

# Universidad Tecnológica de la Mixteca

Clave DGP: 110506

### Maestría en Modelación Matemática

## **PROGRAMA DE ESTUDIOS**

NOMBRE DE LA ASIGNATURA	
	Procesos estocásticos

SEMESTRE	CLAVE DE LA ASIGNATURA	TOTAL DE HORAS
Optativa	221518EE	80

### OBJETIVO(S) GENERAL(ES) DE LA ASIGNATURA

Introducir al estudiante los principios básicos de procesos estocásticos en tiempo discreto y tiempo continuo, y sus aplicaciones en algunas áreas del conocimiento.

### TEMAS Y SUBTEMAS

#### 1. Introducción

- 1.1. Distribuciones de probabilidad conjuntas y propiedades.
- 1.2. Probabilidad condicional.
- 1.3. Independencia.
- 1.4. Esperanza condicional.

#### 2. Cadenas de Markov

- 2.1. Definiciones.
- 2.2. Probabilidades y matrices de transición.
- 2.3. Ejemplos: la ruina del jugador, modelo de inventario y sistemas de espera.
- 2.4. Ecuaciones de Chapman-Kolmogorov.
- 2.5. Análisis de primer paso.
- 2.6. Cadenas de Markov especiales: cadena de dos estados, cadena definida por variables aleatorias independientes y caminata aleatoria.
- 2.7. Simulación de cadenas de Markov.

## 3. Propiedades asintóticas de cadenas de Markov

- 3.1. Cadenas regulares.
- 3.2. Distribuciones límites.
- 3.3. Clasificación de estados: cadenas de Markov irreducibles y aperiódicas; estados recurrentes y transitorios; descomposición de espacio de estados.
- 3.4. El teorema límite básico de cadenas de Markov.
- 3.5. Ejemplos y aplicaciones.

#### 4. Proceso de Poisson

- 4.1. La distribución exponencial, gamma y de Poisson.
- 4.2. Proceso de Poisson.
- 4.3. La ley de los eventos raros.
- 4.4. Relación entre la ley de los eventos raros y el proceso de Poisson
- 4.5. Distribuciones asociadas al proceso de Poisson.
- 4.6. La distribución uniforme y el proceso de Poisson.

## ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE

Sesiones dirigidas por parte del profesor, poniendo énfasis en los resultados y en las técnicas de demostración. Los estudiantes acudirán a asesorías extra clase. Solución de problemas relacionados con el tema.



## CRITERIOS Y PROCEDIMIENTOS DE EVALUACIÓN Y ACREDITACIÓN

Se aplican por lo menos tres exámenes parciales cuyo promedio equivale al 50% de la calificación final, el 50% restante se obtiene de un examen final. Otras actividades que se consideran para la evaluación son las participaciones en clase, asistencias a clases y el cumplimiento de tareas.

# BIBLIOGRAFÍA (TIPO, TÍTULO, AUTOR, EDITORIAL Y AÑO) Básica:

- 1. An Introduction to stochastic modeling; Mark. A. Pinsky y Samuel Karlin, Academic Press, 2012.
- 2. Stochastic processes and Models; D. Stirzaker, Oxford University Press, 2005.
- 3. Essentials of Stochastic Processes; R. Durrett, Springer, 1999.

#### Consulta

- 1. Introduction to stochastic processes; P.G. Hoel, Port, S.C. & Stone, Ch. J. Houghton Mifflin, 1972.
- 2. Introduction to probability models; S. M. Ross. Academic Press, 1997.
- 3. Theory and statistical applications of stochastic processes; Y. Mishura & G. Shevchenko, Wiley, 2017.

#### PERFIL PROFESIONAL DEL DOCENTE

Estudios mínimos de Maestría en Matemáticas o en Matemáticas Aplicadas.

DIVISION DE ESTUDIOS

Vo.Bo

DR. JOSÉ ANIBAL ARIAS AGUILAR

JEFE DE LA DIVISIÓN DE ESTUDIOS DE POSGRADO

DR. AGUSTÍN SANTIAGO ARVARADORIA VICE-RECTOR ACADÉMICOMICA