Algorytmy rekurencyjne

wszelkie prawa zastrzeżone zakaz kopiowania, publikowania i przechowywania all rights reserved no copying, publishing or storing

Maciej Hojda

Uwaga: Słowa "dany", "zadany", "podany", "wybrany", "ustalony" itd. w kontekście parametrów (zmiennych) oznacza parametr zadany przez użytkownika (a nie na stałe, przez programistę), a implementacja wykorzystująca taki parametr powinna obsługiwać jego różne wartości.

1 Zadanie nr 1

Dla następujących ciągów liczbowych

1.
$$\forall n \in \{1, 2, ...\} : x(n) = 3^n + x(n-1)$$

 $x(0) = 1$

2.
$$\forall n \in \{1, 2, ...\} : x(n) = n + x(n-2)$$

 $x(-1) = x(0) = 0$

3.
$$\forall n \in \{2,3...\}: x(n) = x(n-1) + x(n-2)$$

 $x(1) = 1; x(0) = 0$
 (ciąg Fibonacciego)

wykonaj:

- 1. zaimplementuj (rekurenycjny) algorytm wyliczający wartość ntego elementu ciągu,
- 2. analitycznie wyznacz wzór na wartość ntego elementu ciągu (np. indukcyjnie),
- 3. napisz procedurę weryfikującą poprawność zaimplementowanej rekurencji (wyświetlającą i porównującą wynik numeryczny i analityczny) dla N pierwszych elementów ciągu (N zadane przez użytkownika).

2 Zadanie nr 2

Dla listy liczb zadanej przez użytkownika, zaimplementuj algorytm (algorytmy) rekurencyjne

- 1. znajdujący największy element na liście,
- 2. znajdujący drugi największy element na liście,
- 3. obliczający średnią elementów na liście.

Algorytmy dzielą listę na dwie (w przybliżeniu) połowy i uruchamiają się rekurencyjnie na utworzonych połowach.

Oszacuj złożoność czasowa algorytmów.

3 Zadanie nr 3

Zaimplementuj algorytm sortowania przez scalanie wykonywany na liście liczb zadanej przez użytkownika.

4 Zadanie nr 4

Dany jest graf nieskierowany, nieważony. Niech długość ścieżki będzie liczbą krawędzi na niej.

Zaimplementuj rekurencyjną metodę wyznaczania minimalnej ścieżki między dwoma zadanymi wierzchołkami.

Jeśli wierzchołki nie są bezpośrednimi sąsiadami, metoda wywołuje się rekurencyjnie, na każdym z bezpośrednich sąsiadów pierwszego wierzchołka i na drugim wierzchołku.

Jeśli wierzchołki są bezpośrednimi sąsiadami rekurencja dalej już nie zachodzi.

Oszacuj złożoność czasową algorytmu.

Uwaga: Zadbaj o to, żeby wierzchołków nie odwiedzać wielokrotnie i o to, żeby algorytm nie zapętlał się w nieskończoność (a dokładniej, do przepełnienia stosu).

5 Zadanie nr 5

Wyświetl wykresy czasu działania programów z zadań nr 2 i 3 w zależności od rozmiaru wejścia.

Dane wejściowe generuj losowo.