Odvození vztahu mezi hmotností a vnitřní frekvencí

Předpokládáme závislost pole Θ na imaginárním čase $\tau=t+i\psi$ ve tvaru:

$$\Theta(q,\tau) = e^{i\omega\psi}\Psi(q).$$

Při vložení do Klein–Gordonovy rovnice v komplexním čase dostaneme:

$$\left(-\frac{\omega^2}{c^2}\right)\Psi(q) = 0,$$

což identifikujeme jako:

$$m^2c^2 = \hbar^2\omega^2 \quad \Rightarrow \quad m = \frac{\hbar\omega}{c^2}.$$