# TD 1 - Calculs

### Pour s'échauffer

Exercice 1. Calculer les expressions suivantes :

a) 
$$A = 3 + 6$$
,

b) 
$$B = -5 + 7$$
,

c) 
$$C = -4, 8 + 2, 3,$$

d) 
$$D = 3 \times (-5)$$
,

e) 
$$E = 3, 5 \times 2,$$

f) 
$$F = -2 \times (5 - 2 \times 4 + 2)$$
.

# Manipuler des fractions

Exercice 2. Simplifier au mieux les expressions suivantes :

a) 
$$A = \frac{12}{3}$$
,

b) 
$$B = -\frac{100}{4}$$

c) 
$$C = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$
,

d) 
$$D = \frac{3}{12} - \frac{2}{6}$$
,

e) 
$$E = \frac{1}{24} - \frac{1}{8}$$
,

f) 
$$F = \frac{3}{2} + \frac{2}{3}$$
,

g) 
$$G = -\frac{5}{9} + \frac{7}{6}$$
,

h) 
$$H = -\frac{25}{3} - \frac{1}{5}$$
,

i) 
$$I = \left(\frac{7}{15} + \frac{1}{3}\right) \div \left(\frac{3}{4} + \frac{12}{5}\right)$$
, j)  $J = \left(\frac{11}{2} - \frac{4}{7}\right) \div \left(\frac{3}{4} + 1\right)$ ,

j) 
$$J = \left(\frac{11}{2} - \frac{4}{7}\right) \div \left(\frac{3}{4} + 1\right)$$
,

k) 
$$K = \left(\frac{30}{13} - \frac{2}{3}\right) \times 2$$
,

1) 
$$L = \frac{\frac{3}{4} + \frac{1}{12} \times \frac{9}{8}}{2 - \frac{4}{3}}$$
.

**Exercice 3.** Réduire la fraction  $\frac{84}{126}$ . Écrire  $\frac{1}{126} + \frac{1}{84}$  sous forme de fraction réduite.

**Exercice 4.** Écrire le réel  $\frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}-1}$  sans racine carrée au dénominateur.

### Développer et factoriser

Exercice 5. Développer et réduire les expressions suivantes :

a) 
$$A = (2 + \sqrt{3})^2$$
,

b) 
$$B = (\sqrt{14} - \sqrt{12})^2$$
,

c) 
$$C = (a+b+c)^2$$
,

d) 
$$D = (a+2b+c)^2 - (a-b)^2$$
,

e) 
$$E = (a+b)^3$$
,

f) 
$$F = (a - 3b)^3$$
,

Exercice 6. Factoriser les expressions suivantes :

a) 
$$A = x^3 + x^2$$

b) 
$$B = (2x+3)(6-x)-(x+4)(2x+3)$$

c) 
$$C = 4x^2 - 9$$

d) 
$$D = 16x^2 + 8x + 1$$

# Puissances et exposants

Exercice 7 (\*). Simplifier au mieux les expressions suivantes :

a) 
$$A = \frac{(2^5)^3 \times 15^2}{10^2}$$
,

b) 
$$B = \frac{3^4}{2^5} + \left(\frac{6^2}{4^2}\right)^2$$
,

c) 
$$C = \frac{10^{-5} \times (10^3)^7}{2^{-4} \times (2^5)^2},$$

d) 
$$D = 4\sqrt{75} - 5\sqrt{300} + 2\sqrt{48}$$

e) 
$$E = 2\sqrt{27} + 3\sqrt{48}$$
,

f) 
$$F = \frac{(3\sqrt{2})^2}{\sqrt{9 \times 10^2}}$$

g) 
$$G = \frac{1 - 2\sqrt{3}}{1 + 2\sqrt{3}}$$
,

h) 
$$H = (a^{2p})^2 + (a^{2^p})^2$$
.