词的表达

- 1. 给定语料库 $\mathbb{D}=\{\mathcal{D}_1,\mathcal{D}_2,\cdots,\mathcal{D}_N\}$, 其中包含 N 篇文档 。
 - 。 每篇文档 \mathcal{D}_i 包含单词序列 $\left(\operatorname{word}_{I_1^i},\operatorname{word}_{I_2^i},\cdots,\operatorname{word}_{I_{n_i}^i}\right)$,其中 $I_j^i\in\{1,2,\cdots,V\}$ 表示单词的编号:
 - *i* 表示第 *i* 篇文档
 - *j* 表示文档中的第 *j* 个单词
 - n_i 表示第 i 篇文档包含 n_i 个单词
 - $lacksquare v = I^i_i$ 表示第 i 篇文档的第 j 个单词为 word_v
 - 所有的单词来自于词汇表 $\mathbb{V} = \{ \operatorname{word}_1, \operatorname{word}_2, \cdots, \operatorname{word}_V \}$, 其中 V 表示词汇表的大小。

词的表达任务要解决的问题是:如何表示每个单词 word,,。

2. 最简单的表示方式是 one-hot 编码。对于词汇表中第 v 个单词 $word_v$,将其表示为:

$$\operatorname{word}_v o (0,0,\cdots,0,1,0,\cdots,0)^T$$

即第 v 位取值为 1 ,剩余位取值为 0 。

这种表示方式有两个主要缺点:

- 无法表达单词之间的关系。对于任意一对单词 $(\operatorname{word}_i, \operatorname{word}_i)$,其向量距离均为 $\sqrt{2}$ 。
- o 向量维度过高。对于中文词汇表,其大小可能达到数十万,因此 one-hot 向量的维度也在数十万维。这对于存储、计算都消耗过大。
- 3. BOW: Bag of Words: 词在文档中不考虑顺序,这称作词袋模型。

一、向量空间模型 VSM

- 1. 向量空间模型主要用于文档的表达。
- 2. 向量空间模型假设单词和单词之间是相互独立的,每个单词代表一个独立的语义单元。实际上,该假设很难 满足:
 - 文档中的单词和单词之间存在一定关联性,向量空间模型忽略了上下文的作用。
 - o 文档中存在很多的一词多义和多词同义的现象,每个单词并不代表一个独立的语义单元。

1.1 文档-单词 矩阵

1. 给定语料库 D 和词汇表 V, 定义 文档-单词 矩阵为:

	word_1	word_2	word_3		word_V
\mathcal{D}_1	0	0	1	• • •	0
$\mathcal{D}_1 \ \mathcal{D}_2$	1	0	1		0
:	:	÷	:	٠.	÷
\mathcal{D}_N	0	1	1		0

令矩阵为D,则:

。 D(i,j) = 1 表示文档 \mathcal{D}_i 中含有单词 word_j

○ D(i,j) = 0 表示文档 \mathcal{D}_i 中不含单词 word_j

于是文档 \mathcal{D}_i 表示为: $\mathcal{D}_i \to (0,1,0,1,\cdots,0)^T$,其中文档 \mathcal{D}_i 中包含的单词对应的位置取值为1,其它位置取值为 0 。

1.2 权重

- 1. 事实上,文档的上述表达并未考虑单词的顺序,也未考虑单词出现的次数。
 - 一种改进策略是考虑单词出现的次数,从而赋予 文档-单词 矩阵以不同的权重:

$$\mathbf{D} = egin{bmatrix} w_{1,1} & w_{1,2} & w_{1,3} & \cdots & w_{1,V} \ w_{2,1} & w_{2,2} & w_{2,3} & \cdots & w_{2,V} \ dots & dots & dots & dots & dots \ w_{N,1} & w_{N,2} & w_{N,3} & \cdots & w_{N,V} \end{bmatrix}$$

其中 $w_{i,j}$ 表示单词 word, 在文档 \mathcal{D}_i 中的权重。

- 如果单词 word, 在文档 \mathcal{D}_i 中未出现,则权重 $w_{i,j}=0$
- 。 如果单词 word_j 在文档 \mathcal{D}_i 中出现,则权重 $w_{i,j}
 eq 0$
- 2. 权重 $w_{i,j}$ 有两种常用的选取方法:
 - 。 单词权重等于单词出现的频率 TF:

$$w_{i,j} = TF(\mathcal{D}_i, \operatorname{word}_j)$$

函数 $TF(\mathcal{D}_i, \text{word}_i)$ 返回单词 word_i 在文档 \mathcal{D}_i 中出现的频数。

○ 单词权重等于单词的 TF-IDF:

$$w_{i,j} = TF(\mathcal{D}_i, \text{word}_i) \times IDF(\text{word}_i)$$

函数 $IDF(\mathrm{word}_j)$ 是单词的逆文档频率: $IDF(\mathrm{word}_j) = \log \frac{N}{DF(\mathrm{word}_i)}$, 其中:

- N 为语料库的文档数量
- $DF(\text{word}_j)$ 为出现单词 word_j 的文档的数量
- lacktriangleright $\frac{DF(\mathrm{word}_j)}{N}$ 为单词 word_j 出现在一篇文档中的概率
- 3. TF-IDF 不仅考虑了单词的局部特征,也考虑了单词的全局特征。
 - 。 词频 $TF(\mathcal{D}_i, \operatorname{word}_i)$ 描述了单词 word_i 在文档 \mathcal{D}_i 中的局部统计特征
 - 。 逆文档频率 $IDF(\mathrm{word}_i)$ 描述了单词 word_i 在语料库 $\mathbb D$ 中的全局统计特征

1.3 相似度

1. 给定 文档-单词 矩阵,则很容易得到文档的向量表达:

$$\mathcal{D}_i
ightarrow (w_{i,1}, w_{i,2}, \cdots, w_{i,V})^T$$

2. 给定文档 \mathcal{D}_i , \mathcal{D}_i , 文档的相似度为:

$$similar(\mathcal{D}_i, \mathcal{D}_j) = \cos(\vec{\mathbf{w}}_i, \vec{\mathbf{w}}_j) = \frac{\vec{\mathbf{w}}_i \cdot \vec{\mathbf{w}}_j}{||\vec{\mathbf{w}}_i|| \cdot ||\vec{\mathbf{w}}_i||}$$

其中
$$\vec{\mathbf{w}}_i = (w_{i,1}, w_{i,2}, \cdots, w_{i,V})^T$$
, $\vec{\mathbf{w}}_j = (w_{j,1}, w_{j,2}, \cdots, w_{j,V})^T$

1. 潜在语义分析 latent semantic analysis:LSA 的基本假设是:如果两个词多次出现在同一篇文档中,则这两个词具有语义上的相似性。

2.1 原理

1. 给定 文档-单词 矩阵 **D**:

$$\mathbf{D} = egin{bmatrix} w_{1,1} & w_{1,2} & w_{1,3} & \cdots & w_{1,V} \ w_{2,1} & w_{2,2} & w_{2,3} & \cdots & w_{2,V} \ dots & dots & dots & dots \ w_{N,1} & w_{N,2} & w_{N,3} & \cdots & w_{N,V} \end{bmatrix}$$

其中 $w_{i,j}$ 表示单词 word_i 在文档 \mathcal{D}_i 中的权重,可以为:

- o 单词 word_i 在文档 \mathcal{D}_i 中是否出现的 0/1 值。
- 单词 $word_i$ 在文档 \mathcal{D}_i 中出现的频次。
- 单词 word_i 在文档 \mathcal{D}_i 中的 TF-IDF 值。
- 2. 定义 $\vec{\mathbf{v}}_v = (w_{1,v}, w_{2,v}, \cdots, w_{N,v})^T$,它为矩阵 \mathbf{D} 的第 v 列,代表单词 word $_v$ 的 单词-文档向量,描述了该单词和所有文档的关系。
 - 。 向量内积 $\vec{\mathbf{v}}_p \cdot \vec{\mathbf{v}}_q$ 描述了单词 word_p 和单词 word_q 在文档集合中的相似性。
 - \circ 矩阵乘积 $\mathbf{D}^T\mathbf{D} \in \mathbb{R}^{V \times V}$ 包含了所有词向量内积的结果。
- 3. 定义 $\vec{\mathbf{w}}_i=(w_{i,1},w_{i,2},\cdots,w_{i,V})^T$,它为矩阵 \mathbf{D} 的第i 行,代表文档 \mathcal{D}_i 的 文档-单词 向量,描述了该文档和所有单词的关系。
 - 。 向量内积 $\vec{\mathbf{w}}_i \cdot \vec{\mathbf{w}}_i$ 描述了文档 \mathcal{D}_i 和文档 \mathcal{D}_i 在文档集合中的相似性。
 - ullet 矩阵乘积 $\mathbf{DD}^T \in \mathbb{R}^{N imes N}$ 包含了所有文档向量内积的结果。
- 4. 对矩阵 **D** 进行 SVD 分解。假设矩阵 **D** 可以分解为:

$$\mathbf{D} = \mathbf{P} \mathbf{\Sigma} \mathbf{Q}^T$$

其中:

- 。 $\mathbf{P} \in \mathbb{R}^{N \times N}, \mathbf{Q} \in \mathbb{R}^{V \times V}$ 为单位正交矩阵。
- $oldsymbol{\Sigma} \in \mathbb{R}^{N imes V}$ 为广义对角矩阵。

$$oldsymbol{\Sigma} = egin{bmatrix} \sigma_1 & 0 & \cdots & 0 & 0 & \cdots & 0 \ 0 & \sigma_2 & \cdots & 0 & 0 & \cdots & 0 \ dots & dots & \ddots & dots & dots & \ddots & dots \ 0 & 0 & \cdots & \sigma_r & 0 & \cdots & 0 \ 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 & \cdots & 0 \ dots & dots & \ddots & dots & dots & \ddots & dots \ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & \cdots & 0 \ \end{bmatrix}$$

其中 $\sigma_1 > \sigma_2 > \cdots > \sigma_r > 0$ 称作奇异值。

- 5. SVD 分解的物理意义为: 主题。
 - 所有的文档—共有 r 个主题,每个主题的强度分别为: $\sigma_1, \sigma_2, \cdots, \sigma_r$ 。

 \circ 第 i 篇文档 \mathcal{D}_i 由这 r 个主题组成,文档的主题分布(称作 文档-主题向量) 为:

$$\vec{\mathbf{u}}^{(i)} = (P(i,1), P(i,2), \cdots, P(i,r))^T$$

 \circ 第 j 个主题由 V 个单词组成,主题的单词分布(称作 主题-单词向量) 为:

$$ec{\mathbf{r}}^{(j)} = (Q(1,j),Q(2,j),\cdots,Q(V,j))^T$$

 \circ 第 v 个单词也可以由 r 个主题描述,单词的主题分布 (称作 单词-主题向量) 为:

$$ec{\mathbf{z}}^{(v)} = (Q(v,1),Q(v,2),\cdots,Q(v,r))^T$$

• 根据 $\mathbf{D} = \mathbf{P} \mathbf{\Sigma} \mathbf{Q}^T$ 有:

$$\mathbf{D} = \mathbf{P} \begin{bmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 1 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}_{N \times r} \begin{bmatrix} \sigma_1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \sigma_2 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \sigma_r \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sigma_1 & 0 & \cdots & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \sigma_2 & \cdots & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \sigma_r & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}_{r \times V} \mathbf{Q}^T$$

则该分解的物理意义为: 文档-单词 矩阵 = 文档-主题 矩阵 x 主题强度 x 主题-单词 矩阵。

6. 将奇异值从大到小进行排列,选择 top k 的奇异值来近似 D,即:

$$\mathbf{D}_k = \mathbf{P}_k \mathbf{\Sigma}_k \mathbf{Q}_k^T$$

其中:

ullet $\mathbf{P}_k \in \mathbb{R}^{N imes k}$:由 \mathbf{P} 的前 k 列组成。

 $\mathbf{\Sigma}_k \in \mathbb{R}^{k imes k}$: 由从大到小排列的最大的 \mathbf{k} 个奇异值组成的对角矩阵。

 $\mathbf{Q}_k \in \mathbb{R}^{V \times k}$: 由 \mathbf{Q} 的前 k 列组成。

- 7. 选择 top k 的物理意义为: 选择权重最大的前 k 个主题。
 - 。 第 i 篇文档 \mathcal{D}_i 由这 k 个主题组成,文档的主题分布为:

$$ec{\mathbf{u}}^{(i)} = (P(i,1),P(i,2),\cdots,P(i,k))^T$$

 \circ 第 i 个主题由 V 个单词组成,主题的单词分布为:

$$ec{\mathbf{r}}^{(j)} = (Q(1,j),Q(2,j),\cdots,Q(V,j))^T$$

 \circ 第 v 个单词也可以由 k 个主题描述,单词的主题分布为:

$$ec{\mathbf{z}}^{(v)} = (Q(v,1),Q(v,2),\cdots,Q(v,k))^T$$

2.2 应用

- 1. 得到了文档的主题分布、单词的主题分布之后,可以获取文档的相似度和单词的相似度。
 - 文档 \mathcal{D}_i 和文档 \mathcal{D}_i 的相似度:

$$sim(\mathcal{D}_i, \mathcal{D}_j) = rac{ec{\mathbf{u}}^{(i)} \cdot ec{\mathbf{u}}^{(j)}}{||ec{\mathbf{u}}^{(i)}|| imes ||ec{\mathbf{u}}^{(j)}||}$$

• 单词 $word_i$ 和单词 $word_i$ 的相似度:

$$sim(\mathrm{word}_i, \mathrm{word}_j) = rac{ec{\mathbf{z}}^{(i)} \cdot ec{\mathbf{z}}^{(j)}}{||ec{\mathbf{z}}^{(i)}|| imes ||ec{\mathbf{z}}^{(j)}||}$$

2. 虽然获得了文档的单词分布, 但是并不能获得主题的相似度。

因为 Q 是正交矩阵, 因此有:

$$(Q(1,i),Q(2,i),\cdots,Q(V,i))^T \cdot (Q(1,j),Q(2,j),\cdots,Q(V,j))^T = 0, \quad i \neq j$$

则有:

$$egin{aligned} sim(ext{theme}_i, ext{theme}_j) &= rac{ec{\mathbf{r}}^{(i)} \cdot ec{\mathbf{r}}^{(j)}}{||ec{\mathbf{r}}^{(i)}|| imes ||ec{\mathbf{r}}^{(j)}||} \ &= rac{(Q(1,i), Q(2,i), \cdots, Q(V,i))^T \cdot (Q(1,j), Q(2,j), \cdots, Q(V,j))^T}{||ec{\mathbf{r}}^{(i)}|| imes ||ec{\mathbf{r}}^{(j)}||} &= 0, \quad i
eq j \end{aligned}$$

因此, 任意两个主题之间的相似度为 0。

3. 因为 文档-主题向量 由 P 决定, 而

$$\mathbf{D} = \mathbf{P} \mathbf{\Sigma} \mathbf{Q}^T \to \mathbf{P} = \mathbf{D} \mathbf{Q} \mathbf{\Sigma}^{-1} \to \mathbf{P}^T = \mathbf{\Sigma}^{-1} \mathbf{Q}^T \mathbf{D}^T$$

而 文档-主题向量 为 ${\bf P}$ 的行向量,也就是 ${\bf P}^T$ 的列向量。 文档-单词向量 为 ${\bf D}$ 的行向量,也就是 ${\bf D}^T$ 的列向量。

因此,对于一篇新的文档 \mathcal{D}_s ,假设其 文档-单词向量 为 $\vec{\mathbf{w}}_s$,则其 文档-主题向量 为:

$$ec{\mathbf{u}}^{(s)} = oldsymbol{\Sigma}_k^{-1} \mathbf{Q}_k^T ec{\mathbf{w}}_s$$

4. 因为 单词-主题向量 由 Q 决定, 而:

$$\mathbf{D} = \mathbf{P} \mathbf{\Sigma} \mathbf{Q}^T o \mathbf{Q}^T = \mathbf{\Sigma}^{-1} \mathbf{P}^T \mathbf{D}$$

而 单词-主题向量 为 $\mathbf Q$ 的行向量,也就是 $\mathbf Q^T$ 的列向量。 单词-文档向量 为 $\mathbf D$ 的列向量。

因此,对于一个新的单词,假设其 单词-文档向量 为 $\vec{\mathbf{v}}_s$, 则 单词-主题向量 为:

$$ec{\mathbf{z}}^{(s)} = \mathbf{\Sigma}_k^{-1} \mathbf{P}_k^T ec{\mathbf{v}}_s$$

- 5. LSA 可以应用在以下几个方面:
 - o 通过对文档的 文档-主题向量 进行比较,从而进行基于主题的文档聚类或者分类。
 - o 通过对单词的 单词-主题向量 进行比较,从而用于同义词、多义词进行检测。
 - o 通过将 query 映射到主题空间,进而进行信息检索。

2.3 性质

- 1. LSA 的本质是将矩阵 **D** 通过 SVD 进行降维。降维主要是由于以下原因:
 - \circ 原始的 文档-单词 矩阵 \mathbf{D} 太大,计算机无法处理。通过降维,得到原始矩阵的一个近似。
 - 原始的 文档-单词 矩阵 D 含有噪音。通过降维,去掉原始矩阵的噪音。

- 原始的 文档-单词 矩阵 D 过于稀疏。通过降维,得到一个稠密的矩阵。
- 2. LSA 的降维可以解决一部分同义词的问题, 也可以解决一部分二义性的问题。
 - 。 经过降维, 意义相同的同义词的维度会因降维被合并。
 - 。 经过降维,拥有多个意义的词,其不同的含义会叠加到对应的同义词所在的维度上。
- 3. LSA 的缺点包括:
 - · 产生的主题维度可能存在某些主题可解释性差。即: 它们并不代表一个自然语言上的主题。
 - o 由于 Bag of words: BOW 模型的局限性,它无法捕捉单词的前后顺序关系。
 - 一个解决方案是: 采用二元词组或者多元词组。
 - LSA 假设单词和文档形成联合高斯分布。实际观察发现,它们是一个联合泊松分布。 这种情况下,用 pLSA 模型效果会更好。

三、Word2Vec

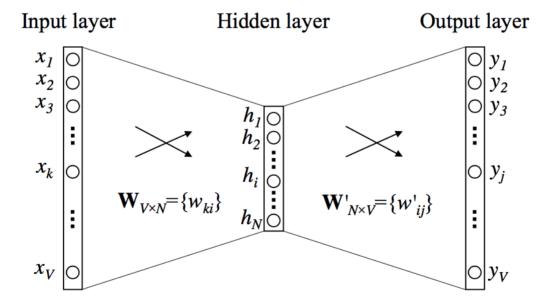
3.1 CBOW 模型

1. CBOW 模型 (continuous bag-of-word): 根据上下文来预测下一个单词。

3.1.1 一个单词上下文

a) 网络结构

- 1. 在一个单词上下文的 CBOW 模型中:
 - 输入是前一个单词,输出是后一个单词。
 - 。 输入为输出的上下文, 由于只有一个单词作为输入, 因此称作一个单词的上下文。
- 2. 一个单词上下文的 CBOW 模型如下:



其中:

 $oldsymbol{\circ}$ N 为隐层的大小,即隐向量 $ec{\mathbf{h}} \in \mathbb{R}^N$ 。

- o 网络输入 $\vec{\mathbf{x}}=(x_1,x_2,\cdots,x_V)^T\in\mathbb{R}^V$,它是输入单词(即上下文单词)的 one-hote 编码,其中只有一位为 1,其他位都为 0。
- \circ 网络输出 $\vec{\mathbf{y}} = (y_1, y_2, \cdots, y_V)^T \in \mathbb{R}^V$,它是输出单词为词汇表各单词的概率。
- 。 相邻层之间为全连接:
 - lacktriangle 输入层和隐层之间的权重矩阵为 f W,其尺寸为 V imes N 。
 - 隐层和输出层之间的权重矩阵为 \mathbf{W}' ,其尺寸为 $N \times V$ 。
- 3. 假设没有激活函数,没有偏置项。给定输入 $\vec{\mathbf{x}}\in\mathbb{R}^V$,则其对应的隐向量 $\vec{\mathbf{h}}\in\mathbb{R}^N$ 为: $\vec{\mathbf{h}}=\mathbf{W}^T\vec{\mathbf{x}}$ 。 \Rightarrow :

$$\mathbf{W} = egin{bmatrix} ec{\mathbf{w}}_1^T \ ec{\mathbf{w}}_2^T \ dots \ ec{\mathbf{w}}_V^T \end{bmatrix}$$

由于 $\vec{\mathbf{x}}$ 是个 one-hot 编码,假设它为词表 \mathbb{V} 中第 k 个单词 word_k ,即:

$$x_1 = 0, x_2 = 0, \dots, x_{k-1} = 0, x_k = 1, x_{k+1} = 0, \dots, x_V = 0$$

则有: $\vec{\mathbf{h}} = \vec{\mathbf{w}}_k$ 。

即: **W** 的第 k 行 $\vec{\mathbf{w}}_k$ 就是词表 \mathbb{V} 中第 k 个单词 word_k 的表达,称作单词 word_k 的输入向量。

4. 给定隐向量 $\vec{\mathbf{h}}$,其对应的输出向量 $\vec{\mathbf{u}} \in \mathbb{R}^V$ 为: $\vec{\mathbf{u}} = \mathbf{W}'^T \vec{\mathbf{h}}$

令:

$$\mathbf{W}' = [\vec{\mathbf{w}}_1', \vec{\mathbf{w}}_2', \cdots, \vec{\mathbf{w}}_V']$$

则有: $u_j = \vec{\mathbf{w}}_j' \cdot \vec{\mathbf{h}}$,表示词表 \mathbb{V} 中,第 j 个单词 word_j 的得分。

 $ec{\mathbf{w}}_j'$ 为矩阵 \mathbf{W}' 的第j列,称作单词 word_j 的输出向量。

5. d 之后接入一层 softmax 层,则有:

$$y_j = p(\operatorname{word}_j \mid ec{\mathbf{x}}) = rac{\exp(u_j)}{\sum_{j'=1}^V \exp(u_{j'})}, \quad j = 1, 2, \cdots, V$$

即 y_j 表示词汇表 \mathbb{V} 中第 j 个单词 word_j 为真实输出单词的概率。

6. 假设给定一个单词 word_I (它称作上下文),观测到它的下一个单词为 word_O 。 假设 word_O 对应的网络输出编号为 j^* ,则网络的优化目标是:

$$egin{aligned} \max_{\mathbf{w}, \mathbf{w}'} p(\operatorname{word}_O \mid \operatorname{word}_I) &= \max_{\mathbf{w}, \mathbf{w}'} y_{j^*} &= \max_{\mathbf{w}, \mathbf{w}'} \log rac{\exp(\mathbf{ec{w}}_{j^*}' \cdot \mathbf{ec{w}}_I)}{\sum_{i=1}^V \exp(\mathbf{ec{w}}_i' \cdot \mathbf{ec{w}}_I)} \end{aligned} \ &= \max_{\mathbf{w}, \mathbf{w}'} \left[ec{\mathbf{w}}_{j^*}' \cdot \mathbf{ec{w}}_I - \log \sum_{i=1}^V \exp(\mathbf{ec{w}}_i' \cdot \mathbf{ec{w}}_I)
ight] \end{aligned}$$

其中 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 为输入单词 word_I 的输入向量。

7. 考虑到 $u_i = \vec{\mathbf{w}}_i' \cdot \vec{\mathbf{w}}_I$, 定义:

$$egin{aligned} E = -\log p(\operatorname{word}_O \mid \operatorname{word}_I) = -\left[ec{\mathbf{w}}_{j^*}' \cdot ec{\mathbf{w}}_I - \log \sum_{i=1}^V \exp(ec{\mathbf{w}}_i' \cdot ec{\mathbf{w}}_I)
ight] \ = -\left[u_{j^*} - \log \sum_{i=1}^V \exp(u_i)
ight] \end{aligned}$$

则优化目标为: $\min E$ 。

b) 参数更新

1. 定义 $t_j=\mathbb{I}(j=j^*)$,即第 j 个输出单元对应于真实的输出单词 word_O 时,它为1;否则为0。 定义:

$$e_j = rac{\partial E}{\partial u_j} = y_j - t_j$$

它刻画了每个输出单元的预测误差:

 \circ 当 $j=j^*$ 时: $e_j=y_j-1$,它刻画了输出概率 (y_j) 与真实概率 1 之间的差距。

。 当 $j \neq j^*$ 时: $e_j = y_j$,它刻画了输出概率 (y_j) 与真实概率 0 之间的差距。

2. 根据:

$$u_j = ec{\mathbf{w}}_j' \cdot ec{\mathbf{h}} \quad o \quad rac{\partial u_j}{\partial ec{\mathbf{w}}_j'} = ec{\mathbf{h}}$$

则有:

$$rac{\partial E}{\partial {f ec w}_j'} = rac{\partial E}{\partial u_j} imes rac{\partial u_j}{\partial {f ec w}_j'} = e_j {f f h}$$

则 $\vec{\mathbf{w}}_{i}^{\prime}$ 更新规则为:

$$ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(new)} = ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(old)} - \eta e_{j} ec{\mathbf{h}}$$

其物理意义为:

- 。 当估计过量 $(e_j>0 o y_j>t_j)$ 时, $\vec{\mathbf{w}}_j'$ 会减去一定比例的 $\vec{\mathbf{h}}$ 。 这发生在第 j 个输出单元不对应于真实的输出单词时。
- 。 当估计不足 $(e_j < 0 o y_j < t_j)$ 时, $\vec{\mathbf{w}}_j'$ 会加上一定比例的 $\vec{\mathbf{h}}$ 。 这发生在第 j 个输出单元刚好对应于真实的输出单词时。
- ullet 当 $y_j \simeq t_j$ 时,更新的幅度将非常微小。
- 3. 定义:

$$\overrightarrow{\mathbf{EH}} = rac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \left(rac{\partial \overrightarrow{\mathbf{u}}}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}}
ight)^T rac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{u}}}$$

根据:

$$ec{\mathbf{u}} = \mathbf{W}'^T \vec{\mathbf{h}} \quad o \quad \left(rac{\partial ec{\mathbf{u}}}{\partial ec{\mathbf{h}}}
ight)^T = \mathbf{W}'$$

则有:

$$\overrightarrow{\mathbf{E}}\overrightarrow{\mathbf{H}} = \mathbf{W}'\overrightarrow{\mathbf{e}} = \sum_{j=1}^V e_j \overrightarrow{\mathbf{w}}_j'$$

 $\overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 的物理意义为:词汇表 $\mathbb V$ 中所有单词的输出向量的加权和,其权重为 e_j 。

4. 考虑到 $\vec{\mathbf{h}} = \mathbf{W}^T \vec{\mathbf{x}}$, 则有:

$$rac{\partial E}{\partial w_{k,i}} = rac{\partial E}{\partial h_i} imes rac{\partial h_i}{\partial w_{k,i}} = EH_i imes x_k$$

写成矩阵的形式为: $\frac{\partial E}{\partial \mathbf{W}} = \vec{\mathbf{x}} \otimes \overrightarrow{\mathbf{EH}}$, 其中 \otimes 为克罗内克积。

由于 \vec{x} 是 one-hote 编码,所以它只有一个分量非零,因此 $\frac{\partial E}{\partial \mathbf{W}}$ 只有一行非零,且该非零行就等于 $\overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 。因此得到更新方程:

$$ec{\mathbf{w}}_{I}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I}^{(old)} - \eta \overrightarrow{\mathbf{E}} \overrightarrow{\mathbf{H}}$$

其中 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 为 $\vec{\mathbf{x}}$ 非零分量对应的 \mathbf{W} 中的行,而 \mathbf{W} 的其它行在本次更新中都保持不变。

5. 考虑更新行的第 k 列,则:

$$w_{I,k}^{(new)} = w_{I,k}^{(old)} - \eta \sum_{j=1}^{V} e_j w_{j,k}'$$

- ullet 当 $y_j \simeq t_j$ 时,更新的幅度将非常微小。
- \circ 当 y_i 与 t_i 差距越大,则更新的幅度越大。
- 6. 当给定许多训练样本(每个样本由两个单词组成),上述更新不断进行,更新的效果在不断积累。
 - 根据单词的共现结果,输出向量与输入向量相互作用并达到平衡。
 - lacksquare 输出向量 $ec{\mathbf{w}}'$ 的更新依赖于输入向量 $ec{\mathbf{w}}_I: \ ec{\mathbf{w}}_j'^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_j'^{(old)} \eta e_j ec{\mathbf{h}}$ 。 这里隐向量 $ec{\mathbf{h}}$ 等于输入向量 $ec{\mathbf{w}}_I$ 。
 - 输入向量 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 的更新依赖于输出向量 $\vec{\mathbf{w}}'$: $\vec{\mathbf{w}}_I^{(new)} = \vec{\mathbf{w}}_I^{(old)} \eta \overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 。 $\mathbf{\mathbf{EH}} = \sum_{i=1}^V e_j \vec{\mathbf{w}}_i' \ \, \text{为词汇表} \ \, \mathbb{V} \ \, \text{中所有单词的输出向量的加权和,其权重为} \, e_j \ \, .$
 - 平衡的速度与效果取决于单词的共现分布,以及学习率。

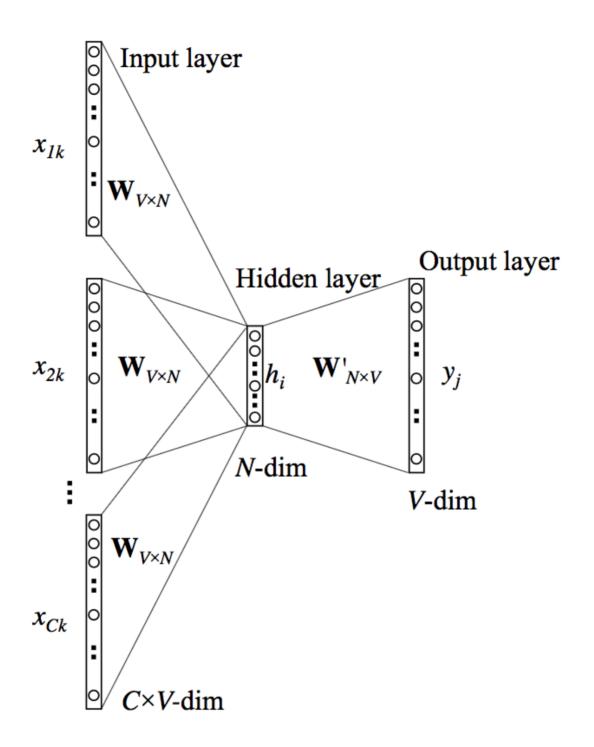
3.1.2 多个单词上下文

- 1. 考虑输入为多个单词(这些单词作为输出的上下文),输入为C个单词: $\vec{\mathbf{x}}_1, \vec{\mathbf{x}}_2, \cdots, \vec{\mathbf{x}}_C$ 。
 - 对于每个输入单词,其权重矩阵都相同,为W,这称作权重共享。这里的权重共享隐含着:每个单词的表达是固定的、唯一的,与它的上下文无关。
 - 。 隐向量为所有输入单词映射结果的均值:

$$ec{\mathbf{h}} = rac{1}{C}\mathbf{W}^T(ec{\mathbf{x}}_1 + ec{\mathbf{x}}_2 + \cdots + ec{\mathbf{x}}_C) = rac{1}{C}(ec{\mathbf{w}}_{I_1} + ec{\mathbf{w}}_{I_2} + \cdots + ec{\mathbf{w}}_{I_C})$$

其中:

- I_i 表示第 i 个输入单词在词汇表 \mathbb{V} 中的编号。
- $\vec{\mathbf{w}}_i$ 为矩阵 \mathbf{W} 的第 j 行,它是对应输入单词的输入向量。



2. 假设给定一个单词序列 ${
m word}_{I_1}, {
m word}_{I_2}, \cdots, {
m word}_{I_C}$ (它称作上下文),观测到它的下一个单词为 ${
m word}_O$ 对应的网络输出编号为 j^* 。

定义损失函数为:

$$egin{aligned} E &= -\log p(\operatorname{word}_O \mid \operatorname{word}_{I_1}, \operatorname{word}_{I_2}, \cdots, \operatorname{word}_{I_C}) \ &= -u_{j^*} + \log \sum_{i=1}^V \exp(u_i) \ &= - ec{\mathbf{w}}_{j^*}' \cdot ec{\mathbf{h}} + \log \sum_{i=1}^V \exp(ec{\mathbf{w}}_i' \cdot ec{\mathbf{h}}) \end{aligned}$$

它的形式与-个单词上下文中推导的完全相同,除了这里的 \vec{h} 不同。

- 3. 与一个单词上下文中推导的结果相同,这里给出参数更新规则:
 - 更新 W':

$$ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(new)} = ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(old)} - \eta e_{j} ec{\mathbf{h}}, \quad j=1,2,\cdots,V$$

○ 更新 W:

$$ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(old)} - rac{1}{C} \eta \overrightarrow{\mathbf{EH}}, \quad i = 1, 2, \cdots, C$$

其中:

- $lackbox{f EH}={f W}'ar{f e}=\sum_{j=1}^Ve_jar{f w}_j'$,它是词汇表 $\Bbb V$ 中所有单词的输出向量的加权和,其权重为 e_j 。
- I_i 为第 i 个输入单词在词表 \mathbb{V} 中的编号。
- 4. 在更新 ${f W}$ 时,如果有相同的输入单词(如: ${f \vec x}_1={f \vec x}_2 o {
 m word}_{100}$),则在参数更新时认为它们是不同的。 最终的效果就是在 ${f \vec w}_{I_i}$ 中多次减去同一个增量 $\frac{1}{C}\eta \overrightarrow{{f EH}}$ 。

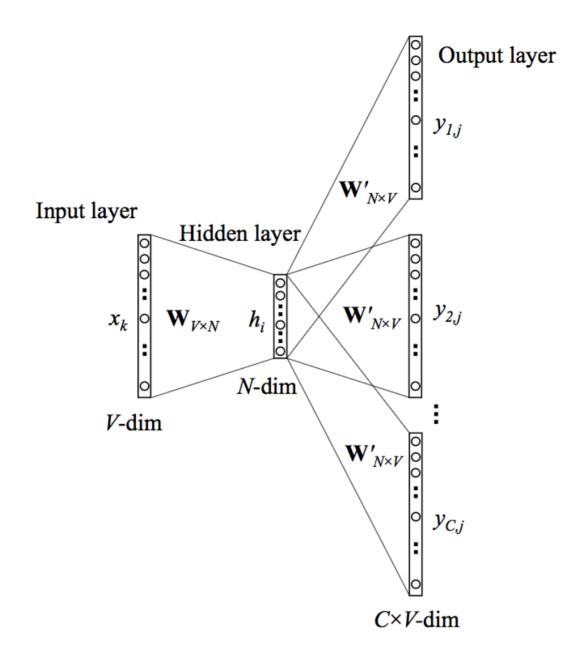
你也可以直接减去 $\frac{n_i}{C}\eta \overrightarrow{\mathbf{EH}}$,其中 n_i 为词汇表中单词 $\operatorname{word}_{I_i}$ 在输入中出现的次数。

3.2 Skip-Gram

- 1. CBOW 模型是根据前几个单词(即:上下文)来预测下一个单词,而 Skip-Gram 模型是根据一个单词来预测 其前几个单词(即:上下文)。
- 2. 在 CBOW 模型中:
 - \circ 同一个单词的表达(即输入向量 $\vec{\mathbf{w}}_I$)是相同的,因为参数 \mathbf{W} 是共享的。
 - 。 同一个单词的输出向量 $\vec{\mathbf{w}}_O'$ 是不同的,因为输出向量随着上下文不同而不同。
- 3. 在 Skip-Gram 模型中:
 - \circ 同一个单词的表达(即输出向量 $\vec{\mathbf{w}}_O'$)是相同的,因为参数 \mathbf{W}' 是共享的。
 - \circ 同一个单词的输入向量 $\vec{\mathbf{w}}_{7}$ 是不同的,因为输入向量随着上下文不同而不同。

3.2.1 网络结构

- 1. Skip-Gram 网络模型如下。其中:
 - o 网络输入 $\vec{\mathbf{x}}=(x_1,x_2,\cdots,x_V)^T\in\mathbb{R}^V$,它是输入单词的 one-hote 编码,其中只有一位为 1,其他位都为 0 。
 - 。 网络输出 $\vec{\mathbf{y}}_1, \vec{\mathbf{y}}_2, \cdots, \vec{\mathbf{y}}_C$,其中 $\vec{\mathbf{y}}_c=(y_1^c, y_2^c, \cdots, y_V^c)^T\in\mathbb{R}^V$ 是第 c 个输出单词为词汇表各单词的概率。
 - 。 对于网络的每个输出 $\dot{\mathbf{y}}_c$,其权重矩阵都相同,为 \mathbf{W}' 。这称作权重共享。 这里的权重共享隐含着:每个单词的输出向量是固定的、唯一的,与其他单词的输出无关。



2. Skip-Gram 网络模型中,设网络第 c 个输出的第 j 个分量为 $u_j^c = \vec{\mathbf{w}}_j' \cdot \vec{\mathbf{h}}$,则有:

$$y_j^c = p(\operatorname{word}_j^c \mid ec{\mathbf{x}}) = rac{\exp(u_j^c)}{\sum_{k=1}^V \exp(u_k^c)}; \quad c = 1, 2, \cdots, C; \quad j = 1, 2, \cdots, V$$

 y_j^c 表示第 c 个输出中,词汇表 $\mathbb V$ 中第 j 个单词 word_j 为真实输出单词的概率。

- 3. 因为 \mathbf{W}' 在多个单元之间共享,所以对于网络每个输出,其得分分布 $\vec{\mathbf{u}}_c=(u_1^c,u_2^c,\cdots,u_V^c)^T$ 是相同的。但是这并不意味着网络的每个输出都是同一个单词。
 - 。 并不是网络每个输出中,得分最高的单词为预测单词。因为每个输出中,概率分布都相同,即: $\vec{\mathbf{y}}_1=\vec{\mathbf{y}}_2=\cdots=\vec{\mathbf{y}}_C$ 。
 - o Skip-Gram 网络的目标是:网络的多个输出之间的联合概率最大。
- 4. 假设输入为单词 word_{I} ,输出单词序列为 $\operatorname{word}_{O_1}, \operatorname{word}_{O_2}, \cdots, \operatorname{word}_{O_C}$ 。 定义损失函数为:

$$E = -\log p(\operatorname{word}_{O_1}, \operatorname{word}_{O_2}, \cdots, \operatorname{word}_{O_C} \mid \operatorname{word}_I) = -\log \prod_{c=1}^C rac{\exp(u_{j_c^*}^c)}{\sum_{k=1}^V \exp(u_k^c)}$$

其中 $j_1^*, j_2^*, \cdots, j_C^*$ 为输出单词序列对应于词典 $\mathbb V$ 中的下标序列。

由于网络每个输出的得分分布都相同,令 $u_k=u_k^c=\vec{\mathbf{w}}_k'\cdot\vec{\mathbf{h}}$,则上式化简为:

$$E = -\sum_{c=1}^{C} u^c_{j^*_c} + C \log \sum_{k=1}^{V} \exp(u_k)$$

3.1.2 参数更新

1. 定义 $t_j^c=\mathbb{I}(j_c=j_c^*)$,即网络第 c 个输出的第 j 个分量对应于第 c 个真实的输出单词 word j_c^* 时,它为 1; 否则为0。

定义:

$$e^c_j = rac{\partial E}{\partial u^c_j} = y^c_j - t^c_j$$

它刻画了网络第c个输出的第j个分量的误差:

。 当 $j_c=j_c^*$ 时: $e_i^c=y_i^c-1$,它刻画了输出概率 y_i^c 与真实概率 1 之间的差距

。 当 $j_c
eq j_c^*$ 时: $e_j^c = y_j^c$,它刻画了输出概率 y_j^c 与真实概率 0 之间的差距

2. 根据:

$$u_j = \mathbf{ec w}_j' \cdot \mathbf{ec h} \quad o \quad rac{\partial u_j}{\partial \mathbf{ec w}_j'} = \mathbf{ec h}$$

则有:

$$\frac{\partial E}{\partial \vec{\mathbf{w}}_j'} = \sum_{c=1}^C \frac{\partial E}{\partial u_j^c} \times \frac{\partial u_j^c}{\partial \vec{\mathbf{w}}_j'} = \sum_{c=1}^C e_j^c \vec{\mathbf{h}}$$

定义 $EI_j = \sum_{c=1}^C e_j^c$,它为网络每个输出的第 j 个分量的误差之和。于是有:

$$rac{\partial E}{\partial \mathbf{ec{w}}_{i}'} = EI_{j} imes \mathbf{ec{h}}$$

则有更新方程:

$$ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(new)} = ec{\mathbf{w}}_{j}^{\prime(old)} - \eta imes EI_{j} imes ec{\mathbf{h}}, \qquad j = 1, 2, \cdots, V$$

3. 定义:

$$\overrightarrow{\mathbf{EH}} = \frac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{c=1}^{C} \left(\frac{\partial \overrightarrow{\mathbf{u}}^{c}}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} \right)^{T} \frac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{u}}^{c}}$$

根据:

$$ec{\mathbf{u}}^c = \mathbf{W}'^T ec{\mathbf{h}} \quad o \quad \left(rac{\partial ec{\mathbf{u}}^c}{\partial ec{\mathbf{h}}}
ight)^T = \mathbf{W}'$$

则有:

$$\overrightarrow{\mathbf{EH}} = \sum_{c=1}^{C} \mathbf{W}' \vec{\mathbf{e}}^c = \sum_{i=1}^{V} E I_j \vec{\mathbf{w}}_j'$$

 $\overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 的物理意义为:词汇表 $\mathbb V$ 中所有单词的输出向量的加权和,其权重为 EI_j 。

4. 考虑到 $\vec{\mathbf{h}} = \mathbf{W}^T \vec{\mathbf{x}}$, 则有:

$$rac{\partial E}{\partial w_{k.i}} = rac{\partial E}{\partial h_i} imes rac{\partial h_i}{\partial w_{k.i}} = EH_i imes x_k$$

写成矩阵的形式为: $\frac{\partial E}{\partial \mathbf{W}} = \vec{\mathbf{x}} \otimes \overrightarrow{\mathbf{EH}}$, 其中 \otimes 为克罗内克积。

由于 \vec{x} 是 one-hote 编码,所以它只有一个分量非零,因此 $\frac{\partial E}{\partial \mathbf{W}}$ 只有一行非零,且该非零行就等于 $\overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 。因此得到更新方程:

$$ec{\mathbf{w}}_{I}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I}^{(old)} - \eta \overrightarrow{\mathbf{E}} \mathbf{H}$$

其中 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 为 $\vec{\mathbf{x}}$ 非零分量对应的 \mathbf{W} 中的行,而 \mathbf{W} 的其它行在本次更新中都保持不变。

3.3 优化

- 1. 原始的 CBOW 模型和 Skip-Gram 模型的计算量太大,非常难以计算。
 - 。 模型在计算网络输出的时候,需要计算误差。
 - 需要计算 V 个误差(词汇表的大小),或者 $C \times V$ 个误差(Skip-Gram 模型)。
 - 误差的计算需要用到 softmax 函数。
 - 。 每次迭代都需要计算网络输出。

如果词汇表有 100万 单词,模型迭代 10000 次,则计算量超过 100 亿次。

- 2. 虽然输入向量的维度也很高,但是由于输入向量只有一位为 1,其它位均为 0,因此输入的总体计算复杂度较小。
- 3. word2vec 优化的主要思想是:限制输出单元的数量。

事实上在上百万的输出单元中,仅有少量的输出单元对于参数更新比较重要,大部分的输出单元对于参数更新没有贡献。

- 4. 有两种优化策略:
 - o 通过分层 softmax 来高效计算 softmax 函数。
 - 。 通过负采样来缩减输出单元的数量。

3.3.1 分层 softmax

1. 分层 softmax 是一种高效计算 softmax 函数的算法。

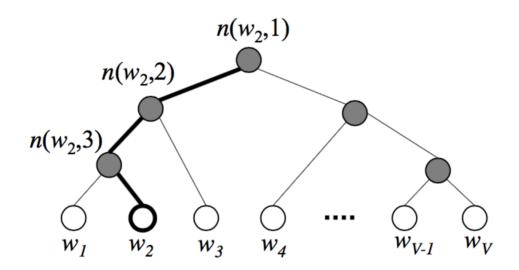
2. 经过分层 softmax 之后: 计算 softmax 函数的算法复杂度从 O(V) 降低到 $O(\log V)$ 。 但是仍然要计算 V-1 个内部节点的向量表达 。

a) 网络结构

- 1. 在分层 softmax 中,字典 \forall 中的 V 个单词被组织成二叉树。
 - 。 叶子结点值为某个具体单词的概率 (如下图中的百色结点)
 - 中间节点值也代表一个概率 (如下图中的灰色结点)
 - 它的值等于: 直系子节点的值之和。
 - 它的值也等于:后继的叶子结点值之和。
 - 它的值也等于: 从根节点到当前节点的路径的权重的乘积。

之所以有这些性质,是由于结点值、权重都是概率,满足和为1的性质

○ 根据定义,根节点的值等于所有叶子结点的值之和,即为1.0。



2. 二叉树的每条边代表分裂:

- 向左的边:表示选择左子节点,边的权重为选择左子节点的概率
- 向右的边:表示选择右子节点,边的权重为选择右子节点的概率
- 3. 对于任意一个中间节点 t, 假设其向量表达为 $\vec{\mathbf{v}}_t'$,它是待求的参数。
 - 。 选择左子节点的概率为:

$$p(t, left) = \sigma \left(ec{\mathbf{v}}_t' \cdot ec{\mathbf{h}}
ight)$$

。 选择右子节点的概率为:

$$p(t, right) = 1 - \sigma \left(\vec{\mathbf{v}}_t' \cdot \vec{\mathbf{h}} \right) = \sigma \left(-\vec{\mathbf{v}}_t' \cdot \vec{\mathbf{h}} \right)$$

- 如果求得所有中间节点的向量表达,则根据每个中间节点的分裂概率,可以很容易的求得每个叶节点的值。
- 4. 在分层 softmax 中,算法并不直接求解输出向量 $\{\vec{\mathbf{w}}_1',\vec{\mathbf{w}}_2',\cdots,\vec{\mathbf{w}}_V'\}$,而是求解二叉树的 V-1 个中间节点的向量表达。
- 5. 当需要计算某个单词的概率时,只需要记录从根节点到该单词叶子结点的路径。给定单词w:

- \circ 定义 n(w,j) 为从根节点到单词 w 的路径的第 j 个节点 (从 1 计数)。
- \circ 定义 L(w) 为从根节点到单词 w 的路径的长度。
- \circ 定义 ch(t) 表示节点 t 的左子节点。

输出为单词 w 的概率为:

$$p(w) = \prod_{j=1}^{L(w)-1} \sigma\left(g(n(w,j+1) = ch(n(w,j))) imes ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}' \cdot ec{\mathbf{h}}
ight)$$

其中:

- $\circ n(w,j+1) = ch(n(w,j))$ 表示: 从根节点到单词 w 的路径上,第 j+1 个节点是第 j 个节点的左子节点。
- \circ q(x) 是一个函数。当 x 是个事实时,其值为 1; 当 x 不成立时,其值为 -1。

$$g(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x \text{ is true} \\ -1, & \text{if } x \text{ is false} \end{cases}$$

- 。 g(n(w, j+1) = ch(n(w, j))) 表示: 从根节点到单词 w 的路径上:
 - 当第i+1个节点是第j个节点的左子节点时,函数值为1
 - 当第 j+1 个节点是第 j 个节点的右子节点时,函数值为 -1
- \circ $\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}$ 表示: 从根节点到单词 w 的路径上,第 j 个节点的向量表达
- 。 对于从根节点到单词 w 的路径上,从第 j 个节点到第 j+1 个节点的概率为:

$$p(j,j+1) = \left\{ egin{aligned} \sigma\left(\mathbf{ec{v}}_{n(w,j)}' \cdot \mathbf{ec{h}}
ight), & ext{if } j+1 ext{ is left child of } j \ \sigma\left(-\mathbf{ec{v}}_{n(w,j)}' \cdot \mathbf{ec{h}}
ight), & ext{if } j+1 ext{ is right child of } j \end{aligned}
ight.$$

因此 p(w) 刻画了: 从根节点到单词 w 的路径上, 每条边的权重 (也就是分裂概率) 的乘积。

6. 对于所有的叶子节点,有:

$$\sum_{i=1}^V p(w_i) = 1$$

利用数学归纳法,可以证明:左子节点的值+右子节点的值=父节点的值。上式最终证明等于根节点的值,也就是 1.0

b) 内部节点更新

1. 为了便于讨论,这里使用 CBOW 的 一个单词上下文 模型。

CBOW 的 多单词上下文 、 Skip-Gram 模型也类似推导

2. 记 g(n(w, j + 1) = ch(n(w, j))) 为 $g_{n(w, j)}$.

定义损失函数对数似然:

$$E = -\log p(w \mid ec{\mathbf{x}}) = -\sum_{j=1}^{L(w)-1} \log \sigma(g_{n(w,j)} ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}' \cdot ec{\mathbf{h}})$$

则有:

$$\frac{\partial E}{\partial (\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \vec{\mathbf{h}})} = \left(\sigma(g_{n(w,j)} \vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \vec{\mathbf{h}}) - 1 \right) g_{n(w,j)} = \begin{cases} \sigma(\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \vec{\mathbf{h}}) - 1 & \text{if } g_{n(w,j)} = 1 \\ \sigma(\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \vec{\mathbf{h}}) & \text{if } g_{n(w,j)} = -1 \end{cases}$$

$$= \sigma(\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \vec{\mathbf{h}}) - t_{n(w,j)}$$

其中:

$$t_{n(w,j)} = \left\{ \begin{array}{ll} 1, & \text{if node } j+1 \text{ at path , root} \to w \text{ , is left child of node } j \\ 0, & \text{if node } j+1 \text{ at path , root} \to w \text{ , is left child of node } j \end{array} \right.$$

3. 定义:

$$e_{n(w,j)} = rac{\partial E}{\partial (ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}' \cdot ec{\mathbf{h}})} = \sigma (ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}' \cdot ec{\mathbf{h}}) - t_{n(w,j)}$$

- \circ $\sigma(\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,i)} \cdot \vec{\mathbf{h}})$ 为预测选择 j 的左子节点的概率。
- \circ $e_{n(w,j)}$ 的物理意义为: 从根节点到单词 w 的路径上,第 j 个节点的选择误差:
 - 如果下一个节点选择第j个节点的左子节点,则 $t_{n(w,j)}=1$ 。 此时 $e_{n(w,j)}$ 表示预测的不足
 - 如果下一个节点选择第 j 个节点的右子节点,则 $t_{n(w,j)}=0$ 。 此时 $e_{n(w,j)}$ 表示预测的过量
- 4. 考虑内部节点 n(w,j),其向量表达为 $\vec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}'$ 。则有:

$$rac{\partial E}{\partial {f ec{v}}_{n(w,j)}'} = rac{\partial E}{\partial ({f ec{v}}_{n(w,j)}' \cdot {f ec{h}})} imes rac{\partial ({f ec{v}}_{n(w,j)}' \cdot {f ec{h}})}{\partial {f ec{v}}_{n(w,j)}'} = e_{n(w,j)} imes {f f h}$$

得到向量表达为 $\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}$ 的更新方程:

$$ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}^{\prime(new)} = ec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}^{\prime(old)} - \eta imes e_{n(w,j)} imes ec{\mathbf{h}}; \quad j=1,2,\cdots,L(w)-1$$

- \circ 对于每个单词 w ,由于它是叶节点,因此可以更新 L(w)-1 个内部节点的向量表达。
- 。 当模型的预测概率较准确,即 $\sigma(\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}\cdot\vec{\mathbf{h}})\simeq t_{n(w,j)}$ 时,则 $e_{n(w,j)}$ 接近0。此时梯度非常小, $\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}$ 的更新幅度也会非常小。

当模型的预测概率较不准,则 $e_{n(w,j)}$ 较大。此时梯度会较大, $\vec{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}$ 的更新幅度也会较大。

5. 对于内部结点的向量表达 $\vec{\mathbf{v}}_{n(w,j)}'$ 的更新方程适用于 CBOW 模型和 Skip-Gram 模型。但是在 Skip-Gram 模型中,需要对 C 个输出的每一个单词进行更新。

c) CBOW 输入向量参数更新

1. 对于 CBOW 模型, 定义:

$$\overrightarrow{\mathbf{EH}} = \frac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{j=1}^{L(w)-1} \frac{\partial E}{\partial (\overrightarrow{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})} \times \frac{\partial (\overrightarrow{\mathbf{v}}'_{n(w,j)} \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{j=1}^{L(w)-1} e_{n(w,j)} \overrightarrow{\mathbf{v}}'_{n(w,j)}$$

 $\overrightarrow{\mathbf{EH}}$ 的物理意义为: 二叉树中所有内部节点向量表达的加权和,其权重为 $e_{n(w,j)}$ 。

2. 考虑到 $\vec{\mathbf{h}}=rac{1}{C}\mathbf{W}^T(\vec{\mathbf{x}}_1+\vec{\mathbf{x}}_2+\cdots+\vec{\mathbf{x}}_C)$,则有:

$$rac{\partial E}{\partial w_{k,i}} = rac{\partial E}{\partial h_i} imes rac{\partial h_i}{\partial w_{k,i}} = rac{1}{C} E H_i imes (x_{(1,k)} + x_{(2,k)} + \cdots, + x_{(C,k)})$$

写成矩阵的形式为: $\frac{\partial E}{\partial \mathbf{W}} = \frac{1}{C} \sum_{c=1}^{C} \vec{\mathbf{x}}_c \otimes \overrightarrow{\mathbf{EH}}$, 其中 \otimes 为克罗内克积。

将 \mathbf{W} 的更新分解为 C 次,每次对应于一个输入 $\vec{\mathbf{x}}_c$ 。因此得到 \mathbf{W} 的更新方程:

$$ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(old)} - rac{1}{C} \eta \overrightarrow{\mathbf{EH}}, \quad i = 1, 2, \cdots, C$$

其中 I_i 为第 i 个输入单词在词表 \mathbb{V} 中的编号。

d) Skip-Gram 输入向量参数更新

1. 对于 Skip-Gram 模型, 定义:

$$egin{aligned} \overrightarrow{\mathbf{E}}\overrightarrow{\mathbf{H}} &= \dfrac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{c=1}^{C} \sum_{j=1}^{L(w_c)-1} \dfrac{\partial E}{\partial (\overrightarrow{\mathbf{v}}_{n(w_c,j)} \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})} imes \dfrac{\partial (\overrightarrow{\mathbf{v}}_{n(w_c,j)} \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} \ &= \sum_{c=1}^{C} \sum_{j=1}^{L(w_c)-1} e_{n(w_c,j)} imes \overrightarrow{\mathbf{v}}_{n(w_c,j)} \end{aligned}$$

其中: w_c 表示网络第 c 个输出的输出单词。

2. 注意:由于引入分层 softmax , 导致更新路径因为输出单词的不同而不同。

因此 $\sum_{i=1}^{L(w_c)-1}$ 会因为 c 的不同而不同。

因此 $\sum_{c=1}^C$ 和 $\sum_{j=1}^{L(w_c)-1}$ 无法互换。

3. 与 Skip-Gram 中推导相同, W 的更新方程为:

$$ec{\mathbf{w}}_{I}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I}^{(old)} - \eta \overrightarrow{\mathbf{E}} \mathbf{H}$$

其中 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 为 $\vec{\mathbf{x}}$ 非零分量对应的 \mathbf{W} 中的行,而 \mathbf{W} 的其它行在本次更新中都保持不变。

3.3.2 负采样

a) 原理

- 1. 在网络的输出层,真实的输出单词对应的输出单元毋庸置疑必须输出(它作为正向单元)。其它所有单词对 应的输出单元为负向单元。
 - 如果计算所有负向单元的输出概率,则计算量非常庞大。
 - 可以从所有负向单元中随机采样一批负向单元,仅仅利用这批负向单元来更新。这称作负采样。
- 2. 负采样的核心思想是:在参数的每一轮更新中,实际上只需要用到一部分单词的输出概率;大部分单词的输出概率为 0。
- 3. 负向单元采样的概率分布称作 noise 分布,记做 $P_n(w)$
 - 它可以为任意的概率分布(通常需要根据经验来选择)
 - 。 谷歌给出的建议是挑选 5~10 个负向单元, 根据下面公式来采样:

$$P_n(w) = rac{freq(w)^{3/4}}{\sum_{w
eq w_O} freq(w)^{3/4}}$$

其中:

- freq(w) 为单词在语料库中出现的概率。
- 分母对所有的负样本单词累加。

■ 其背后的物理意义为:单词在语料库中出现的概率越大,则越可能被挑中。

b) 输出向量参数更新

1. 假设输出的单词分类两类:

 \circ 正类: 只有一个, 即真实的输出单词 w_O

。 负类:从 $P_n(w)$ 采样得到的K个单词 $\mathcal{W}_{neg} = \{w_1, w_2, \cdots, w_K\}$

论文作者指出:下面的训练目标能够得到更好的结果:

$$E = -\log \sigma(\mathbf{\vec{w}'}_{w_O} \cdot \mathbf{\vec{h}}) - \sum_{w_i \in \mathcal{W}_{nea}} \log \sigma(-\mathbf{\vec{w}'}_{w_j} \cdot \mathbf{\vec{h}})$$

其中:

 \circ $\vec{\mathbf{w}}'_{w_O}$ 为真实的输出单词对应的输出向量

 \circ $\vec{\mathbf{w}}'_{w_i}$ 为负采样的单词得到的输出向量。

2. 负采样的目标函数是一个经验公式,而不是理论上的后验概率 $P(w_O \mid w_I)$ 的负对数似然:

$$-\log\sigma(\vec{\mathbf{w}}'_{w_O}\cdot\vec{\mathbf{h}})$$
 .

 $\circ \ \ \sigma({f w'}_{w_O}\cdot{f f h})$: 在单词 w_O 上输出为正类的概率

 $\circ \ \ \sigma(-ec{\mathbf{w}'}_{w_i} \cdot ec{\mathbf{h}})$: 在单词 w_j 上输出为负类的概率

其物理意义为:在正类单词上取正类、负类单词上取负类的负对数似然。

3. 根据 E 的定义,有:

$$egin{aligned} rac{\partial E}{\partial (ec{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot ec{\mathbf{h}}) - 1, & ext{if } w_j = w_O \ \sigma (ec{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot ec{\mathbf{h}}), & ext{if } w_j \in \mathcal{W}_{neg} \ & = \sigma (ec{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot ec{\mathbf{h}}) - t_j \end{aligned}$$

其中 t_i 标记了单词 w_i 的标签:

$$t_j = \begin{cases} 1, & \text{if } w_j = w_O \\ 0, & \text{esle} \end{cases}$$

4. 令 $e_{w_j} = \sigma(\vec{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot \vec{\mathbf{h}}) - t_j$,它刻画了网络在正类单词和负类单词上的预测误差。

 \circ 当 $w_j=w_O$ 时, e_{w_i} 表示对正类单词预测概率的不足。

ullet 当 $w_j \in \mathcal{W}_{neg}$ 时, e_{w_j} 表示对负类单词预测概率的过量。

5. 根据:

$$rac{\partial E}{\partial ec{\mathbf{w}}_{w_j}'} = rac{\partial E}{\partial (ec{\mathbf{w}}_{w_i}' \cdot ec{\mathbf{h}})} imes rac{\partial (ec{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot ec{\mathbf{h}})}{\partial ec{\mathbf{w}}_{w_j}'} = e_{w_j} imes ec{\mathbf{h}}$$

则有输出向量的更新方程:

$$ec{\mathbf{w}}_{w_j}^{\prime(new)} = ec{\mathbf{w}}_{w_j}^{\prime(old)} - \eta imes e_{w_j} imes ec{\mathbf{h}}$$

6. 给定一个样本,在更新输出向量时,只有 K+1 个输出向量(1 个输出单词 w_O 、K 个负采样单词对应的输出向量)得到更新,其中 K 通常数量很小。其它所有单词对应的输出向量未能得到更新。

相比较而言:

 \circ 原始算法中,给定一个样本,在更新输出向量时,所有输出向量(一共V个)都得到更新

- o 分层 softmax 算法中,给定一个样本,在更新输出向量时,L(w)-1 个内部节点的向量表达得到更新。
- 7. 输出向量的更新方程可以用于 CBOW 模型和 Skip-Gram 模型。

若用于 Skip-Gram 模型,则对每个输出依次执行输出向量的更新。

c) CBOW 输入向量参数更新

1. 对于 CBOW 模型, 定义:

$$\overrightarrow{\mathbf{E}}\overrightarrow{\mathbf{H}} = rac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{w_j \in \{w_O\} igcup \mathcal{W}_{neg}} rac{\partial E}{\partial (\overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})} imes rac{\partial (\overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{w_j \in \{w_O\} igcup \mathcal{W}_{neg}} e_{w_j} imes \overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}'$$

 $\stackrel{\longrightarrow}{\mathbf{EH}}$ 的物理意义为: 负采样单词、输出单词对应输出向量的加权和,其权重为 e_{w_j} 。

2. 与 分层softmax: CBOW 输入向量参数更新 中的推导相同, W 的更新方程为:

$$ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I_i}^{(old)} - rac{1}{C} \eta \overrightarrow{\mathbf{E}} \overrightarrow{\mathbf{H}}, \quad i = 1, 2, \cdots, C$$

其中 I_i 为第 i 个输入单词在词表 \mathbb{V} 中的编号。

d) Skip-Gram 输入向量参数更新

1. 对于 CBOW 模型, 定义:

$$egin{aligned} \overrightarrow{\mathbf{E}}\overrightarrow{\mathbf{H}} &= \dfrac{\partial E}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} = \sum_{c=1}^{C} \sum_{w_j \in \{w_O^c\} igcup \mathcal{W}_{neg}^c} \dfrac{\partial E}{\partial (\overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})} imes \dfrac{\partial (\overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}' \cdot \overrightarrow{\mathbf{h}})}{\partial \overrightarrow{\mathbf{h}}} \ &= \sum_{c=1}^{C} \sum_{w_j \in \{w_O^c\} igcup \mathcal{W}_{neg}^c} e_{w_j} imes \overrightarrow{\mathbf{w}}_{w_j}' \end{aligned}$$

其中:

- \circ w_O^c 表示网络第 c 个输出的输出单词。
- 。 \mathcal{W}^c_{neg} 表示网络第 c 个输出的负采样单词集。
- 2. 注意:由于引入负采样,导致网络每个输出中,对应的输出单词有所不同,负采样单词也有所不同。 因此 $\{w^c_O\}igcup \mathcal{W}^c_{neg}$ 会因为 c 的不同而不同。

因此
$$\sum_{c=1}^C$$
 和 $\sum_{w_j \in \{w_O^c\} \bigcup \mathcal{W}_{neg}^c}$ 无法互换。

3. 与 Skip-Gram 中推导相同, W 的更新方程为:

$$ec{\mathbf{w}}_{I}^{(new)} = ec{\mathbf{w}}_{I}^{(old)} - \eta \overrightarrow{\mathbf{E}} \overrightarrow{\mathbf{H}}$$

其中 $\vec{\mathbf{w}}_I$ 为 $\vec{\mathbf{x}}$ 非零分量对应的 $\vec{\mathbf{W}}$ 中的行,而 $\vec{\mathbf{W}}$ 的其它行在本次更新中都保持不变。

3.4 使用

1. 模型、语料库、超参数这三个方面都会影响词向量的训练,其中语料库对训练结果的好坏影响最大。

3.4.1 模型选择

1. 模型方面,所有的词向量都是基于分布式分布假说:拥有相似上下文的单词,其词义相似。

- 2. 根据目标词和上下文的关系,模型可以分为两类:
 - 通过上下文来预测目标词。这类模型更能够捕获单词之间的可替代关系。
 - 。 通过目标词来预测上下文。
- 3. 通过实验发现: 简单的模型 (Skip-Gram) 在小语料库下表现较好。复杂的模型在大语料库下略有优势。

3.4.2 语料库

- 1. 实际上语料库并不是越大越好, 语料库的领域更重要。
 - 。 选择了合适的领域,可能只需要 1/10 甚至 1/100 的语料就能够得到一个大的、泛领域语料库的效果。
 - 。 如果选择不合适的领域,甚至会导致负面效果,比随机词向量效果还差。

3.4.3 超参数

- 1. 词向量的维度:
 - 做词向量语义分析任务时,一般维度越大,效果越好
 - 。 做具体 NLP 任务时(用作输入特征、或者网络初始化), 50 维之后效果提升就比较少了。
- 2. 迭代次数:由于训练词向量的目标是尽可能精确地预测目标词,这个优化目标和实际任务并不一致。

因此最好的做法是:直接用实际任务的验证集来做终止条件。

如果实际任务非常耗时,则可以随机挑选某个任务(如:情感分类)及其验证集来做终止条件。

四、GloVe

- 1. 学习词向量的所有无监督方法最终都是基于语料库的单词共现统计,因此这些模型之间存在共性。
- 2. 词向量学习算法有两个主要的模型族:
 - 基于全局矩阵分解的方法,如: latent semantic analysis:LSA 。
 - 优点: 能够有效的利用全局的统计信息。
 - 缺点: 在单词类比任务(如: 国王 vs 王后 类比于 男人 vs 女人) 中表现相对较差。
 - 。 基于局部上下文窗口的方法, 如: word2vec 。
 - 优点:在单词类比任务中表现较好。
 - 缺点:因为 word2vec 在独立的局部上下文窗口上训练,因此难以利用单词的全局统计信息。
- 3. Global Vectors for Word Representation:Glove 结合了 LSA 算法和 Word2Vec 算法的优点,既考虑了全局统计信息,又利用了局部上下文。

4.1 原理

- 1. 设单词 单词-单词 共现矩阵为 $\mathbf X$ 。其中 $X_{i,j}$ 表示在整个语料库中,单词 word_j 在单词 word_i 上下文中出现的次数。 今:
 - 。 $X_i = \sum_{k=1}^V X_{i,k}$,它表示:单词 word_i 上下文中出现的所有单词的总数。
 - 。 $P_{i,j} = P(\operatorname{word}_j \mid \operatorname{word}_i) = rac{X_{i,j}}{X_i}$,它表示:单词 word_j 出现在单词 word_i 的上下文中的概率。
 - 。 $Ratio_{i,j}^k = \frac{P_{i,k}}{P_{j,k}}$,它表示: 单词 $word_k$ 出现在单词 $word_i$ 的上下文中的概率,相对于单词 $word_k$ 出现在单词 $word_i$ 的上下文中的概率的比值。
- 2. 从经验中可以发现以下规律:

	单词 word_k 和单词 word_i 相	单词 word_k 和单词 word_i 不相
单词 word_k 和单词 word_j 相关	$Ratio_{i,j}^k$ 趋近于 1	$Ratio_{i,j}^k$ 比较小
单词 word_k 和单词 word_j 不相 \dot{X}	$Ratio_{i,j}^k$ 比较大	$Ratio_{i,j}^k$ 趋近于 1

因此 $Ratio_{i,j}^k$ 能够反映单词之间的相关性。

3. 假设单词 $\operatorname{word}_i, \operatorname{word}_i, \operatorname{word}_k$ 的词向量分别为 $\vec{\mathbf{w}}_i, \vec{\mathbf{w}}_i, \vec{\mathbf{w}}_k$ 。

Glove 认为:这三个单词的词向量经过某个函数的映射之后等于 $Ratio_{i,j}^k$ 。即:词向量中包含了共现矩阵的信息。

假设这个映射函数为F,则有:

$$F(ec{\mathbf{w}}_i, ec{\mathbf{w}}_j, ec{\mathbf{w}}_k) = Ratio^k_{i,j} = rac{P_{i,k}}{P_{i,k}}$$

现在的问题是 $F(\cdot)$ 未知,词向量 $\vec{\mathbf{w}}_i, \vec{\mathbf{w}}_j, \vec{\mathbf{w}}_k$ 也是未知。如果能够确定 $F(\cdot)$,则可以求解词向量。

4. 由于 $F(\cdot)$ 映射的是向量空间,而向量空间是一个线性空间。因此从右侧的除法 $\frac{P_{i,k}}{P_{j,k}}$ 可以联想到对 $\vec{\mathbf{w}}_i$ 和 $\vec{\mathbf{w}}_j$ 做减法。即 $F(\cdot)$ 的形式为:

$$F(ec{\mathbf{w}}_i - ec{\mathbf{w}}_j, ec{\mathbf{w}}_k) = rac{P_{i,k}}{P_{j,k}}$$

由于 $\vec{\mathbf{w}}_i - \vec{\mathbf{w}}_j$ 和 $\vec{\mathbf{w}}_k$ 均为向量,而 $\frac{P_{i,k}}{P_{j,k}}$ 为标量。因此可以联想到向量的内积。即 $F(\cdot)$ 的形式为:

$$F\left((\vec{\mathbf{w}}_i - \vec{\mathbf{w}}_j)^T \vec{\mathbf{w}}_k\right) = F\left(\vec{\mathbf{w}}_i^T \vec{\mathbf{w}}_k - \vec{\mathbf{w}}_j^T \vec{\mathbf{w}}_k\right) = \frac{P_{i,k}}{P_{i,k}}$$

上式左边为差的形式,右边为商的形式。因此联想到函数 $\exp(\cdot)$ 。即 $F(\cdot)$ 的形式为:

$$F(\cdot) = \exp(\cdot) \ ec{\mathbf{w}}_i^T ec{\mathbf{w}}_k - ec{\mathbf{w}}_i^T ec{\mathbf{w}}_k = \log P_{i,k} - \log P_{j,k}$$

要想使得上式成立,只需要令 $\vec{\mathbf{w}}_i^T \vec{\mathbf{w}}_k = \log P_{i,k}, \quad \vec{\mathbf{w}}_j^T \vec{\mathbf{w}}_k = \log P_{j,k}$ 即可。

5. 向量的内积具有对称性,即 $\vec{\mathbf{w}}_i^T\vec{\mathbf{w}}_k=\vec{\mathbf{w}}_k^T\vec{\mathbf{w}}_i$ 。而 $\log X_{i,k}-\log X_i\neq \log X_{k,i}-\log X_k$,即: $\log P_{i,k}\neq \log P_{k,i}$ 。

为了解决这个问题,模型引入两个偏置项:

$$\log X_{i,k} = ec{\mathbf{w}}_i^T ec{\mathbf{w}}_k + b_i + b_k$$

6. 上面的公式仅仅是理想状态,实际上只能要求左右两边尽可能相等。于是设计代价函数为:

$$J = \sum_{i.k} \left(ec{\mathbf{w}}_i^T ec{\mathbf{w}}_k + b_i + b_k - \log X_{i,k}
ight)^2$$

4.2 权重函数

1. 根据经验,如果两个词共现的次数越多,则这两个词在代价函数中的影响就应该越大。因此可以设计一个权 重来对代价函数中的每一项进行加权,权重为共现次数的函数:

$$J = \sum_{i,k} f(X_{i,k}) \Big(ec{\mathbf{w}}_i^T ec{\mathbf{w}}_k + b_i + b_k - \log X_{i,k} \Big)^2$$

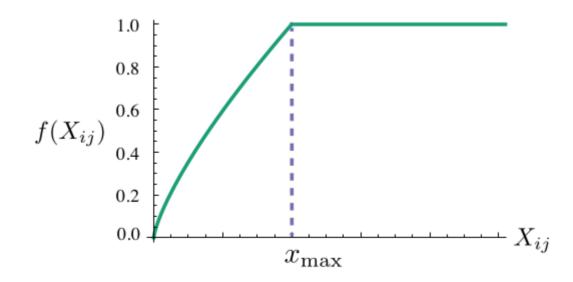
其中权重函数应该符合三个条件:

- o f(0)=0。即:如果两个词没有共现过,则权重为 0。 这是为了确保 $\lim_{x\to 0} f(x) \log^2 x$ 是有限值。
- \circ $f(\cdot)$ 是非递减的。即:两个词共现次数越大,则权重越大。
- 。 $f(\cdot)$ 对于较大的 $X_{i,k}$ 不能取太大的值。即:有些单词共现次数非常大(如单词 的 与其它词的组合),但是它们的重要性并不是很大。
- 2. Glove 论文给出的权重函数 $f(\cdot)$ 为:

$$f(x) = \left\{ egin{array}{ll} \left(rac{x}{x_{ ext{max}}}
ight)^{lpha} & ext{if} \quad x < x_{ ext{max}} \ 1, & ext{otherwise} \end{array}
ight.$$

其中:

- 。 Glove 论文给出参数 lpha 和 $x_{
 m max}$ 的经验值为: $lpha=rac{3}{4},x_{
 m max}=100$ 。
- \circ Glove 论文指出: x_{\max} 对模型的性能影响较小。



4.3 性能

1. Glove 模型的算法复杂度取决于共现矩阵 ${\bf X}$ 中的非零元素的个数,最坏的情况下为 $O(V^2)$ 。由于词汇表的数量通常很庞大,因此 V^2 会非常大。

实际上单词共现的次数满足齐普夫定律(Zipf's Law),因此算法复杂度较低,约为 O(|C|), 其中 C 为语料库的大小。

Zipf's Law: 如果有一个包含 n 个词的文章,将这些词按其出现的频次递减地排序,那么序号 r 和其出现频次 f 之积 $f \times r$,将近似地为一个常数,即 $f \times r = const$

2. GloVe 模型评估任务:

- o semantic 任务: 语义任务。如: '雅典'之于'希腊' = '柏林'之于' '?
- o syntactic 任务: 语法任务。如: 'dance'之于'dancing' = 'fly'之于' '?
- 3. Glove 模型性能与语料库大小的关系:
 - 在语法任务中,模型性能随着语料库大小的增长而单调增长。这是因为语料库越大,则语法的统计结果越可靠。
 - 在语义任务中,模型性能与语料库绝对大小无关,而与语料库的有效大小有关。有效大小指的是语料库中,与目标语义相关的内容的大小。

4. Glove 模型超参数选择:

- 词向量大小: 词向量大小越大,则模型性能越好。但是词向量超过 200 维时,维度增加的收益是递减的。
- 窗口对称性: 计算一个单词的上下文时, 上下文窗口可以是对称的, 也可以是非对称的。
 - 对称窗口: 既考虑单词左侧的上下文, 又考虑单词右侧的上下文
 - 非对称窗口:只考虑单词左侧的上下文。

因为语言的阅读习惯是从左到右,所以只考虑左侧的上下文,不考虑右侧的上下文。

。 窗口大小:

- 在语法任务中,选择小的、非对称的窗口时,模型性能更好。因为语法是局部的,所以小窗口即可。因为语法是依赖于单词顺序的,所以需要非对称窗口。
- 对于语义任务,则需要选择更大的窗口。 因为语义是非局部的。

