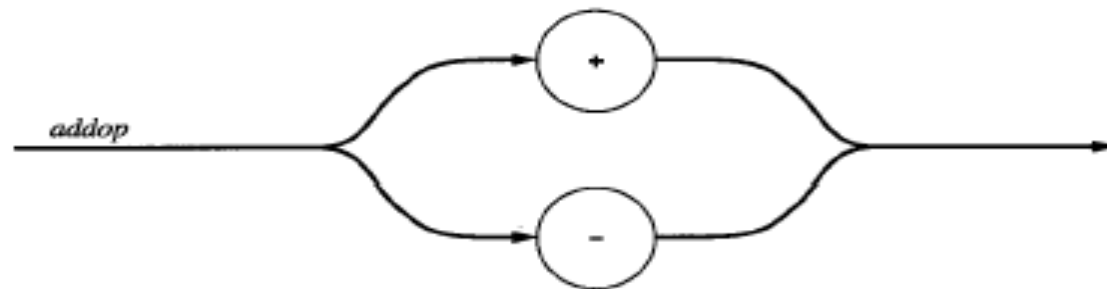
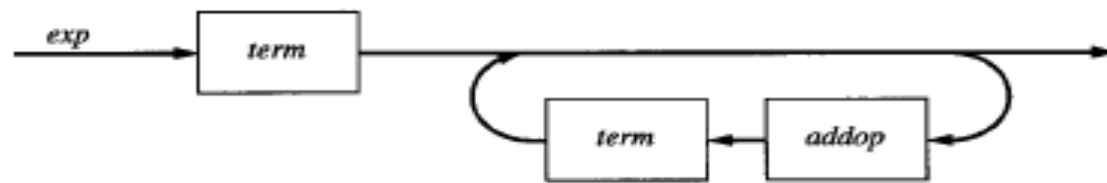
$\text{addop} \rightarrow + \mid -$

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ \text{mulop factor} \}$

$\text{mulop} \rightarrow *$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

(2) 画出每一个非终结符号的语法图



例3.11 画出语法图

$\text{statement} \rightarrow \text{if-stmt} \mid \text{other}$

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if (exp) statement} \mid \text{if (exp)}$
 $\text{statement else statement}$

$\text{exp} \rightarrow 0 \mid 1$

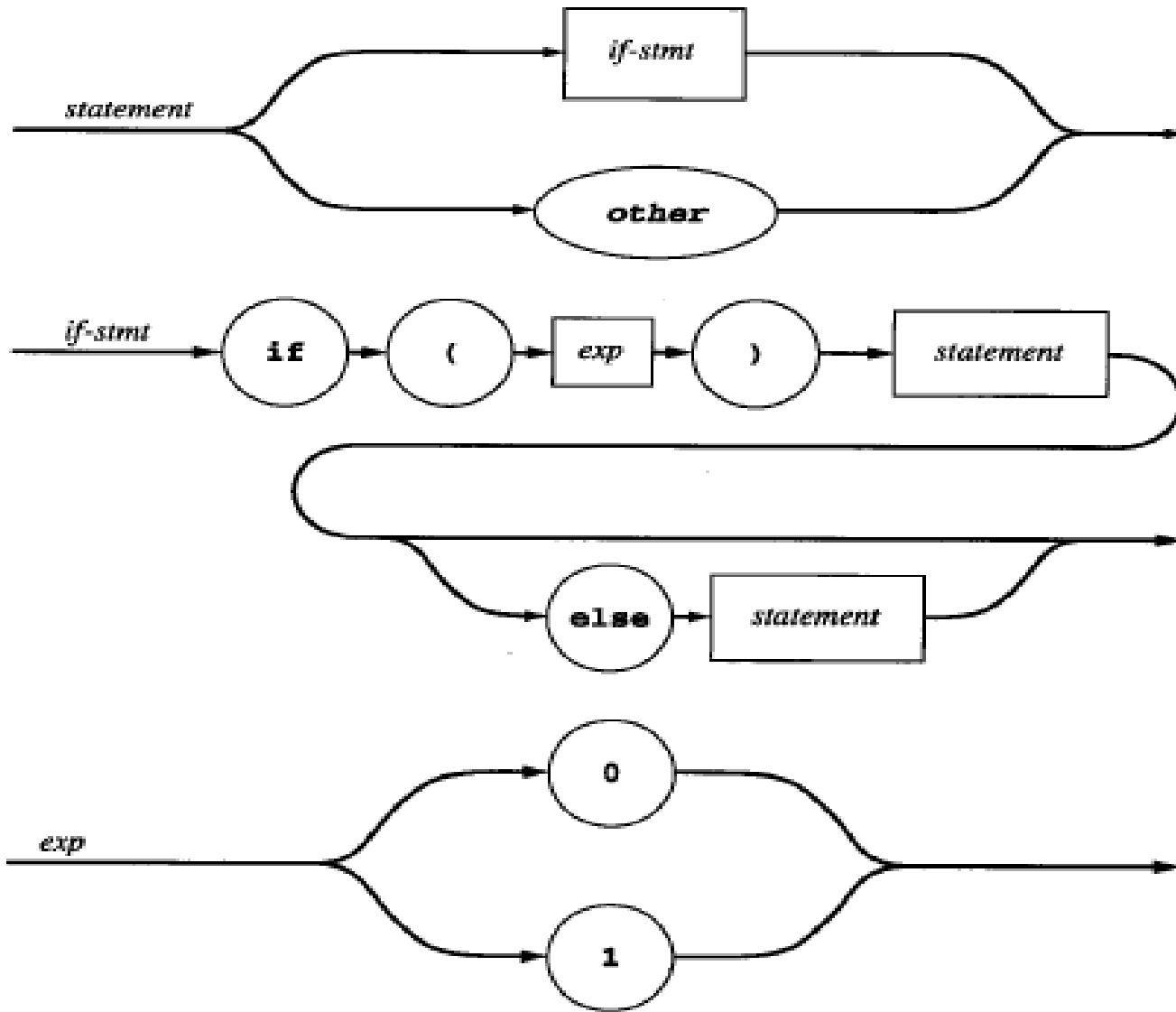
(1) 改写为EBNF:

$\text{statement} \rightarrow \text{if-stmt} \mid \text{other}$

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if}(\text{exp}) \text{ statement} [\text{else statement}]$

$\text{exp} \rightarrow 0 \mid 1$

(2) 画出每一个非终结符号的语法图



递归下降分析程序的设计

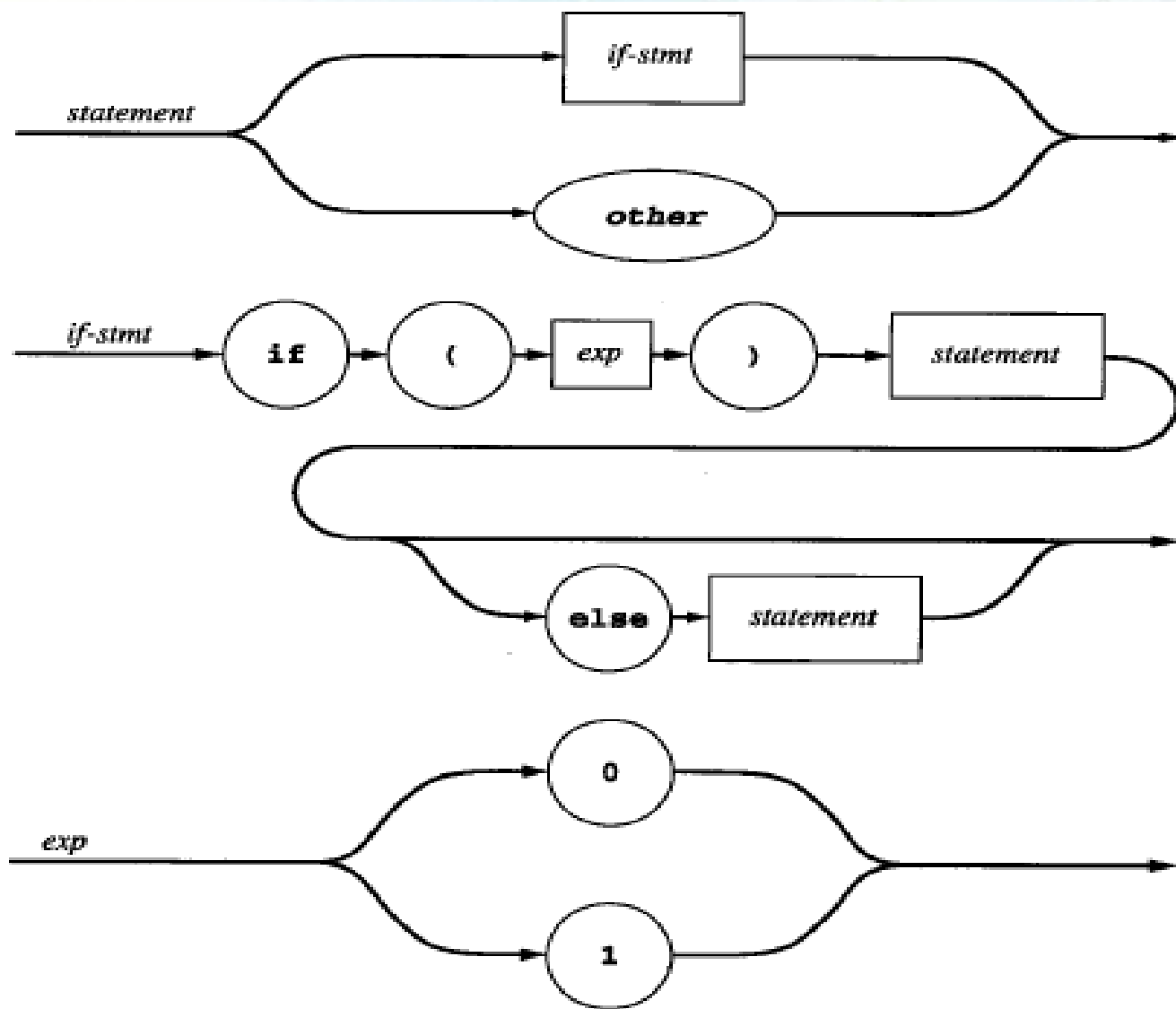
递归下降分析程序的设计方法：**根据语法图的处理逻辑进行描述。**

每个非终结符都对应一个函数。

该函数根据语法的描述来明确：根据下一个输入符号来确定按照哪一个规则进行处理，再根据该规则的右端，

- 每遇到一个终结符，则判断当前读入的单词是否与该终结符相匹配，若匹配，再读取下一个单词继续分析；不匹配，则进行出错处理
- 每遇到一个非终结符，则调用相应的函数

1. 根据语法图来构造递归下降分析程序



非终结符号if_Stmt分析程序：

```
void ifStmt()  
{
```

```
    match ('if');
```

```
    match ('(');
```

```
    exp();
```

```
    match (')');
```

```
    statement();
```

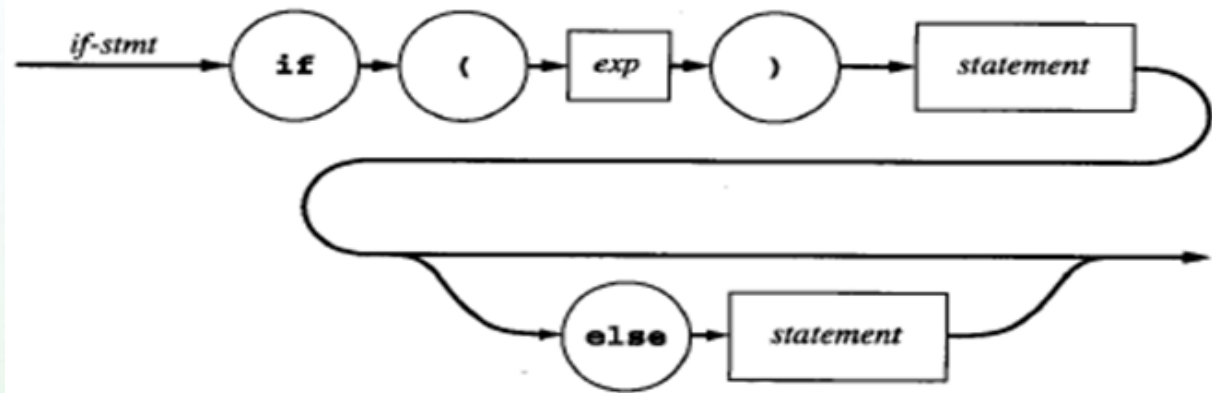
```
    if (TOKEN == 'else') {
```

```
        match ('else');
```

```
        statement();
```

```
    }
```

```
} // ifStmt
```



2. 根据文法直接构造递归下降分析程序

$U \rightarrow x_1 \mid x_2 \mid \cdots \mid x_n$, 其中 x_1, \dots, x_n 均 $\neq \varepsilon$

$U \rightarrow x_1 \mid x_2 \mid \cdots \mid x_n \mid \varepsilon$

规则选择问题：通过分别求出first集合和follow集合来解决。

非终结符相应的分析子程序的构造方法

(1) 对于每个非终结符 U ，编写一个相应的子程序 $P(U)$;

(2) 对于规则 $U \rightarrow x_1 \mid x_2 \mid \cdots \mid x_n$, x_1, \dots, x_n 都 $\neq \varepsilon$ 关于 U 的函数 $P(U)$ 按如下方法构造:

if (TOKEN in first(x_1)) $p(x_1)$;

else if (TOKEN in first(x_2)) $p(x_2)$;

else ...

...

if (TOKEN in first(x_n)) $p(x_n)$;

else ERROR();

(3) 如果U还有空规则 $U \rightarrow \varepsilon$, 则算法中的语句:

if (TOKEN in first(x_n)) p(x_n) ; else ERROR();

改写为

if (TOKEN in first(x_n)) p(x_n) ;

else if (TOKEN not in follow(U)) ERROR();

(4) 对于符号串 $x = y_1 y_2 \cdots y_n$; p(x)的含义为:

{ p(y_1); p(y_2); \cdots ; p(y_n); }

如果 $y_i \in V_N$, 则P(y_i)就代表调用 y_i 的函数; $y_i \in V_T$, 则为P(y_i)设计下述的一段代码或设计一个match函数。

if (TOKEN == y_i) getToken(TOKEN) else ERROR();

注意事项

递归下降分析器由一个主程序main和每个非终结符对应的递归函数组成。

用到的一些函数：

- 函数getToken()负责读入下一个TOKEN单词
- 函数ERROR()负责报告语法错误
- 函数match()终结符号的匹配处理

约定：

- 全局变量TOKEN存放已读入的TOKEN单词

注意： TOKEN也可以安排为函数引用参数变量，

函数进入时变量TOKEN存放了一个待匹配的TOKEN字

退出函数时，变量TOKEN中仍存放着一个待匹配的TOKEN字。

实例分析

问题0:

$G[S]=$

{

$S \rightarrow aAb$

$A \rightarrow cB$

$B \rightarrow e$

}

试编写一个能分析该文法所对应任何串(如串aceb)的程序。

算法构造过程：

(1) 每一个非终结符号就对应一个分析函数

(2) 对于非终结符号 S ，其对应的分析函数为：

```
void S() //规则  $S \rightarrow aAb$ 
```

```
{
```

```
    match('a'); //匹配函数
```

```
    A();
```

```
    match('b'); //匹配函数
```

```
} //S
```


void A() //规则 $A \rightarrow cB$

{

match('c'); //匹配函数

B();

} //A

```
void B( ) //规则  $B \rightarrow e$ 
```

```
{
```

```
    match('e'); //匹配函数
```

```
} //B
```

match 函数

- 功能：用来匹配当前符号是否为预想的符号，如果是则前移，否则就产生出错

```
void match ( expectedToken )  
{ if (TOKEN==expectedToken)  
    getToken(); // 获取下一个符号  
  else  
    ERROR(); // 产生出错信息  
} // match
```

实例分析

问题1:

$G[S]=$

{

$S \rightarrow aA \mid bB$

$A \rightarrow cdA \mid d$

$B \rightarrow efB \mid f$

}

试编写一个能分析该文法所对应任何串(如串acdd)的程序。

fcdd、agdd、bc

算法构造过程：

(1) 每一个非终结符号就对应一个分析函数

(2) 对于非终结符号 S ，其对应的分析函数为：

```
void S() //规则  $S \rightarrow aA | bB$ 
{
    if (TOKEN == 'a') // First(aA)
    {
        match('a'); //匹配函数
        A();
    }
    else if (TOKEN == 'b') // First(bB)
    {
        match('b'); //匹配函数
        B();
    }
    else ERROR(); // 出错处理函数
} //S
```


(3) 对于 **非终结符号A**，其对应的分析函数为：

```
void A( ) //规则:  $A \rightarrow cdA \mid d$ 
{
    if (TOKEN=='c') // First(cdA)
    {
        match('c'); //匹配函数
        match('d'); //匹配函数
        A();
    }
    else if (TOKEN=='d') // First(d)
    {
        match('d'); //匹配函数
    }
    else ERROR(); // 出错处理函数
} //A
```

(4) 对于 **非终结符号B**，其对应的分析函数为：

```
void B( ) //规则:  $B \rightarrow efB \mid f$ 
{
    if (TOKEN == 'e') // First( $efB$ )
    {
        match('e'); // 匹配函数
        match('f'); // 匹配函数
        B();
    }
    else if (TOKEN == 'f') // First( $f$ )
    {
        match('f'); // 匹配函数
    }
    else ERROR(); // 出错处理函数
} //B
```

Main函数的安排

- (1) 安排TOKEN 的全局变量
- (2) 读入输入串的第一符号到TOKEN 中
- (3) 调用文法开始符号所对应函数。

```
void main()  
{  
    getToken();  
    s();  
} //main
```

match 函数

- 功能：用来匹配当前符号是否为预想的符号，如果是则前移，否则就产生出错

```
void match ( expectedToken )  
{ if (TOKEN==expectedToken)  
    getToken(); // 获取下一个符号  
  else  
    ERROR(); // 产生出错信息  
} // match
```


ERROR 函数

- 方法一：负责产生提示信息及跳到下一个符号进行分析

```
void ERROR ( )  
{  
    cout<<"ERROR Message!";  
    getToken();  
} //ERROR
```

缺陷：

- (1) 提示信息太抽象，不准确
- (2) 直接跳过当前符号，会导致更多的出错

ERROR 函数

- 缺陷一的解决方案：增加编号来引导准确的出信息

```
void ERROR ( int ErrorNO )
```

```
{
```

```
    switch(ErrorNO)
```

```
{
```

```
    case 1: cout<<“漏了一个a或b” ;break;
```

```
    case 2: cout<<“漏了一个c或d”;break;
```

```
    case 3: cout<<“漏了一个e或f”;break;
```

```
    .....
```

```
    }// switch
```

```
}//ERROR
```

实例分析

写出下面文法的递归子程序：

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if (exp) statement} \mid$
 $\text{if (exp) statement else statement}$

- if语句规则改写为:

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if}(\text{exp})\text{statement}(\epsilon \mid \text{else statement})$

分析程序:

```
void ifStmt()  
{  
    match ('if') ;  
    match ('(') ;  
    exp() ;  
    match (')') ;  
    statement() ;  
    if (TOKEN == 'else') {  
        match ('else') ;  
        statement() ;  
    }  
} // ifStmt ;
```

解决思路2：直接利用EBNF []

- if语句规则的EBNF为：

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if}(\text{exp})\text{statement} \ [\text{else statement}]$

分析程序：

```
void ifStmt()  
{  
    match ('if') ;  
    match ('(') ;  
    exp();  
    match (')') ;  
    statement();  
    if (TOKEN == 'else' ) {  
        match ('else') ;  
        statement();  
    }  
} // ifStmt
```


实例分析

文法：

$\text{exp} \rightarrow \text{exp addop term} \mid \text{term}$

$\text{addop} \rightarrow + \mid -$

$\text{term} \rightarrow \text{term mulop factor} \mid \text{factor}$

$\text{mulop} \rightarrow * \mid /$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

请写出递归子程序分析算法，并分析表达式
 $3+4*5$ 。

规则：factor \rightarrow (exp) | number 的递归子程序为

```
void factor()  
{  
    switch( TOKEN )  
    {  
        case '(':  
            match('(') ;  
            exp() ;  
            match(')') ;  
            break;  
        case number :  
            match (number) ;  
            break;  
        default:  
            ERROR() ;  
    } // switch  
} // factor
```

- 考虑非终结符号exp
- $\text{exp} \rightarrow \text{exp addop term} \mid \text{term}$
- 问题：出现了左递归
- 解决办法：使用EBNF规则,消除原规则中的左递归。

$\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ \text{addop term} \}$

新问题：无法将 $\{ \}$ 实现循环

再进一步改写：

$\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+ \mid -) \text{term} \}$

规则： $\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+ | -) \text{term} \}$

```
void exp()  
{  
    term();  
    while ((TOKEN == '+' ) || (TOKEN == '-' ))  
    {  
        match (TOKEN) ;  
        term();  
    } // while  
} // exp
```

相似地，term的EBNF规则：

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ (* | /) \text{factor} \}$ 则其代码为：

```
void term()  
{  
    factor();  
    while ((TOKEN == '*' ) || (TOKEN == '/'))  
    {  
        match (TOKEN);  
        factor();  
    } //while  
} // term
```


main函数的安排

```
main()
{
    getToken();
    exp();
}
```

如： $3+4*5$

• **新问题**：如何实现算术表达式值的计算？

• **方法**：

- 1.使用栈的方法（数据结构课本中的算法）
- 2.使用文法规则加递归子程序分析算法的方法

• **新方法**：

- (1)根据算术表达式的组成特点写出文法规则
- (2)写出该文法规则的递归子程序**分析算法**
- (3)为了使其拥有**计算功能**，为每个递归函数加上返回当前计算结果

新方法

步骤1: 先设计文法:

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{term} \mid \text{exp} - \text{term} \mid \text{term}$

$\text{term} \rightarrow \text{term} * \text{factor} \mid \text{term} / \text{factor} \mid \text{factor}$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

步骤2: 文法问题的分析 → 文法的改造

$\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+|-) \text{term} \}$

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ (*|/) \text{factor} \}$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

步骤3：对每个非终结符写出相应的递归子程序

规则： $\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+|-) \text{term} \}$

```
void exp()  
{  
    term();  
    while ((TOKEN == '+') || (TOKEN == '-'))  
    {  
        match (TOKEN);  
        term();  
    } // while  
} // exp
```

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ (*|/) \text{factor} \}$

分析程序为：

```
void term()
```

```
{
```

```
    factor();
```

```
    while ((TOKEN == '*' ) || (TOKEN == '/' ))
```

```
    {
```

```
        match (TOKEN);
```

```
        factor();
```

```
    } //while
```

```
} // term
```

规则：factor \rightarrow (exp) | number 的递归子程序为

```
void factor()  
{  
    switch( TOKEN )  
    {  
        case '(':  
            match('(') ;  
            exp() ;  
            match(')') ;  
            break;  
        case number :  
            match (number) ;  
            break;  
        default:  
            ERROR() ;  
    } // switch  
} // factor
```

- 步骤4：如何在递归下降分析程序中增加计算功能

- 遇到运算对象则返回
- 遇到运算符号就将对应运算对象进行**计算**
- 遇到括号就返回括号中表达式的计算结果
- 因此
 - (1) 需要为每个递归函数加上返回当前计算结果
 - (2) 每次计算均要保存计算结果


```
int exp()  
{ int temp;  
  temp = term();  
  while ((TOKEN == '+') || (TOKEN == '-'))  
  { switch (TOKEN)  
    {  
      case '+': match('+');  
                temp = temp + term();  
                break;  
      case '-': match('-');  
                temp = temp - term();  
                break;  
    } //switch  
  } while  
  return temp ;  
} //exp
```

```
int term()  
{ int temp;  
  temp = factor();  
  while ((TOKEN == '*') || (TOKEN == '/'))  
  { switch (TOKEN)  
    {  
      case '*': match('*') ;  
                temp = temp * factor();  
                break;  
      case '/': match('/') ;  
                temp = temp / factor();  
                break;  
    } //switch  
  } while  
  return temp ;  
} //term
```

```
int factor()  
{  
    switch(TOKEN )  
    {  
        case '(':  
            match('(') ;  
            temp=exp();  
            match(')') ;  
            break;  
        case number :  
            match (number) ;  
            temp=number;  
            break;  
        default:  
            ERROR() ;  
    } // switch  
    return temp;  
} // factor
```

main函数的安排

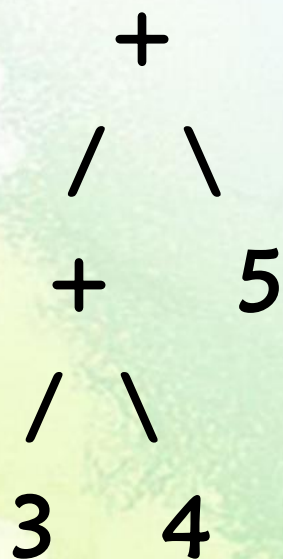
```
main()
{
    getToken();
    cout<<exp();
}
```

如： $3+4*5$

- 详细代码请看云盘电子参考书程序清单4-1 简单整型算术的递归下降程序计算器(请自行阅读)
- 其中并未写出一个完整的扫描程序，而是选择使用了对getchar和scanf的调用来代替getToken的函数。

- **问题：**算术表达式对应语法树的构造？

- **例：**表达式 $3 + 4 + 5$ ，其语法树为：



- **例：**表达式 $3 + 4 * 5$ ，其语法树则为

解决方法：

- (1) 写出文法规则
- (2) 写出递归下降分析程序
- (3) 在递归下降分析程序中增加语法树生成功能
 - 遇到运算对象生成叶子结点并返回
 - 遇到运算符就将对应运算对象进行新树根的构造
 - 遇到括号就返回括号中表达式对应语法树返回
 - 因此，需要为每个递归函数加上返回当前所生成的语法树树根指针

新方法

步骤1: 先设计文法:

$\text{exp} \rightarrow \text{exp} + \text{term} \mid \text{exp} - \text{term} \mid \text{term}$

$\text{term} \rightarrow \text{term} * \text{factor} \mid \text{term} / \text{factor} \mid \text{factor}$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

步骤2: 文法问题的分析 \rightarrow 文法的改造

$\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+|-) \text{term} \}$

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ (*|/) \text{factor} \}$

$\text{factor} \rightarrow (\text{exp}) \mid \text{number}$

步骤3：对每个非终结符写出相应的递归子程序

规则： $\text{exp} \rightarrow \text{term} \{ (+|-) \text{term} \}$

```
void exp()  
{  
    term();  
    while ((TOKEN == '+') || (TOKEN == '-'))  
    {  
        match (TOKEN);  
        term();  
    } // while  
} // exp
```

$\text{term} \rightarrow \text{factor} \{ (*|/) \text{factor} \}$

分析程序为：

```
void term()
```

```
{
```

```
    factor();
```

```
    while ((TOKEN == '*' ) || (TOKEN == '/' ))
```

```
    {
```

```
        match (TOKEN);
```

```
        factor();
```

```
    } //while
```

```
} // term
```

规则：factor \rightarrow (exp) | number 的递归子程序为

```
void factor()  
{  
    switch( TOKEN )  
    {  
        case '(':  
            match('(') ;  
            exp() ;  
            match(')') ;  
            break;  
        case number :  
            match (number) ;  
            break;  
        default:  
            ERROR() ;  
    } // switch  
} // factor
```


步骤4：修改分析程序，让其具有相应的新功能。

——语法树的生成

遇到+或-运算符时该如何生成语法树

```
void exp()  
{  
    term();  
    while ((TOKEN == '+') || (TOKEN == '-'))  
    {  
        match (TOKEN);  
        term();  
    } // while  
} // exp
```

```

BTreeNode * exp()
{
    BTreeNode * temp, *newtemp;
    temp = term();
    while ( TOKEN == '+' || TOKEN == '-' )
    {
        switch ( TOKEN )
        {
            case '+': match ('+');
                    newtemp = new BTreeNode;
                    newtemp->data = '+';
                    newtemp->lchild = temp;
                    newtemp->rchild = term();
                    temp = newtemp;

            case '-': match ('-');
                    newtemp = new BTreeNode;
                    newtemp->data = '-';
                    newtemp->lchild = temp;
                    newtemp->rchild = term();
                    temp = newtemp;

        }
    }
    return temp;
} // exp

```

进一步合并代码...

```
BTreeNode * exp()  
{  
    BTreeNode * temp, *newtemp;  
    temp = term() ;  
    while ( TOKEN == '+' || TOKEN == '-' )  
    {  
        newtemp = new BTreeNode ;  
        newtemp->data= TOKEN ;  
        match (TOKEN) ;  
        newtemp->lchild = temp ;  
        newtemp->rchild= term() ;  
        temp = newtemp ;  
    }  
    return temp ;  
} // exp
```


遇到*或/运算符时该如何生成语法树

```
void term()  
{  
    factor();  
    while ((TOKEN == '*' ) || (TOKEN == '/'))  
    {  
        match (TOKEN);  
        factor();  
    } //while  
} // term
```

```
BTreeNode * term()  
{  
    BTreeNode * temp, *newtemp;  
    temp = factor();  
    while ( TOKEN == '*' || TOKEN == '/' )  
    {  
        newtemp = new BTreeNode ;  
        newtemp->data= TOKEN ;  
        match (TOKEN) ;  
        newtemp->lchild = temp ;  
        newtemp->rchild= factor() ;  
        temp = newtemp ;  
    }  
    return temp ;  
} // term
```

遇到()或number时该如何生成语法树

```
void factor()  
{  
    switch( TOKEN )  
    {  
        case '(':  
            match('(');  
            exp();  
            match(')');  
            break;  
        case number :  
            match (number);  
            break;  
        default:  
            ERROR();  
    } // switch  
} // factor
```

```
BTreeNode * factor()  
{  
    BTreeNode *temp;  
    switch( TOKEN )  
    {  
        case '^':  
            match('^') ;  
            temp= exp();  
            match(')') ;  
            break;  
        case number :  
            match (number) ;  
            temp = new BTreeNode ;  
            temp ->data= number ;  
            temp->lchild = NULL ;  
            temp->rchild=NULL;  
            break;  
        default:  
            ERROR() ;  
    } // switch  
    return temp;  
} // factor
```


main函数的安排

```
main()  
{  
    BTreeNode *root;  
  
    getToken();  
    root=exp();  
}
```

如： $3+4*5$

一个新问题...

编写一个能生成简单算术表示式对应汇编代码。

例如: $3+4*5$

Ldc 3

Ldc 4

Ldc 5

Mpi

Adi

与栈打交道的汇编语言

所有操作都依赖与栈来完成

汇编指令的介绍

Ldc n 把常数n压入栈

Mpi 取出栈顶与次栈顶元素做乘法运算，结果入栈

Adi 取出栈顶与次栈顶元素做加法运算，结果入栈

Sbi 取出栈顶与次栈顶元素做减法运算，结果入栈

Dvi 取出栈顶与次栈顶元素做除法运算，结果入栈

解决方法：

- (1) 写出文法规则
- (2) 写出递归下降分析程序
- (3) 在递归下降分析程序中增加汇编代码生成功能
 - 遇到运算对象则生成Ldc指令
 - 遇到运算符就生成相应运算的指令
 - 遇到括号则不做指令生成处理


```
void exp()  
{  
    term();  
    while ((token == '+' ) || (token == '-'))  
    {  
        switch (token )  
        {  
            case '+' : match (token) ;  
                        term();  
                        Gen(Adi)  
                        break;  
            case '-' : match (token) ;  
                        term();  
                        Gen(Sbi)  
                        break;  
        } //switch  
    } while  
} //exp
```

```
void term()  
{  
    factor();  
    while ((token == '*') || (token == '/'))  
    {  
        switch (token )  
        {  
            case '* ': match (token) ;  
                        factor();  
                        Gen(Mpi);  
                        break;  
            case '/': match (token) ;  
                      factor();  
                      Gen(Dvi);  
                      break;  
        } //switch  
    } while  
} //term
```

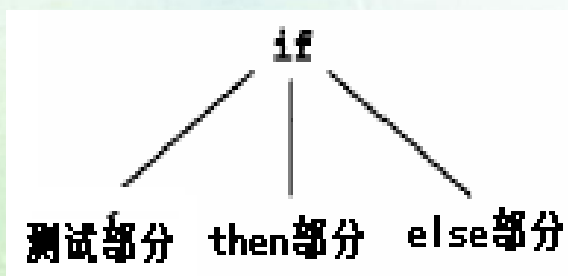
```
void factor()  
{  
  switch( token )  
  {  
    case '(':  
      match('(');  
      exp();  
      match(')');  
      break;  
    case n :  
      match (n);  
      Gen( Ldc, n )  
      break;  
    default:  
      error();  
  } // switch  
} // factor
```

main函数的安排

```
main()
{
    getToken();
    Exp();
}
```

如： $3+4*5$

问题：如何为if语句构造相应的语法树？



(1)设计文法:

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if (exp) statement} \mid$
 $\text{if (exp) statement else statement}$

(2) 文法改造

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if(exp)statement[else statement]}$

(3) 写出递归分析程序

- if语句的EBNF规则:

$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if}(\text{exp})\text{statement}[\text{else statement}]$

分析程序:

```
void ifStmt()  
{  
    match ('if') ;  
    match ('(') ;  
    exp();  
    match (')') ;  
    statement();  
    if (TOKEN == 'else') {  
        match ('else') ;  
        statement();  
    }  
} // ifStmt ;
```

(4) 语法树生成

按照递归子程序在严格的自顶向下风格构造出if语句的语法树：

```
syntaxTree ifStatement()  
{ syntaxTree temp;  
  match ("if");  
  match '(';  
  temp = makeStmtNode(if); //生成新结点  
  temp->testChild = exp();  
  match (')');  
  temp->thenChild = statement();  
  if (TOKEN == "else") {  
    match ("else");  
    temp->elseChild = statement();  
  } else  
    temp->elseChild = NULL;  
} // ifStatement;
```


递归下降法的总结

- (1) 递归下降分析功能非常强大，比较适合于手工方法；
- (2) 分析效率低，仅适合于小型语言语法分析程序的构造。
- (3) 为了解决一些问题，通常先将BNF文法规则改写为EBNF规则。
- (4) 在生成语法树时，要注意二义性问题的分析。

4.2.3 递归下降法的问题分析

- 问题1: 将原先用BNF编写的文法规则转变成EBNF格式可能会有些困难。
- 问题2: 如果出现格式为 $A \rightarrow \varepsilon$ 时, 那将如何编写相应的递归子程序分析程序?

如: $S \rightarrow Aba \mid Bd$

$A \rightarrow cd \mid \varepsilon$

$B \rightarrow ab$

- 问题3: 某个非终结符号的规则有两个或更多的文法规则组成时, 如,

$$A \rightarrow a... \mid b... \mid \dots$$

如果a和b均为终结符号, 则问题容易解决。

但如果均为非终结符号,

即: $A \rightarrow B... \mid C... \mid \dots$

那在程序中就无法实现何时选择 $A \rightarrow B...$ 规则, 何时使用 $A \rightarrow C...$ 规则?

- 问题4: 某个非终结符号为递归规则时

$$A \rightarrow B... \mid C... \mid \dots$$

$$B \rightarrow A....$$

那么分析程序将进入死递归状态。

- 问题5: 某个非终结符号的规则格式如

$$A \rightarrow a... \mid a... \mid \dots$$

即多条规则拥有共同的左因子。

问题求解之新方法

问题:

$G[S]=\{$

$S \rightarrow AB \mid CD$

$A \rightarrow aB \mid dD$

$B \rightarrow cC \mid bD$

$C \rightarrow ef \mid gh$

$D \rightarrow i \mid j$

$\}$

试编写出能分析该文法所对应任何串（如串acefbgh）
的程序。

```
void S( ) //规则:  $S \rightarrow AB|CD$ ,  
{  
    if (TOKEN in {'a','d'}) // First(AB)  
    {  
        A();  
        B();  
    }  
    else if (TOKEN in {'e','g'}) // First(CD)  
    {  
        C();  
        D();  
    }  
    else ERROR(); // 出错处理函数  
} //S
```

```
void A( ) //规则:  $A \rightarrow aB \mid dD$ ,  
{  
    if (TOKEN == 'a') // First(aB)  
    {  
        match('a');  
        B();  
    }  
    else if (TOKEN == 'd') // First(dD)  
    {  
        match('d');  
        D();  
    }  
    else ERROR(); // 出错处理函数  
} //A
```

```
void B( ) //规则：  $B \rightarrow cC | bD$ ,
{
    if (TOKEN == 'c') //First(cC)
    {
        match('c');
        C();
    }
    else if (TOKEN == 'b') // First(bD)
    {
        match('b');
        D();
    }
    else ERROR(); // 出错处理函数
} //B
```


LL(1) 分析法

问题1:

$G[S]=\{$

$S \rightarrow Ab \mid Bc$

$A \rightarrow aA \mid dB$

$B \rightarrow c \mid e$

$\}$

试编写出能分析该文法所对应任何串（如串adcb）
的程序。

- (1) 应该有一个存储结构存储**何时选择哪条规则**？
- 根据递归分析法，是查看当前符号来决定选择哪条规则的，因此，应该存储某个非终结符号遇到某个终结符号时该选择哪条规则。

	a	b	c	d	e		
S	$S \rightarrow Ab$		$S \rightarrow Bc$	$S \rightarrow Ab$	$S \rightarrow Bc$		
A	$A \rightarrow aA$			$A \rightarrow dB$			
B			$B \rightarrow c$		$B \rightarrow e$		

LL(1) 分析表

• (2) 分析过程的存储结构——分析栈

LL(1)分析法

步骤	符号栈	输入串	动作
1	S	adcb	$S \rightarrow Ab$
2	bA	adcb	$A \rightarrow aA$
3	bAa	adcb	匹配
4	bA	dc b	$A \rightarrow dB$
5	bBd	dc b	匹配
6	bB	cb	$B \rightarrow c$
7	bc	cb	匹配
8	b	b	匹配
9			成功

LL(1) 分析法

问题2:

$G[S]=\{$

$S \rightarrow AbB \mid Bc$

$A \rightarrow aA \mid \epsilon$

$B \rightarrow d \mid e$

$\}$

试编写能分析该文法所对应任何串（如串abd）的程序。


```
void S( ) //规则:  $S \rightarrow AbB \mid Bc$ ,  
{  
    if (TOKEN in { 'a' , 'b' }) // First(AbB)  
    {  
        A();  
        match('b');  
        B();  
    }  
    else if (TOKEN in { 'd' , 'e' }) //First(Bc)  
    {  
        B();  
        match('c');  
    }  
    else ERROR(); // 出错处理函数  
} //S
```

```
void A( ) //规则:  $A \rightarrow aA | \epsilon$ ,  
{ if (TOKEN == 'a') // First(aA)  
  {  
    match('a');  
    A();  
  }  
else if (TOKEN == 'b') // Follow(A)  
  { }  
else ERROR();  
} //A
```

• (1)构造LL(1)分析表

	a	b	c	d	e	\$	
S	$S \rightarrow AbB$	$S \rightarrow AbB$		$S \rightarrow Bc$	$S \rightarrow Bc$		
A	$A \rightarrow aA$	$A \rightarrow \epsilon$					
B				$B \rightarrow d$	$B \rightarrow e$		

- (2) 分析过程

步骤	符号栈	输入串	动作
1	S	abd	$S \rightarrow AbB$
2	BbA	abd	$A \rightarrow aA$
3	BbAa	abd	匹配
4	BbA	bd	$A \rightarrow \epsilon$
5	Bb	bd	匹配
6	B	d	$B \rightarrow d$
7	d	d	匹配
8			成功

问题3:

$G[S]=\{$

$S \rightarrow bB \mid ACc$

$A \rightarrow aA \mid bB \mid \varepsilon$

$B \rightarrow e \mid d$

$C \rightarrow f \mid \varepsilon$

$\}$

试编写能分析该文法所对应任何串的程序。

问题4:

$G[S]=\{$

$S \rightarrow bB \mid Cc$

$A \rightarrow aAB \mid \epsilon$

$B \rightarrow a \mid d$

$C \rightarrow e \mid \epsilon$

$\}$

试编写能分析该文法所对应任何串的程序。

- **定理**: 若满足以下条件, 则BNF中的文法就是LL(1)文法(LL(1) grammar).
- 1. 在每个规则 $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ 中, 对于所有的 i 和 $j: 1 \leq i, j \leq n, i \neq j, \text{First}(\alpha_i) \cap \text{First}(\alpha_j)$ 为空。
- 2. 若对于每个非终结符 A 都有 $\text{First}(A)$ 包含了 ϵ , 那么 $\text{First}(A) \cap \text{Follow}(A)$ 为空。

总结

LL(1)方法的步骤

- **步骤 (1)** : 构造LL(1)分析表(LL(1) parsing table)
- **步骤 (2)** : 分析过程

LL(1) 分析表

这个表通常被称为 $M[N, T]$

- N (即行)是文法的非终结符的集合;
- T (即列)是终结符或记号的集合
- $M[N, T]$ 即表示非终结符 N 面临输入符号 T 该选择的规则。
- $M[N, T]$ 缺省时(即为空), 则表示在分析中可能发生的潜在错误。

LL(1)分析表的构造步骤

为每个非终结符 A 和规则 $A \rightarrow \alpha$ 重复以下两个步骤:

- 1) 对于 $\text{First}(\alpha)$ 中的每个记号 a , 都将 $A \rightarrow \alpha$ 添加到项目 $M[A, a]$ 中。
- 2) 若 ϵ 在 $\text{First}(\alpha)$ 中, 则对于 $\text{Follow}(A)$ 的每个元素 a (记号或是 $\$$), 都将 $A \rightarrow \alpha$ 添加到 $M[A, a]$ 中。
- 3) 把分析表 A 中每个未定义元素置为ERROR。

注意: 通常用空白表示即可

例4.16 考虑if语句的简化了的文法：

$statement \rightarrow if-stmt \mid other$

$if-stmt \rightarrow if (exp) statement else-part$

$else-part \rightarrow else statement \mid \varepsilon$

$exp \rightarrow 0 \mid 1$

该文法各非终结符的First集合和Follow集合分别为：

$First(statement) = \{if, other\}$

$First(if-stmt) = \{if\}$

$First(else-part) = \{else, \varepsilon\}$

$First(exp) = \{0, 1\}$

$Follow(statement) = \{\$, else\}$

$Follow(if-stmt) = \{\$, else\}$

$Follow(else-part) = \{\$, else\}$

$Follow(exp) = \{\}$

- 构造出的LL(1)分析表如下：

M [N, T]	if	other	else	0	1	\$
statement	$statement \rightarrow$ $if-stmt$	$statement$ $\rightarrow other$				
if-stmt	$if-stmt \rightarrow$ $if(exp) statement$ $else-part$					
else-part			$else-part \rightarrow$ $else$ $statement$ $else-part \rightarrow \epsilon$			$else-part \rightarrow \epsilon$
exp				$exp \rightarrow$ 0	exp $\rightarrow 1$	

二义性问题？

- **定理**: 若满足以下条件, 则BNF中的文法就是LL(1)文法(LL(1) grammar).
- 1. 在每个规则 $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ 中, 对于所有的 i 和 $j: 1 \leq i, j \leq n, i \neq j, \text{First}(\alpha_i) \cap \text{First}(\alpha_j)$ 为空。
- 2. 若对于每个非终结符 A 都有 $\text{First}(A)$ 包含了 ϵ , 那么 $\text{First}(A) \cap \text{Follow}(A)$ 为空。

二义性消除的新方法

- 利用LL(1)分析表中每个项目最多只能有一个规则来消除文法的二义性。
- 我们知道程序设计语言中IF语句的else应该遵循最接近匹配原则。
- 所以，我们可对这个LL(1)分析表进行修改：
$$M[N,T] = \textit{else-part} \rightarrow \textit{else statement}$$

这样，表4-2就变成无二义性的了，而且可以对文法进行分析，这就好像它是一个LL(1)文法一样。

• 例如，表4-3显示了LL(1)分析算法的分析动作，它给出了串
if(0) if(1) other else other

\$ S	i (0) i (1) o e o \$	S → I
\$ I	i (0) i (1) o e o \$	I → i (E) S L
\$ L S) E (i	i (0) i (1) o e o \$	匹配
\$ L S) E ((0) i (1) o e o \$	匹配
\$ L S) E	0) i (1) o e o \$	E → 0
\$ L S) o	0) i (1) o e o \$	匹配
\$ L S)) i (1) o e o \$	匹配
\$ L S	i (1) o e o \$	S → I
\$ L I	i (1) o e o \$	I → i (E) S L
\$ L L S) E (i	i (1) o e o \$	I → i (E) S L
\$ L L S) E (i	i (1) o e o \$	匹配
\$ L L S) E ((1) o e o \$	匹配
\$ L L S) E	1) o e o \$	E → 1
\$ L L S)) o e o \$	匹配
\$ L L S	o e o \$	S → o
\$ L L o	o e o \$	匹配
\$ L L	e o \$	L → e S
\$ L S e	e o \$	匹配
\$ L S	o \$	S → o
\$ L o	o \$	匹配
\$ L	\$	L → e
\$	\$	接受

• 为了简便，我们将图中的词进行缩写：*statement* = *S*、*if-stmt* = *I*、*else-part* = *L*、*exp* = *E*、*if* = *i*、*else* = *e*、*other* = *o*

• 分析过程

(1) 初始化：文法开始符号入栈

(2) 查表

(3) 替换

(4) 反复 (2) (3) 步骤，直到分析成功或失败