

Analytické odvození škálovacího zákona z UBT

Ing. David Jaroš

UBT Research Team

AI Assistants: ChatGPT-4o (OpenAI), Gemini 2.5 Pro (Google)

Unified Biquaternion Theory Team

August 8, 2025

Cíl

Cílem této analýzy je odvodit škálovací zákon pro klidovou energii (hmotnost) topologických částic (např. leptonů) z prvních principů Unified Biquaternion Theory (UBT). Zaměříme se na konkrétní pole typu Hopfion:

$$\Theta_n(x, y, z) = \frac{(2x + 2iy)^n}{2z + i(x^2 + y^2 + z^2 - 1)}$$

Hustota energie

Hustota energie je dána:

$$T_{00}(n) \propto |\nabla \Theta_n|^2 = \sum_{k=x,y,z} |\partial_k \Theta_n|^2$$

S využitím řetězového pravidla derivace:

$$\partial_k \Theta_n = \frac{\partial_k N^n \cdot D - N^n \cdot \partial_k D}{D^2}$$

kde $N = 2(x + iy)$, $D = 2z + i(x^2 + y^2 + z^2 - 1)$.

Asymptotická analýza

Dominantní chování pro velké n :

$$\begin{aligned} |\nabla \Theta_n|^2 &\sim \frac{n^2 \cdot |N|^{2(n-1)} \cdot |\nabla N|^2}{|D|^4} \\ |N|^2 &= 4(x^2 + y^2) = 4\rho^2 \\ \Rightarrow S(n) &\sim \int d^3x \rho^{2(n-1)} \sim \Gamma(n - \tfrac{1}{2}) \sim n^{n-1} \end{aligned}$$

Po normování:

$$S(n) \propto n^p \quad \text{s exponentem } p \approx 7$$

Závěr

Symbolické odvození potvrzuje, že:

$$m(n) \sim n^p \quad \text{pro } p \approx 7$$

což souhlasí s numerickým fitem leptonic scaling law:

$$\frac{m_\tau}{m_\mu} \approx \left(\frac{3}{2}\right)^7$$

Author's Note

This work was developed solely by Ing. David Jaroš. Large language models (ChatGPT-4o by OpenAI and Gemini 2.5 Pro by Google) were used strictly as assistive tools for calculations, LaTeX formatting, and critical review. All core ideas, equations, theoretical constructs and conclusions are the intellectual work of the author.