

Dedución natural en Lean

	Táctica en Lean	Regla de inferencia
Introducción del \wedge :	<code>apply and.intro</code>	$\frac{\alpha \quad \beta}{\alpha \wedge \beta} [\wedge I]$
Eliminación del \wedge :	<code>apply (and.left/right hipot)</code>	$\frac{\alpha \wedge \beta}{\alpha} [\wedge E_L] \quad \frac{\alpha \wedge \beta}{\beta} [\wedge E_R]$
Introducción del \rightarrow :	<code>intro(s)</code>	$\frac{\begin{array}{c} \overline{\alpha} \quad 1 \\ \vdots \\ \beta \end{array}}{\alpha \rightarrow \beta} 1 [\rightarrow I]$
Eliminación del \rightarrow :	<code>apply hipot</code>	$\frac{\alpha \rightarrow \beta \quad \alpha}{\beta} [\rightarrow E]$
Introducción del \leftrightarrow :	<code>apply iff.intro</code>	$\frac{\begin{array}{c} \overline{\alpha} \quad 1 \\ \vdots \\ \beta \end{array} \quad \begin{array}{c} \overline{\beta} \quad 1 \\ \vdots \\ \alpha \end{array}}{\alpha \leftrightarrow \beta} 1 [\leftrightarrow I]$
Eliminación del \leftrightarrow :	<code>apply (iff.elim_left/right hipot)</code>	$\frac{\alpha \leftrightarrow \beta \quad \alpha}{\beta} [\leftrightarrow E_L] \quad \frac{\alpha \leftrightarrow \beta \quad \beta}{\alpha} [\leftrightarrow E_R]$
Introducción del \vee :	<code>apply or.inl/inr</code>	$\frac{\alpha}{\alpha \vee \beta} [\vee I_L] \quad \frac{\beta}{\alpha \vee \beta} [\vee I_R]$
Eliminación del \vee :	<code>apply (or.elim hipot)</code>	$\frac{\alpha \vee \beta \quad \begin{array}{c} \overline{\alpha} \quad 1 \\ \vdots \\ \gamma \end{array} \quad \begin{array}{c} \overline{\beta} \quad 1 \\ \vdots \\ \gamma \end{array}}{\gamma} 1 [\vee E]$
Introducción del \neg :	<code>idem $\rightarrow (\neg \alpha \equiv \alpha \rightarrow \text{false})$</code>	$\frac{\begin{array}{c} \overline{\alpha} \quad 1 \\ \vdots \\ \text{false} \end{array}}{\neg \alpha} 1 [\neg I]$
Eliminación del \neg :	<code>idem $\rightarrow (\neg \alpha \equiv \alpha \rightarrow \text{false})$</code>	$\frac{\neg \alpha \quad \alpha}{\text{false}} [\neg E]$
Introducción del <i>true</i> :	<code>apply true.intro</code>	$\frac{}{\text{true}} [\text{true} I]$
Eliminación de <i>false</i> :	<code>apply false.elim</code>	$\frac{\text{false}}{\alpha} [\text{false} E]$
Reducción al absurdo:	<code>by_contradiction</code>	$\frac{\begin{array}{c} \overline{\neg \alpha} \quad 1 \\ \vdots \\ \text{false} \end{array}}{\alpha} 1 [\text{RAA}]$

Para poder usar la regla de reducción al absurdo hay que agregar los comandos al antes de la prueba:

```
open classical
local attribute [instance] classical.prop_decidable
```