

Информатика

функциональное программирование

Императивное программирование

- То, как мы обычно программировали на С#
 - писали инструкции, описывающие как решать задачу и представить результат
 - инструкции приказы (imperative)
 - do сделай, write запиши, new создай
 - *использовали переменные* для хранения состояний
 - присваивали значения переменным

Есть и другой подход

• Декларативный

- declarative описательный
- написание спецификаций решения
- описание того, **что** представляет задача и ожидаемый результат
- человеко-ориентированный
- нет указаний (как) и машинной детализации

Примеры декларативных языков

- Языки разметки:
 - HTML
 - -XML
- *SQL* язык структурированных запросов к реляционным базам данных

Мы использовали декларативность

• Инициализация

```
List<Person> team = new List<Person>
{
    new Person() { Age = 25, Name = "Anna" },
    new Person() { Age = 30, Name = "Bob" },
    new Person() { Age = 35, Name = "Charlie" },
    new Person() { Age = 30, Name = "Dixin" },
};
```

```
List<Person> team = new List<Person>();
Person anna = new Person();
  anna.Age = 25;
  anna.Name = "Anna";
team.Add(anna);
Person bob = new Person();
  bob.Age = 30;
  bob.Name = "Bob":
team.Add(bob);
Person charlie = new Person();
  charlie. Age = 35;
  charlie.Name = "Charlie";
team.Add(charlie);
Person dixin = new Person();
  dixin.Age = 30;
  dixin.Name = "Dixin";
team.Add(charlie);
```

Функциональное программирование

Неважно с каким языком вы работаете, программирование в функциональном стиле имеет преимущества. Вам следует использовать его когда это удобно и серьёзно задуматься о своём решении когда оно не удобно.

Джон Кармак (http://ubm.io/1HOVGWs)

ΦΠ vs ΟΟΠ

Объектно-ориентированное программирование делает код понятнее за счёт инкапсулирования движущихся частей. Функциональное программирование делает код понятнее, минимизируя количество движущихся частей.

Майкл Фезерс (http://bit.ly/1HOVBSM)

Функциональное программирование

- Это *декларативное* программирование
- Основное понятие функция
 - в отличном от императивного программирования смысле
- Исполнение программы вычисление значений функций
- Нет переменных и состояний

ΦП

- ФП программирование с математическими функциями
 - не методами класса
- Математическая функция отображение, преобразующая входные значения в выходные
 - Одни данные один результат

Рассмотрим концепции ФП

- Принципы, характерные для функциональных языков
- Использование этих принципов в языке С#
- Обсудим специфику, применимость

Ссылочная прозрачность

- Детерминированность
- Когда одни и те же данные приводят к одному и тому же результату
- Недетерминированность неопределённость, когда такой предсказуемости нет

Одни данные – один результат

```
public double Calculate(double x, double y)
    return Math.Sqrt(x*x + y*y);
public long TicsElapsedFrom(int year)
    return (DateTime.Now - new DateTime(year, 1, 1))
           .Ticks;
```

Одни данные – один результат

Ссылочная прозрачность (referential transparency) Не влияет и не зависит от глобального состояния

```
public double Calculate(double x,double y)
    return Math.Sqrt(x*x + y*y);
public long TicsElapsedFrom(int year)
    return (DateTime.Now - new DateTime(year, 1, 1))
           .Ticks;
```

Честная сигнатура метода

- Точно описывает все возможные входы и выходы
- Нечестная сигнатура. Почему?

```
public static int Divide(int x, int y)
{
    return x / y;
}
```

Честная сигнатура

• Гарантии за счёт использования собственного типа

```
public static int Divide(int x, NonZeroInteger y)
{
    return x / y.Value;
}
```

Использование nullable int
 public static int? Divide(int x, int y)
 {
 if (y == 0)
 return null;
 return x / y;
 }

Уменьшение сложности

- Функции в математическом смысле облегчают:
 - композицию
 - понимание
 - тестирование
- Следовательно, уменьшают сложность

Чистые функции

- Детерминированные обладают ссылочной прозрачностью один вход один выход
- *Не обладающие побочными эффектами* не изменяют состояние

Неизменяемость

- *Immutability* невозможность изменить данные
- Состояние данные, изменяемые со временем
- *Побочные эффекты* изменения некоторого состояния

Почему неизменяемость важна?

Изменяемые операции = Нечестный код

- Улучшает читаемость кода
- Валидация требуется только в одном месте (при создании)
- Автоматически гарантирует потокобезопасность

Борьба с побочными эффектами

- Предположим, нужно уметь изменять данные пользователя
- Разделить операции на команды и запросы (command-query request separation: CQRS)
 - команды содержат побочные эффекты, ничего не возвращают, изменяют состояние
 - запросы свободны от побочных эффектов, возвращают результат

Борьба с побочными эффектами

- Выделить
 - логику предметной области не меняет состояние



- изменяемое состояние
 не содержит логики, но меняет состояние
- Неизменяемое ядро в изменяемой оболочке

Исключения

- Исключения как goto
 - может даже хуже, т.к. могут перемещать поток управления между методами разных компонент
- Метод с исключениями не математическая функция
 - скрывается информация об исключении
- Возвращение значение предпочтительнее исключений
- Исключения не работают в многопоточном окружении

Когда использовать исключения

- В исключительных ситуациях
- Исключение сигнал для программиста о баге (неисправимой ситуации)
- Лучше не использовать там, где вы ожидаете возникновение исключения
 - валидация ≠ исключительная ситуация валидация фильтр

Функции первого класса

- В ФП ключевое понятие функция
- Нужно уметь создавать, изменять и передавать функции в качестве аргументов другим функциям

Функции должны быть отдельными объектами

Типы для функций в С#

- Делегат ссылка на метод(ы)
- Ссылочный тип, содержащий
 - Адрес метода
 - Ссылку на экземпляр
 - Ссылку на массив цепочки делегатов

Делегат

internal delegate void Feedback(Int32 value);

генерирует после компиляции класс

```
internal class Feedback : System.MulticastDelegate
    // Конструктор
    public Feedback(Object object, IntPtr method);
   // Метод, прототип которого задан в исходном тексте
    public virtual void Invoke(Int32 value);
   // Методы, обеспечивающие асинхронный обратный вызов
    public virtual IAsyncResult BeginInvoke
    (Int32 value, AsyncCallback callback, Object object);
   public virtual void EndInvoke(IAsyncResult result);
```

Метод как значение делегата

```
// Делегат как класс (правила объявления те же)
delegate int MyDelegate(int x, int y);
static int SumMethod(int x, int y)
    return x + y;
MyDelegate d1 = SumMethod;
```

Анонимные методы

• Позволяют описать тело метода без указания имени (С# 2.0)

```
delegate int MyDelegate(int x, int y);
...
MyDelegate d2 = delegate(int x, int y) { return x + y; };
```

Анонимные методы

• Позволяют описать тело метода без указания имени (С# 2.0)

```
delegate int MyDelegate(int x, int y);
...
MyDelegate d2 = delegate(int x, int y) { return x + y; };
```

Лямбда-выражения

- При объявлении анонимного метода ключевое слово delegate можно опустить
- И использовать '=>' вместо return

Лямбда-исчисление Чёрча

- Формальная система, разработанная Алонзо Чёрчем для формализации понятия вычислимости, использующая функции
- Альтернатива формальной системе Алана Тьюринга (машине Тьюринга)

Анонимные обобщенные делегаты

Начиная с С# 3:

- Action семейство делегатов, не возвращающих значения
- Func семейство делегатов, возвращающих значение
- Predicate делегат, возвращающий bool

Анонимные делегаты

- Позволяют сэкономить время, избавляя от необходимости объявлять делегаты с одинаковыми определениями
- Активно используются с методами расширения и LINQ

```
Func<int, int, int> funcAndLambda = (x, y) => x + y;
```

Action

• Семейство из 17 делегатов, не возвращающих значение

```
public delegate void Action<T>(T obj);
public delegate void Action<T1, T2>(T1 arg1, T2 arg2);
public delegate void Action<T1, T2, T3>(T1 arg1, T2 arg2, T3 arg3);
...
public delegate void Action<T1, ..., T16>(T1 arg1, ..., T16 arg16);
```

```
Action<string, string> Hello = (x, y) \Rightarrow Console.WriteLine(\$"\{x\} \{y\}");
```

Func

• Семейство из 17 делегатов, возвращающих значение

```
public delegate TResult Func<TResult>();
public delegate TResult Func<T, TResult>(T arg);
public delegate TResult Func<T1, T2, TResult>(T1 arg1, T2 arg2);
public delegate TResult Func<T1, T2, T3, TResult>
(T1 arg1, T2 arg2, T3 arg3);
public delegate TResult Func<T1,..., T16, TResult>
(T1 arg1, ..., T16 arg16);
```

Func<int, int, int> funcAndLambda = (x, y) => x + y;

Multicast

```
// Реализация метода Invoke класса Delegate
public void Invoke(Int32 value)
    Delegate[] delegateSet = invocationList as Delegate[];
    if (delegateSet != null)
        foreach (Feedback d in delegateSet)
            d(value); // Вызов каждого делегата
    else
        methodPtr.Invoke(_target, value);
        // Строка выше — имитация реального кода.
```

Арифметика на делегатах

```
delegate void HelloWorld();
                             HelloWorld hello = Hello;
                             hello += World;
                             hello();
static void Hello()
   Console.Write("Hello ");
                             hello -= World;
                             hello();
static void World()
    Console.WriteLine
                                     Hello world!
    ("world!");
                                     Hello
```

Замыкания

- Замыкание структура данных для хранения функции вместе с окружением © Wiki
- Замыкание, прикрепленное к родительскому методу имеет доступ к членам, определённым в теле родительского метода

Замыкания

```
public Person FindById(int id)
    return this. Find
        delegate (Person p)
            return (p.Id == id);
```

Захват переменной в замыкание

- Переменная, захваченная в замыкание продлевает время жизни пока живо замыкание
- Не важно, какого она типа: ссылочного или типа значения

Замыкания на переменных цикла

```
var actions = new List<Action>();
foreach (var i in Enumerable.Range(1, 3))
   actions.Add(() => Console.WriteLine(i));
foreach (var action in actions)
   action();
// До C# 5: 3 3 3
  После С# 5: 1 2 3
```

Различия в поведении

```
actions.Add(() => Console.WriteLine(i));
var iterator = Enumerable.Range(1, 3).GetEnumerator();
int i;
while (iterator.MoveNext())
                                                             // До C# 5:
    i = iterator.Current;
    actions.Add(() => Console.WriteLine(i));
var iterator = Enumerable.Range(1, 3).GetEnumerator();
while (iterator.MoveNext())
                                                             // После С# 5: 1 2 3
   int i = iterator.Current;
   actions.Add(() => Console.WriteLine(i));
```

3 3 3

foreach (var i in Enumerable.Range(1, 3))

Функции высших порядков

• Функции могут использоваться в качестве аргументов и возвращаемых значений других функций

```
public static string Apply (Func<string,string> func, string value)
{
    return func(value);
}
...
var str=Apply(x => x.ToLower(),"Hello world!");
```

Композиция функций

$$(G_0F)(x)=G(F(x))$$

```
static Func<X, Z> Compose<X, Y, Z>(Func<X, Y> f, Func<Y, Z> g)
    return (x) \Rightarrow g(f(x));
Func<double, double> sin = Math.Sin;
Func<double, double> exp = Math.Exp;
Func<double, double> exp_sin = Compose(sin, exp);
double y = exp_sin(3);
```

Рекурсия

- Вызов из функции самой себя
- Мы работали с рекурсивными методами
- Пример: вычисление n-го числа Фибоначчи (что в нём плохого?)

```
Func<uint, uint> fib = null;
fib = x \Rightarrow x > 1 ? fib(x - 1) + fib(x - 2) : x;
```

Мемоизация

```
public static class FuncExtensions
    public static Func<A, R> Memoize<A, R>(this Func<A, R> func)
        var dict = new Dictionary<A, R>();
        return a =>
            Rr;
            if (!dict.TryGetValue(a, out r))
                r = func(a); dict.Add(a, r);
            return r;
        };
```

Сравнение

```
public static void Main()
                                                     24157817
                                                     Without optimization: 00:00:02.6608453
                                                     24157817
                                                     Without optimization: 00:00:00.0097345
    Func<uint, uint> fib = null;
    fib = x => x > 1 ? fib(x - 1) + fib(x - 2) : x;
    Stopwatch s = new Stopwatch();
    s.Start();
    Console.WriteLine(fib(37));
    Console.WriteLine("Without optimization: {0}", s.Elapsed);
    fib = fib.Memoize();
    s.Restart();
    Console.WriteLine(fib(37));
    Console.WriteLine("With optimization: {0}", s.Elapsed);
```

Частичное применение

• Частично-применённые функции уменьшают количество параметров подстановкой (фиксацией) значений аргументов

```
public static Func<T2, TR> Partial1<T1, T2, TResult>
  (this Func<T1, T2, TResult> func, T1 first)
{
    return b => func(first, b);
}
```

Partial application по 1 аргументу

• Фиксируя первый аргумент у Math. Pow можно получать функции возведения в степень с фиксированным основанием

```
double x;
Func<double, double, double> pow = Math.Pow;

Func<double, double> exp = pow.Partial1(Math.E);
// exp(x) = Math.Pow(Math.E, x)
Func<double, double> step = pow.Partial1(2);
// step(x) = Math.Pow(2, x)
x = exp(Math.PI);
x = step(Math.Log(int.MaxValue));
```

Partial application по 2 аргументу

• Вместо первого аргумента можно фиксировать значение любого

```
public static Func<T1, TR> Partial2<T1, T2, TR>
(this Func<T1, T2, TR> func, T2 second)
{
    return a => func(a, second);
}
```

Partial application по 2 аргументу

• Фиксируя второй аргумент у Math.Pow, можно получать функции возведения аргумента в некоторую фиксированную степень (корень, квадрат, куб) double x; Func<double, double> pow = Math.Pow; Func<double, double> square = pow.Partial2(2);// Math.Pow(x,2) Func<double, double> sqrt = pow.Partial2(0.5);// Math.Pow(x,0.5) Func<double, double> cube = pow.Partial2(3); // Math.Pow(x,3) x = square(5); //x = 25x = sqrt(9); //x = 3x = cube(3); //x = 27

Каррирование

- Преобразование функции от N аргументов в цепочку из N функций одного аргумента
- Названо в честь Хаскелла Карри
- Удобно для обработки аргументов по одному
- В некоторых функциональных языках каррирование автоматическое

Каррирование вычисления расстояния

• Пусть есть метод, вычисляющий расстояние от центра координат (0,0,0) до точки (x, y, z) в трёхмерном Евклидовом пространстве

```
static double Distance(double x, double y, double z)
{
   return Math.Sqrt(x * x + y * y + z * z);
}
```

Функция каррирования

• Используем функцию высшего порядка для разбиение функции от трёх аргументов в цепочку функций одного аргумента

```
public static Func<T1, Func<T2, Func<T3, TResult>>>
Curry<T1, T2, T3, TResult>(this Func<T1, T2, T3, TResult> function)
{
    return a => b => c => function(a, b, c);
}
```

Вычисление расстояния

```
Func<double, double, double> fnDistance = Distance;
var curriedDistance = fnDistance.Curry();
double d = curriedDistance(3)(4)(12);
double d2 = Distance(3, 4, 12);
```

Раскаррирование

- Обратный каррированию процесс
- Цепочка N функций одного аргумента преобразуется в одну функцию от N аргументов

```
public static Func<T1, T2, T3, TR> UnCurry<T1, T2, T3, TR>
(this Func<T1, Func<T2, Func<T3, TR>>> curriedFunc)
{
    return (a, b, c) => curriedFunc(a)(b)(c);
}
```

Раскаррирование

• Пример:

```
var curriedDistance = Curry<double, double, double, double>(Distance);
double d = curriedDistance(3)(4)(12);

Func<double, double, double> originalDistance =
  curriedDistance.UnCurry();
  d = originalDistance(3, 4, 12);
```

Ошибка на миллиард \$

«Нулевые ссылки: ошибка на миллиард долларов»

Тони Хоар (<u>QCon 2009</u>)

• По сигнатуре метода не понять, может ли результатом быть null или нет, нужно смотреть детали реализации.

Как избежать проблему 10^9\$

- Если метод может вернуть null, можно возвращать обёрнутый в Maybe<T> результат метода
 - после этого сигнатура будет честной
- Пустым значением (Nothing) у Maybe<T> будет пустой Maybe<T>

Монады

- В функциональных языках конструкция Maybe<T> называется монадой
- Монада контейнер, инкапсулирующий функции с побочным эффектом от чистых функций
- Концепция монад унаследована из теории категорий
 - монада моноид в моноидальной категории эндофункторов

Реализация монады Maybe

- Обычно, Maybe включает 2 метода:
 - втягивание в монаду или помещение значения в контейнер (Return)
 - связывание (Bind)
 стратегия «если первое вычисление дало результат, то второе; иначе отсутствие результата»

Реализация монады Maybe

```
public class Maybe<T>
                                         public Maybe<T2> Bind<T2>
                                             (Func<T, Maybe<T2>> func)
    private readonly T _value;
    public Maybe(T value)
                                                 return value != null ?
                                                 func( value) :
        value = value;
                                                 Maybe<T2>.Nothing;
    private Maybe() { }
                                         public Maybe<T> Bind
    public static Maybe<T> Nothing
                                             (Action<T> action)
        = new Maybe<T>();
                                             if (_value == null)
                                                 return Nothing;
                                             action( value);
                                             return this;
```

Использование Maybe

```
var str = new Maybe<string>(Console.ReadLine());
str.Bind(x => new Maybe<string>(x.ToUpper()))
   .Bind(Console.WriteLine)
   .Bind(x=>new Maybe<string>(x.ToLower()))
   .Bind(Console.WriteLine);
```

Отсутствие состояний

- В чисто функциональных языках отсутствуют состояния
- Состояния можно моделировать с помощью монадических вычислений

Другие монады

- 10 монада строгой последовательности вычислений
 - стратегия связывания: «сначала первое, затем второе»
- List монада вычислений с несколькими результатами
 - стратегия связывания: «все возможные результаты второго вычисления, применённого к каждому из вычисленных первым значений параметра»
- State монада вычислений с переменной состояния
 - стратегия связывания: «начать второе вычисление с состоянием, изменённым в результате первого»

Базовые функции высшего порядка в ФП

- В ФП списки играют важную роль
 - B LISP программы списки списки ограничиваются скобками, поэтому в LISP много скобок
 - Определение функции [defun, имя, аргументы, операторы]
 - Вызов –[имя, аргументы]
- Программы составляются из функций-преобразований над списками
 - Преобразования не изменяют исходный список

LINQ

```
int[] array = { 1, 2, 3, 4, 5 };
```

- MAP
- array.Select(elem => elem.ToString());
- FILTER array.Where(elem => elem % 2 == 0);
- REDUCE/FOLD array.Aggregate(0, (acc, elem) => acc + elem)

List comprehension

```
[expression(a) for a in x]
```

• [x*x for x in range(10) if x%2]

Enumerable.Range(0, 10)
 .Where(x => x%2 != 0)
 .Select(x => x*x)
 .ToList();

• [(x,y) for x in range(4) for y in range(4)]

```
Enumerable
.Range(0,4)
.SelectMany(x => Enumerable.Range(0,4)
.Select(y => new Tuple<int,int>(x,y)))
.ToList();
from x in Enumerable.Range(0,4)
from y in Enumerable.Range(0,4)
select new Tuple<int,int>(x,y)
```

http://mark-dot-net.blogspot.ru/2014/03/python-list-comprehensions-and.html

IEnumerable + SelectMany = monad

- IEnumerable функтор
- У монады есть две функции **return** и **bind** и нейтральный элемент
- return втягивание в монаду: создание IEnumerable контейнера
- bind связывание: реализовано стандартным методом SelectMany

IEnumerable + SelectMany = monad

Пример связывания:

```
IEnumerable<Shipper>
someWeirdListOfShippers =
    customers
        .SelectMany(c => c.Addresses)
        .SelectMany(a => a.Orders)
        .SelectMany(o => o.Shippers);
```

Ковариация и контравариация

- Любопытные могли заметить что-то странное в интерфейсе IEnumerable
- public interface IEnumerable (out) T> ...
- В делегатах Action
- public delegate void Action(in) T>(T obj);
- И в делегатах Func
- public delegate TResult Func(in) T, (out) TResult>(T arg);

Теория

- Говорим про конструкцию с аргументами ссылочного типа (пр.: контейнер, делегат, дженерик)
- **Ковариантность** конструкция сохраняет направление возможности присваивания (перенос наследования в прямом порядке)
- **Контравариантность** конструкция обращает направление возможности присваивания (перенос наследования в обратном порядке)
- **Инвариантность** наследование исходных типов не переносится на конструкции

Немного примеров

- Ковариантность прямой порядок
 - Множество клавиатур является множеством устройств
- Контравариантность обратный порядок
 - Действия с устройствами распространяются на клавиатуры
- Инвариантность
 - Если нет никакой иерархической связи

Практический смысл

- Обеспечение типобезопасности
- Если конструкция ковариантна, то для обеспечения безопасности она должна быть неизменяемой Container<Device> devices = new Container<Keyboard>(); devices.Add(new Device()); // ошибка
- Если конструкция контравариантна, то она должна быть write only Container Keyboard keyboards =
- Поэтому, List инвариантен

```
new Container<Device>();
keyboards.Add(new Keyboard());
keyboards[0].PressSpace();
// οωμδκα
```

Предусловия и постусловия

- Принцип подстановки Барбары Лисков о «правильном наследовании» говорит, что:
 - Предусловия не могут быть усилены в подклассе
 - Постусловия не могут быть ослаблены в подклассе
- Другими словами, требовать меньше, а гарантировать больше

Ковариация IEnumerable < out T >

- out параметр типа говорит о ковариации
 - гарантируем больше
 - можем подставлять более узкий тип

```
// Covariance.
IEnumerable<string> strings = new List<string>();
IEnumerable<object> objects = strings;
```

Контравариация Action < in T >

- in параметр типа говорит о контравариации
 - требуем меньше
 - можем подставлять более широкий тип

```
// Предположим что метод SetObject объявлен в классе:
// static void SetObject(object o) { }
Action<object> actObject = SetObject;
Action<string> actString = actObject;
```

Ковариация и контравариация

```
static object GetObject() { return null; }
static void SetObject(object obj) { }
static string GetString() { return ""; }
static void SetString(string str) { }
static void Test()
    object[] array = new String[10];
    Func<object> del = GetString;
    Action<string> del2 = SetObject;
                          https://habrahabr.ru/post/218753/
                                                          Статья на MSDN
```

Другие возможности С#

```
using static System.Math;
public class Circle
    public Circle(double radius) => Radius = radius;
    public double Radius { get; }
    public double Circumference => PI * 2 * Radius;
    public double Area {get
            double Square(double d) => Pow(d, 2);
            return PI * Square(Radius);
    }}
    public (double Circumference, double Area) Stats
        => (Circumference, Area);
```

- using static
- get only properties
- expression body
- nested methods
- tuples

Сопоставление с образцом (Pattern matching)

```
case Rectangle s when (s.Length == s.Height):
    WriteLine($"{s.Length} x {s.Height} square");
    break;
case Rectangle r:
    WriteLine($"{r.Length} x {r.Height} rectangle");
    break:
default:
    WriteLine("<unknown shape>");
    break;
case null:
    throw new ArgumentNullException(nameof(shape));
                        https://blogs.msdn.microsoft.com/dotnet/2017/03/09/new-features-in-c-7-0/
```

- В чем отличие императивного и декларативного подхода?
- Как соотносятся функциональное и декларативное программирование?
- Что такое ссылочная прозрачность?
- Что такое честная сигнатура метода?

- Что такое состояние?
- Что такое неизменяемость?
- Что такое побочный эффект и чистая функция?
- Что такое функция первого рода и функции высших порядков?

- Какие механизмы поддержки ФП есть в С#?
- Чем отличается каррирование от частичного применения?
- В чём состоит проблема на миллиард \$ и как можно её решать?

- Списки, операции над списками в ФП
- List comprehension
- Что такое сопоставление с образцом?
- Что такое ковариация и контравариация?





Вопросы? e-mail: marchenko@it.kfu.ru