

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №5
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Случайное БДП с рандомизацией

Студентка гр. 9303

Булыно Д. А.

Преподаватель

Филатов А. Ю.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Формирование практических навыков программирования такой структуры данных, как случайное БДП с рандомизацией, на языке программирования C++ путём решения поставленной задачи.

Основные теоретические положения.

Случайные бинарные деревья поиска с рандомизацией

Ключевая идея случайных БДП с рандомизацией состоит в чередовании обычной вставки в дерево поиска и вставки в корень. Чередование происходит случайным (рандомизированным) образом с использованием компьютерного генератора псевдослучайных чисел. Цель такого чередования – сохранить хорошие свойства случайного БДП в среднем и исключить (сделать маловероятным) появление «худшего случая» (поддеревьев большой высоты).

Вставка элемента со значением *key* в дерево *tree*. Рассмотрим операцию вставки в корень. Если дерево пусто, создаем новый узел со значением *key*, иначе, если $key(tree) > key$ то выполняем вставку в корень в левом поддереве *tree* и выполняем правое вращение, иначе — вставку в корень в правом поддереве и левое вращение. Таким образом узел со значением *key* становится корнем дерева.

Опишем теперь рандомизированную вставку значением *key* в дерево *tree*. Пусть в дереве имеется *n* узлов. Тогда будем считать, что после добавления еще одного узла любой узел с равной вероятностью может быть корнем дерева. Тогда, с вероятностью $1/(n+1)$ осуществим вставку в корень, иначе рекурсивно используем рандомизированную вставку в левое или правое поддерево в зависимости от значения ключа *key*.

Задание.

Вариант 11

Случайное БДП с рандомизацией.

1) По заданной последовательности элементов *Elem* построить структуру данных определённого типа – БДП или хеш-таблицу;

2) в) Записать в файл элементы построенного БДП в порядке их возрастания; вывести построенное БДП на экран в наглядном виде.

Выполнение работы.

Для выполнения программы была написана структура Node для представления узлов дерева и несколько функций:

1. `int getsize(Node* btree)` – функция для хранения размера дерева;
2. `void fixsize(Node* btree)` – функция для корректировки размера дерева;
3. `Node* rotateright(Node* btree)` – функция, осуществляющая правый поворот вокруг узла btree;
4. `Node* rotateleft(Node* btree)` – функция, осуществляющая левый поворот вокруг узла btree;
5. `Node* insertroot(Node* btree, int k)` – функция вставки нового узла с ключом в корень;
6. `Node* insert(Node* btree, int k)` – функция рандомизированной вставки нового узла с ключом в дерево;
7. `Node* Create(int key, Node* left, Node* right)` – функция создания дерева;
8. `void Print(Node* btree, int level)` – функция вывода дерева;
9. `void LTR(Node* btree, ofstream & out)` – функция записи элементов в файл в порядке возрастания.

Код программы см. в приложении А.

Результаты работы программы см. в файле «result.txt».

Выводы.

В ходе выполнения лабораторной работы было изучено случайное БДП с рандомизацией. В результате выполнения лабораторной работы была написана программа, которая строит данное дерево, записывает в файл элементы этого дерева в порядке возрастания, которая выводит построенное дерево на экран.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;

struct Node {
    int key;
    int size;
    Node* left;
    Node* right;
    Node(int k) {
        key = k;
        left = right = nullptr;
        size = 1;
    }
};

int getsize(Node* btree){
    if (!btree) return 0;
    return btree->size;
}

void fixsize(Node* btree){
    btree->size = getsize(btree->left) + getsize(btree->right) + 1;
}

Node* rotateright(Node* btree){
    Node* newbtree = btree->left;
    if (!newbtree) return btree;
    btree->left = newbtree->right;
    newbtree->right = btree;
    newbtree->size = btree->size;
    fixsize(btree);
    return newbtree;
}

Node* rotateleft(Node* btree){
    Node* newbtree = btree->right;
    if (!newbtree) return btree;
    btree->right = newbtree->left;
    newbtree->left = btree;
    newbtree->size = btree->size;
    fixsize(btree);
    return newbtree;
}

Node* insertroot(Node* btree, int k){
    if (!btree) return new Node(k);
```

```

        if (k < btree->key){
            btree->left = insertroot(btree->left, k);
            return rotateright(btree);
        }
        else{
            btree->right = insertroot(btree->right, k);
            return rotateleft(btree);
        }
    }
}

```

```

Node* insert(Node* btree, int k){
    if (!btree) return new Node(k);
    if (rand() % (btree->size + 1) == 0)
        return insertroot(btree, k);

    if (btree->key > k)
        btree->left = insert(btree->left, k);
    else
        btree->right = insert(btree->right, k);

    fixsize(btree);
    return btree;
}

```

```

Node* Create(int key, Node* left, Node* right){

    Node* res = new Node(key);
    res->left = left;
    res->right = right;

    return res;
}

```

```

void Print(Node* btree, int level){

    if (btree->right != nullptr){
        Print(btree->right, level + 1);
    }
    for (int i = 0; i < level; i++) {
        cout << "    ";
    }

    cout << btree->key << "\n";

    if (btree->left != nullptr) {
        Print(btree->left, level + 1);
    }
}

```

```

void LTR(Node* btree, ofstream & out){

```

```

        if(btree == nullptr) return;
        LTR(btree->left, out);
        out << btree->key << " ";
        LTR(btree->right, out);
    }

int main() {
    char c = 'y';
    int input = 0;

    int size;
    cout << "Введите количество элементов: ";
    cin >> size;
    while (size<=0){
        cout << "Неправильно указано количество элементов.\nВведите
количество элементов: ";
        cin >> size;
    }
    Node* tree = nullptr;
    srand(time(0));

    for (int i = 0; i < size; i++) {
        int in;
        cin >> in;
        tree = insert(tree, in);
    }

    cout << endl << "Случайное БДП с рандомизацией:" << endl;
    Print(tree, 0);
    ofstream file;
    file.open("result.txt");
    LTR(tree, file);
    file.close();
    return 0;
}

```