

Universidad Tecnológica de la Mixteca

Clave DGP: 110506

Maestría en Modelación Matemática

PROGRAMA DE ESTUDIOS

NOMBRE DE LA ASIGNATURA

Introducción a la teoría de aproximación

SEMESTRE	CLAVE DE LA ASIGNATURA	TOTAL DE HORAS
Optativa	221509OA	80

OBJETIVO(S) GENERAL(ES) DE LA ASIGNATURA

Estudiar Las bases de la teoría de aproximación de funciones, así como los resultados clásicos en los espacios funcionales y con las normas más estudiadas. Conocer los teoremas que establecen resultados de existencia, unicidad y caracterización de las mejores aproximantes en diferentes contextos, así como resultados cuantitativos referentes al orden de convergencia de los mismos. Estudiar diferentes mecanismos de interpolación de funciones y establecer su eficacia en tanto métodos de aproximación.

TEMAS Y SUBTEMAS

1. Introducción

- 1.1. Definiciones. Mejor aproximación en espacios normados.
- 1.2. Existencia de un elemento de la mejor aproximación.
- 1.3. Convexidad. Unicidad del elemento de la mejor aproximación.

2. Aproximación uniforme e interpolación

- 2.1. Teorema de Weierstrass y polinomios de Bernstein.
- 2.2. Aproximación en norma uniforme por polinomios algebraicos
- 2.3. Aproximación en norma uniforme por polinomios trigonométricos
- 2.4. Caracterización de la mejor aproximación en norma uniforme, teorema de Jackson
- 2.5. Interpolación y error de aproximación de los polinomios interpolantes
- 2.6. Interpolación óptima y polinomios de Chebyshev

3. Aproximación en otras normas

- 3.1. Polinomios ortogonales y la mejor aproximación en la norma L2
- 3.2. Existencia y unicidad de la mejor aproximación en la norma L1

ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE

Sesiones dirigidas por parte del profesor, poniendo énfasis en los resultados y en las técnicas de demostración. Los estudiantes acudirán a asesorías extra clase. Solución de problemas relacionados con el tema.

CRITERIOS Y PROCEDIMIENTOS DE EVALUACIÓN Y ACREDITACIÓN

Se aplican por lo menos tres exámenes parciales cuyo promedio equivale al 50% de la calificación final, el 50% restante se obtiene de un examen final. Otras actividades que se consideran para la evaluación son las participaciones en clase, asistencias a clases y el cumplimiento de tareas.

BIBLIOGRAFÍA (TIPO, TÍTULO, AUTOR, EDITORIAL Y AÑO) Básica:

- 1. Introduction to Aproximation theory; Cheney E.W, Mc Graw-Hill, 1966.
- 2. An Introduction to the Approximation of Functions, Theodore J Rivlin Dover Publications, 2010.
- 3. Approximation of Functions, G. G. Lorentz, Holt, Rinehart and Winston, New York, 1966.



VICE-RECTORIA ACADÉMICA

Consulta:

- Approximation Theory and Methods, Powell, M. J. D., Cambridge University Press, 1981.
 Constructive Approximation, DeVore, R. A., George G. Lorentz, Springer, 1993.
 Convergence Estimates in Approximation Theory, Vijay G. and Ravi P., Springer International Publishing Switzerland, 2014.

PERFIL PROFESIONAL DEL DOCENTE

Estudios mínimos de Maestría en Matemáticas.

DIVISION DE ESTUDIOS DE POSGRADO

Vo.Bo DR. JOSÉ ANIBAL ARIAS AGUILAR JEFE DE LA DIVISIÓN DE ESTUDIOS DE POSGRADO DR. AGUSTÍN SANTIAGO ALVARADO VICE-RECTOR ACADEMICA