



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

Факультет «Информатика и системы управления»

Кафедра «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

**ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №6**  
**«ДЕРЕВЬЯ, ХЕШ-ТАБЛИЦЫ»**  
по курсу «Типы и структуры данных»

Студент: Чепиго Дарья Станиславовна

Группа: ИУ7-34Б

Студент

\_\_\_\_\_  
подпись, дата

Чепиго Д.С.

фамилия, и.о.

Преподаватель

\_\_\_\_\_  
подпись, дата

Силантьева А.В.

фамилия, и.о.

Оценка \_\_\_\_\_

## **Условие задачи**

### **Вариант 5**

Построить ДДП, в вершинах которого находятся слова из текстового файла. Вывести его на экран в виде дерева. Сбалансировать полученное дерево и вывести его на экран. Добавить указанное слово, если его нет в дереве (по желанию пользователя) в исходное и сбалансированное дерево. Сравнить время добавления и объем памяти. Построить хеш-таблицу из слов текстового файла, задав размерность таблицы с экрана, используя метод цепочек для устранения коллизий. Вывести построенную таблицу слов на экран. Осуществить добавление введенного слова, вывести таблицу. Сравнить время добавления, объем памяти и количество сравнений при использовании ДДП, сбалансированных деревьев, хеш-таблиц и файла.

## **Техническое задание**

### ***Входные данные***

- Целое число от 0 до 7 – пункт меню
- Числа и строки, требуемые в меню программы

Для сборки программы существует makefile. Программа «app.exe» запускается через консоль, после чего можно увидеть меню программы, состоящее из 8 пунктов

### ***Пункты меню:***

- 1 - считать дерево из файла
- 2 - создать сбалансированное дерево
- 3 - вывести исходное дерево
- 4 - вывести сбалансированное дерево

### ***Работа с хэш-таблицой:***

- 5 - считать хэш-таблицу из файла
- 6 - вывести хэш-таблицу на экран

7 - добавить слово в деревья и в таблицу

0 - выход из программы

### ***Выходные данные:***

В соответствии от действий пользователя может быть следующее:

- вывод деревьев в png-формате
- вывод хэш-таблицы на экран
- вывод измерений времени и количества сравнений при добавлении нового элемента в структуры данных
- информация об ошибке

### ***Описание алгоритма***

1. Пользователь выбирает пункт меню
2. Пользователь обязан ввести максимальный размер структур и текущий размер структур
3. Генерируется файл со словами, количество которых ввел пользователь пунктом ранее(текущий размер структур)
4. В зависимости от пункта меню пользователь может создать и вывести дерево, сбалансированное дерево и хэш-таблицу
5. Для того, чтобы добавить элемент в структуры они все должны существовать

6. Если пользователь захочет завершить программу, то для этого есть отдельный пункт меню.

Исходное состояние — пустое дерево, все используемые структуры пусты. Чтение элементов из файла продолжается до конца файла.

При добавлении элемента в ДДП и АВЛ происходит сравнение добавляемого элемента со встречающимися ему на пути при обходе. Если такое слово встретилось, то оно не добавляется ещё раз в структуры. АВЛ-дереву также необходима перебалансировка, которая осуществляется правым или левым поворотом (в зависимости от степени сбалансированности). При добавлении элемента в хеш-таблицу осуществляется вычисление значения хеш-функции. Так как мы работаем со строками, хеш-функцией был выбран метод исключающего или (или же XOR). В случае возникновения коллизий, они устраняются методом цепочек — добавлением в список текущего элемента.

### ***Аварийные ситуации:***

- Выбор несуществующего пункта меню
- Переполнение деревьев или таблицы
- Ошибка выделения памяти
- Добавление слова, которое уже есть в структурах данных

## ***Описание структур данных***

*Структура для реализации деревьев:*

```
struct tree_node
{
    const char *name;           // значение узла - слово
    int height;                 // высота в дереве
    struct tree_node *left;     // указатель на меньшие узлы
    struct tree_node *right;    // указатель на большие узлы
};
```

*Структура для реализации хэш-таблицы:*

```
struct hash_table
{
    int max_size; //максимальное количество элементов хэш-таблицы

    node_table_t *array; //указатель на массив элементов таблицы
};
```

*Структура для реализации элементов хэш-таблицы:*

```
typedef struct node_table node_table_t;

struct node_table
{
    char *name;                // значение элемента - слово
    node_table_t *next; // указатель на следующий элемент
};
```

## Сравнение эффективности

Время — в тактах, Память — в байтах

Берётся среднее из 5 измерений добавления одного элемента. После добавления элемента структура становится полностью заполненной.

Размер структуры после добавления	ДДП	АВЛ	Хэш-таблица	Файл
10	7	7	9	12
100	9	8	10	10
150	9	8	9	11
250	8	7	8	9

Исходя из этих замеров нельзя сделать однозначный вывод кроме того, что запись в файл самая медленная, а хэш-таблицы немного проигрывают деревьям.

Теперь проведём измерения времени добавления не для 1 элемента.

Кол-во добавляемых элементов	ДДП	АВЛ	Хэш-таблица	Файл
10	38	175	70	159
100	51	963	153	1537
500	187	1780	497	5013

Легко можно заметить, что дольше всего добавлять элементы в файл, далее идут АВЛ — деревья. Затем идут хэш-таблицы, которые проигрывают ДДП из-за выполнения хэш-функции.

Измерим память память в байтах:

Размер структуры после добавления	ДДП	АВЛ	Хэш-таблица	Файл
10	320	320	176	76
100	3200	3200	1616	702
150	4800	4800	2480	1000
250	8000	8000	4064	1700

Несложно заметить, что хоть где-то выигрывает файл! На втором месте идет хэш-таблица, ибо там мы храним только размер и списки. А после идут деревья, а так как у меня для них одинаковая структура данных, то их память совпадает(но при этом, в ДДП не используется высота, поэтому если бы я сэкономила память, то ДДП выигрывала бы по памяти без этого поля).

Изучим количество сравнений.

Размер структуры после добавления	ДДП	АВЛ	Хэш-таблица	Файл
10	4	4	2	9
100	8	7	1	99
150	7	6	2	149
250	7	9	2	249

В процессе измерения времени и количества сравнений можно заметить, что эти параметры для деревьев зависят от слова. Ибо если мы добавляем слово на букву У или А, то это означает, что мы вставляем в самые дальние позиции дерева, следовательно получаем большее время и количество сравнений. Легко заметить, что при добавлении слова в файл мы

пробегаемся по всему файлу, ибо вставляем слово в конец, а значит получаем наибольшее количество сравнений. При добавлении в хэш-таблицу мы получаем наименьшее количество сравнений, ибо хэш-функция зависит от размера таблицы и коллизии возникают не так часто. Также видно, что количество сравнений в AVL дереве меньше, чем в ДДП.

## Тестирование

*Позитивные тесты.*

Входные данные	Действия программы	Выходные данные
Пункт 1 <i>Ввод максимального количества элементов и текущего</i>	Корректная работа программы Создание ДДП	Ожидание следующего ключа
Пункт 2	Корректная работа программы Создание на основе ДДП AVL дерева	Ожидание следующего ключа
Пункт 3	Корректная работа программы Вывод на экран png изображения ДДП	Ожидание следующего ключа
Пункт 4	Корректная работа программы Вывод на экран png изображения AVL-дерева	Ожидание следующего ключа
Пункт 5	Корректная работа программы Вывод на экран png изображения AVL-дерева	Ожидание следующего ключа



Пункт 6	Корректная работа программы Вывод на экран хэш-таблицы	Ожидание следующего ключа
Пункт 7 Ввод валидного слова	Корректная работа программы Добавление слова во все структуры данных Вывод информации о добавлении	Ожидание следующего ключа

### *Негативные тесты*

Входные данные	Действия программы	Выходные данные
Ввод числа 10 букв/слов	Информация о неверном ключе меню	Завершение программы
Пункт 1 ввод чисел 80, 90 251 -14	Информация о неверном количестве элементов в структурах	Завершение программы
Пункт 7, добавление уже существующего слова	Информация, что данное слово уже есть в структурах данных	Ожидание нового ключа

## Контрольные вопросы

### 1. Что такое дерево?

Дерево — нелинейная структура данных, используемая при представлении иерархических связей, имеющих отношение «один ко многим». Также деревом называется совокупность элементов, называемых узлами или вершинами, и отношений («родительских») между ними, образующих иерархическую структуру узлов.

### 2. Как выделяется память под представление деревьев?

Деревья могут представляться как списком, так и массивом. При реализации списком соответственно память выделяется под каждый элемент (для значения, правого и левого потомков), при реализации массивом выделяется с запасом фиксированная длина. При этом размер массива выбирается исходя из максимально возможного количества уровней двоичного дерева, и чем менее полным является дерево, тем менее рационально используется память.

### 3. Какие стандартные операции возможны над деревьями

*Поиск, добавление, удаление, обход дерева, балансировка.*

### 4. Что такое дерево двоичного поиска?

Двоичным деревом поиска называют дерево, все вершины которого упорядочены, каждая вершина имеет не более двух потомков (назовём их левым и правым), и все вершины, кроме корня, имеют родителя.

### 5. Чем отличается идеально сбалансированное дерево от AVL дерева?

Критерий для AVL-дерева: дерево называется сбалансированным тогда и только тогда, когда высоты двух поддеревьев каждой из его вершин отличаются не более чем на единицу.

В случае идеально сбалансированного дерева не более чем на единицу должно отличаться число вершин в левом и правом поддеревьях.

*6. Чем отличается поиск в AVL-дереве от поиска в дереве двоичного поиска?*

Так как высоты поддеревьев AVL-дерева отличаются не более чем на 1, количество сравнений в таком дереве заметно уменьшается. ДДП же в худшем случае (дерево представляет из себя линейный список) имеет количество сравнений равное количеству элементов, что значительно замедляет процесс поиска.

*7. Что такое хеш-таблица, каков принцип ее построения?*

Хеш-таблица — массив, заполненный в порядке, определенным хеш-функцией, т.е. это структура данных вида «ассоциативный массив», которая ассоциирует ключи со значениями.

Для каждого исходного элемента вычисляется значение хеш-функции, в соответствии с которым элемент записывается в определенную ячейку хеш-таблицы.

*8. Что такое коллизии? Каковы методы их устранения.*

Коллизия — совпадение хеш-адресов для разных ключей.

Устранение коллизий можно производить методом цепочек (также открытое хеширование). Его суть заключается в том, что каждая ячейка хеш-таблицы представляет собой связный список, содержащий все элементы, значение хеш- функции которых совпадает с текущим.

Также можно бороться с коллизиями методом закрытого хеширования. Хеш- таблица в данном случае представляет из себя обычный массив, который заполняется по такому принципу: если ячейка со значением хеш- функции свободна, туда записывается элемент, иначе проверяется другая ячейка. При этом адресация может быть линейной, квадратичной или произвольной.

*9. В каком случае поиск в хеш-таблицах становится неэффективен?*

Хеш-таблицы перестают быть эффективными при большом количестве коллизий.

В таком случае количество сравнений будет значительно расти, независимо от способа их разрашения.

#### *10. Эффективность поиска в AVL деревьях, в дереве двоичного поиска и в хеш-таблицах*

Нетрудно заметить из таблиц выше, что поиск в AVL-дереве намного эффективнее по времени, чем поиск в ДДП. Однако даже AVL проигрывает хеш-таблице в случае малого количества коллизий, так как в идеале количество сравнений в хеше будет равно 1. При большом количестве коллизий хеш-таблица может стать даже хуже ДДП.