Sémantique et Traduction des Langages Majeure Sciences et Ingénierie du Logiciel

Marc Pantel

2020 - 2021

- Cours : 10 séances Marc Pantel
- ► TD : 8 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ► TP : 9 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- Mini Projets (20%) en binôme : 2 séances de suivi + 1 test Finalisation travaux de TP sur langage fonctionnel miniML Finalisation travaux de TP sur langage impératif miniC
- ▶ Projet (40%) en quadrinôme : 5 séances de suivi + 1 test Extension du langage miniC avec technologies objets
- Examen (40%): 1h30 avec documents
- Urgent : Constituer les quadrinômes et binômes associés
- ► Alternative 1 : Pas de confinement
 - Travaux Dirigées en présenciel
 - ► Travaux Pratiques à décider
- ► Alternative 2 : Confinement
 - ► Combinaison TD/TP à distance

- Cours: 10 séances Marc Pantel
- ► TD : 8 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ► TP: 9 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- Mini Projets (20%) en binôme : 2 séances de suivi + 1 test Finalisation travaux de TP sur langage fonctionnel miniML Finalisation travaux de TP sur langage impératif miniC
- ▶ Projet (40%) en quadrinôme : 5 séances de suivi + 1 test Extension du langage miniC avec technologies objets
- Examen (40%): 1h30 avec documents
- Urgent : Constituer les quadrinômes et binômes associés
- ► Alternative 1 : Pas de confinement
 - Travaux Dirigées en présenciel
 - ► Travaux Pratiques à décider
- ► Alternative 2 : Confinement
 - ► Combinaison TD/TP à distance

- ► Cours : 10 séances Marc Pantel
- ► TD : 8 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ► TP: 9 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- Mini Projets (20%) en binôme : 2 séances de suivi + 1 test Finalisation travaux de TP sur langage fonctionnel miniML Finalisation travaux de TP sur langage impératif miniC
- ▶ Projet (40%) en quadrinôme : 5 séances de suivi + 1 test Extension du langage miniC avec technologies objets
- Examen (40%): 1h30 avec documents
- ▶ Urgent : Constituer les quadrinômes et binômes associés
- ► Alternative 1 : Pas de confinement
 - Travaux Dirigées en présenciel
 - ► Travaux Pratiques à décider
- ► Alternative 2 : Confinement
 - ► Combinaison TD/TP à distance

- ► Cours : 10 séances Marc Pantel
- ► TD : 8 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ► TP: 9 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- Mini Projets (20%) en binôme : 2 séances de suivi + 1 test Finalisation travaux de TP sur langage fonctionnel miniML Finalisation travaux de TP sur langage impératif miniC
- ▶ Projet (40%) en quadrinôme : 5 séances de suivi + 1 test Extension du langage miniC avec technologies objets
- Examen (40%): 1h30 avec documents
- Urgent : Constituer les quadrinômes et binômes associés
- Alternative 1 : Pas de confinement
 - Travaux Dirigées en présenciel
 - Travaux Pratiques à décider
- ► Alternative 2 : Confinement
 - ► Combinaison TD/TP à distance

- ► Cours : 10 séances Marc Pantel
- ► TD : 8 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ► TP: 9 séances Marc Pantel/Neeraj Singh
- ▶ Mini Projets (20%) en binôme : 2 séances de suivi + 1 test Finalisation travaux de TP sur langage fonctionnel miniML Finalisation travaux de TP sur langage impératif miniC
- ▶ Projet (40%) en quadrinôme : 5 séances de suivi + 1 test Extension du langage miniC avec technologies objets
- Examen (40%): 1h30 avec documents
- ▶ Urgent : Constituer les quadrinômes et binômes associés
- ► Alternative 1 : Pas de confinement
 - Travaux Dirigées en présenciel
 - Travaux Pratiques à décider
- ► Alternative 2 : Confinement
 - ► Combinaison TD/TP à distance

- Introduction
 - Rappels : Modélisation, Automates et Graphes, GLS
 - Architecture générale
 - Formes de sémantique
- Interprétation
 - Sémantique opérationnelle
 - Sémantique axiomatique
- Compilation
 - ► Table des Symboles, Arbre abstrait
 - Typage
 - Modèle mémoire, Génération de code
 - Sémantique translationnelle, dénotationnelle
- Vérification de correction

- ► Introduction
 - Rappels : Modélisation, Automates et Graphes, GLS
 - ► Architecture générale
 - Formes de sémantique
- Interprétation
 - Sémantique opérationnelle
 - Sémantique axiomatique
- Compilation
 - ► Table des Symboles, Arbre abstrait
 - Typage
 - Modèle mémoire, Génération de code
 - Sémantique translationnelle, dénotationnelle
- Vérification de correction

- ► Introduction
 - Rappels : Modélisation, Automates et Graphes, GLS
 - ► Architecture générale
 - Formes de sémantique
- Interprétation
 - ► Sémantique opérationnelle
 - Sémantique axiomatique
- Compilation
 - ► Table des Symboles, Arbre abstrait
 - Typage
 - Modèle mémoire, Génération de code
 - Sémantique translationnelle, dénotationnelle
- Vérification de correction

- ► Introduction
 - Rappels : Modélisation, Automates et Graphes, GLS
 - Architecture générale
 - Formes de sémantique
- Interprétation
 - ► Sémantique opérationnelle
 - Sémantique axiomatique
- Compilation
 - ► Table des Symboles, Arbre abstrait
 - Typage
 - Modèle mémoire, Génération de code
 - Sémantique translationnelle, dénotationnelle
- Vérification de correction

Rappels

- ► Modélisation :
 - Structure algébrique des langages
 - Spécification des langages :
 - Expressions régulières,
 - Grammaire (règles de production, EBNF, Conway)
- Automates et Théorie des Langages
 - Automates, Automates à piles, Analyseur descendant récursif
 - ► Générateurs d'analyseurs lexicaux et syntaxiques
- ► Ingénierie Dirigée par les Modèles
 - Métamodèles :
 - Représentation abstraite du langage (MOF),
 - ► Règles de bonne formation (OCL)
 - Syntaxe concrète texte : Xtext

Rappels

- ► Modélisation :
 - Structure algébrique des langages
 - ► Spécification des langages :
 - Expressions régulières,
 - ► Grammaire (règles de production, EBNF, Conway)
- Automates et Théorie des Langages
 - Automates, Automates à piles, Analyseur descendant récursif
 - ► Générateurs d'analyseurs lexicaux et syntaxiques
- ► Ingénierie Dirigée par les Modèles
 - Métamodèles :
 - Représentation abstraite du langage (MOF),
 - Règles de bonne formation (OCL)
 - Syntaxe concrète texte : Xtext

Rappels

- ► Modélisation :
 - Structure algébrique des langages
 - Spécification des langages :
 - Expressions régulières,
 - ► Grammaire (règles de production, EBNF, Conway)
- Automates et Théorie des Langages
 - Automates, Automates à piles, Analyseur descendant récursif
 - ► Générateurs d'analyseurs lexicaux et syntaxiques
- Ingénierie Dirigée par les Modèles
 - Métamodèles :
 - Représentation abstraite du langage (MOF),
 - Règles de bonne formation (OCL)
 - Syntaxe concrète texte : Xtext

Principes essentiels

Communication = Echange d'informations

- Besoins : Représenter les informations possibles
 - ► Reconnaitre une information
 - Exploiter une information

Organisation stratifiée : information structurée

Informatique : Science du traitement de l'information

Computer science : Science de la « machine à calculer »

- Essentiel: Description et manipulation de l'information (langage),
 - ► Traitement d'une information quelconque,
 - ► Traitement d'une manipulation quelconque
 - D'où : Description formelle du langage
 - Génération automatique des outils de manipulation

Références bibliographiques

- ▶ Hopcroft, Ullman, Introduction to automata theory, languages and computation, Addison-Wesley, 1979.
- Stern, Fondements mathématiques de l'informatique, McGraw-Hill, 1990.
- Carton, Langages formels, calculabilité et complexité, Vuibert, 2008.
- Aho, Sethi, Ullman, Compilateurs : Principes, Techniques et Outils, InterEditions, 1989.
- ► Fisher, Leblanc, Crafting a compiler in ADA/in C, Benjamin Cummings, 1991.
- Wilhem, Maurer, Les compilateurs : Théorie, construction, génération, Masson, 1994.
- Appel, Modern Compiler Implementation in Java/ML/C, Cambridge University Press, 1998.
- Winskel, The formal semantics of programming languages: An introduction, MIT Press, 1993.
- ► Lämmel, Software Languages : Syntax, Semantics and Metaprogramming, Springer (under review), 2017.



Exemple: fichier /etc/hosts

► Fichier tel qu'il est affiché :

Informations brutes : caractères

```
0000000  # sp C e c i sp e s t sp u n sp c o 0000020  m m e n t a i r e nl nl 1 2 7 . 0 0000040 . 0 . 1 ht h a l 9 0 0 0 sp l o c 0000060 a l h o s t nl nl # sp E n sp v o i 0000100 c i sp u n sp a u t r e nl nl 1 4 7 0000120 . 1 2 7 . 1 8 . 1 4 4 ht p h o e 0000140 n i x . e n s e e i h t . f r nl 0000160
```

Analyse lexicale

- ► Informations élémentaires : commentaire, nombre, identificateur, ... (unités lexicales)
- ► Résultat de l'analyse lexicale :

```
# Ceci est un commentaire 127 . 0 . 0 . 1
hal9000 localhost # En voici un autre 147 .

127 . 18 . 144 enseeiht . enseeiht . fr
```

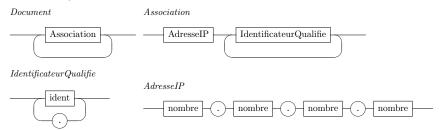
- Spécification des unités lexicales : Expressions régulières
 - Commentaire : $\#[^{n}]^* \setminus n$
 - ► Nombre : [0 − 9]⁺
 - ► Identificateur : $[a bA B][a bA B0 9]^*$

Analyse syntaxique

- Informations structurées (unités syntaxiques) :
 - Premier niveau : adresse IP, nom qualifié
 - ► Deuxième niveau : assocation
 - ► Troisième niveau : document

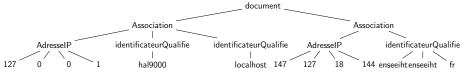


 Spécification des unités syntaxiques : Grammaires (notation de Conway)



Analyse sémantique

► Structure arborescente associée :



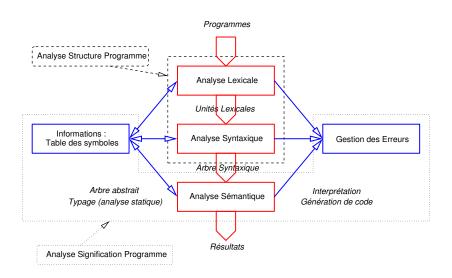
 Exploitation des informations : association nom qualifié/adresse IP (unités sémantiques)

```
      hal9000
      127 . 0 . 0 . 1

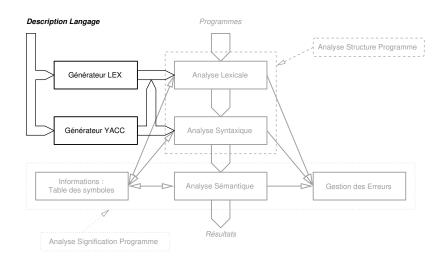
      localhost
      127 . 0 . 0 . 1

      enseeiht . enseeiht . fr
      147 . 127 . 18 . 144
```

Structure d'un outil

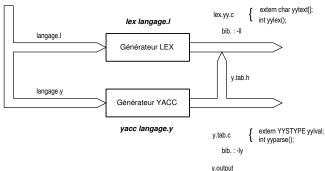


Exemple lex et yacc



Exemple lex et yacc

Description Langage



Définitions

- ► Caractère/Symbole : Unité élémentaire d'information
- Unité lexicale (lexème, mot) : Séquence de caractères
- Unité syntaxique (arbre syntaxique, syntème, phrase) : Arbre d'unités lexicales
- Unité sémantique : diverses (arbre abstrait, table des symboles, type, code généré, résultat évaluation, . . .)

Comment organiser les informations?

- Objectif : Exploitation des informations
- ► Règle : Choisir le bon niveau de précision
- ▶ Unité lexicale : Bloc élémentaire d'information pertinente
- Unité syntaxique : Elément structurant de l'information

Sémantique formelle des langages

- Objectif : Modélisation la sémantique avec des outils mathématique
- Atteindre la qualité de la modélisation de la syntaxe
- Etudier la cohérence et la complétude
- Prouver la correction des outils
- Générer automatiquement les outils
- Différentes formes :
 - Sémantique opérationnelle : Mécanisme d'exécution des programmes
 - Sémantique axiomatique : Mécanisme de vérification des programmes
 - Sémantique translationnelle : Traduction vers un autre langage équipé d'une sémantique formelle
 - Sémantique dénotationnelle : Traduction vers un formalisme mathématique
- Validation des sémantique par étude équivalence entre formes

- Expressions : sans effets de bord, similaire dans tous les langages
- Partie fonctionnelle : sans effets de bord
- Partie Impérative : effets de bord, y compris dans les expressions et la partie fonctionnelle

- Expressions : sans effets de bord, similaire dans tous les langages
- Partie fonctionnelle : sans effets de bord
- Partie Impérative : effets de bord, y compris dans les expressions et la partie fonctionnelle

- Expressions : sans effets de bord, similaire dans tous les langages
- Partie fonctionnelle : sans effets de bord
- ▶ Partie Impérative : effets de bord, y compris dans les expressions et la partie fonctionnelle

Expressions :

► Partie Fonctionnelle :

► Partie Impératives :

Interprétation : Principes généraux

- Programme qui exécute un programme (émulateur, machine virtuelle, . . .)
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'interprète
- ► Représenter le programme comme une donnée
- ► Représenter l'exécution comme des données et algorithmes
 - Résultats de l'exécution (dont intermédiaires)
 - ► Ne pas oublier les erreurs d'exécution (résultats possibles)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Interprétation : Principes généraux

- ▶ Programme qui exécute un programme (émulateur, machine virtuelle, . . .)
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'interprète
- ► Représenter le programme comme une donnée
- ► Représenter l'exécution comme des données et algorithmes
 - Résultats de l'exécution (dont intermédiaires)
 - ► Ne pas oublier les erreurs d'exécution (résultats possibles)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Interprétation : Principes généraux

- ▶ Programme qui exécute un programme (émulateur, machine virtuelle, ...)
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'interprète
- ► Représenter le programme comme une donnée
- ► Représenter l'exécution comme des données et algorithmes
 - ► Résultats de l'exécution (dont intermédiaires)
 - ▶ Ne pas oublier les erreurs d'exécution (résultats possibles)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Représentation des programmes et de l'exécution

Programmes :

- Arbres abstraits : Abstraction de l'arbre de dérivation (arbre syntaxique)
- Structure de graphe (relation définition/utilisation)
 - Approche objet : Métamodèles
 - ► Approche fonctionnelle : Structure d'arbres + Tables des symboles

Exécution :

- Valeurs : Exploiter les types de base du langage hôte (booléen, entier, flottant, caractère, chaîne de caractère, . . .)
- Déclarations : Utilisation d'un dictionnaire (table des symboles)
- Mémoire : Adresses et Espace de données associé

Représentation des programmes et de l'exécution

▶ Programmes :

- Arbres abstraits : Abstraction de l'arbre de dérivation (arbre syntaxique)
- Structure de graphe (relation définition/utilisation)
 - Approche objet : Métamodèles
 - ▶ Approche fonctionnelle : Structure d'arbres + Tables des symboles

Exécution :

- Valeurs : Exploiter les types de base du langage hôte (booléen, entier, flottant, caractère, chaîne de caractère, . . .)
- Déclarations : Utilisation d'un dictionnaire (table des symboles)
- Mémoire : Adresses et Espace de données associé

Application à miniML

- ► Arbre abstrait : voir vidéo séparée
- ► Valeurs :

$$\begin{array}{ccc} \textit{Valeur} & \rightarrow & \textit{Const} \\ & | & \bot \end{array}$$

► Algorithme d'exécution : voir vidéo séparée

Sémantique Opérationnelle

- Objectif : Décrire formellement les mécanismes d'exécution des programmes d'un langage
- Principe :
 - Exploiter la syntaxe du langage
 - Décrire l'exécution comme une transformation des programmes
- Notation : Règles de déduction
 - Soient $J_1, \ldots J_n$ et J des jugements :

	Notation	Signification
Déduction	$\frac{J_1 \qquad J_n}{J}$	si J_1 etet J_n sont valides alors J est valide
Axiome		J est valide

- ▶ Jugement d'exécution à grand pas : $\gamma \vdash e \Rightarrow v$
 - $ightharpoonup \gamma$: environnement (association *Ident / Valeur*)
 - e : expression (Expr)
 - v : valeur (Valeur)
- Partie haute : Étapes intermédiaires (appels récursifs dans interpréte miniML)
- ▶ Partie basse : Construction traitée par la règle



miniML: Constantes et Accès identificateur

Constante : Valeur ne change pas

$$\frac{\gamma \vdash \textit{entier} \Rightarrow \textit{entier}}{\gamma \vdash \textit{booleen} \Rightarrow \textit{booleen}}$$

- ► Identificateur : Accès à l'environnement
 - Présent : Transmission valeur associée

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = \nu}{\gamma \vdash x \Rightarrow \nu}$$

Absent : Cas d'erreur

$$\frac{x \notin \gamma}{\gamma \vdash x \Rightarrow \bot_{undef}}$$

miniML : Opérateur Unaire

- Étape préliminaire : Calcul du paramètre
- Variante 1 : Résultat correct du bon type

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v \neq \bot \quad v \in dom \, op \quad v' = op \, v}{\gamma \vdash op \, e \Rightarrow v'}$$

Variante 2 : Résultat erroné

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v = \bot_c}{\gamma \vdash op \ e \Rightarrow \bot_c}$$

Variante 3 : Résultat correct du mauvais type

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v \neq \bot \quad v \notin dom \, op}{\gamma \vdash op \, e \Rightarrow \bot_{type}}$$



miniML : Opérateur Binaire

- Étapes préliminaires : Calcul des paramètres
- Question : Y a t'il un ordre particulier?
- ► En absence d'effets de bord : Non, concurrence/parallélisme possible
- Variante 1 : Résultats corrects du bon type

Variante 2 : Résultat(s) erroné(s)

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad v_1 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c} \quad \frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad v_2 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c}$$

- Que se passe t'il si deux erreurs se produisent de natures différentes?
- Définir une règle qui explicite ce cas
- Variante 3 : Résultat correct du mauvais type

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad v_1 \neq \bot \quad v_2 \neq \bot \quad v_1 \times v_2 \notin dom \, op}{\gamma \vdash e_1 \ op \ e_2 \Rightarrow \bot_{type}}$$

miniML: Opérateur Binaire Droite à Gauche

- ► Imposons un ordre d'évaluation de droite à gauche (celui de OCaML)
- Variante 1 : Résultats corrects du bon type

Attention : Cette règle n'impose pas d'ordre

► Variante 2 : Résultat(s) erroné(s)

$$\frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad v_2 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c} \quad \frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{v_2 \neq \bot} \quad \gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad v_1 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c}$$

- 2 erreurs ne peuvent plus se produire en même temps
- ► Variante 3 : Résultat correct du mauvais type

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad v_1 \neq \bot \quad v_2 \neq \bot \quad v_1 \times v_2 \notin \mathit{dom}\,\mathit{op}}{\gamma \vdash e_1 \,\mathit{op}\,\,e_2 \Rightarrow \bot_{\mathit{type}}}$$

Exemple d'exécution d'un programme miniML

- ▶ Prenons : $\gamma = \{v \mapsto 2\}$
- ightharpoonup Calculons le programme miniML : 1 + v * 3
- L'arbre est trop volumineux, décomposons en :

$$A = \frac{v \in \gamma \quad \gamma(v) = 2}{\gamma \vdash v \Rightarrow 2}$$

$$B = \frac{A \qquad \gamma \vdash 3 \Rightarrow 3}{3 \neq \bot} \quad 2 \times 3 \in dom * \quad 6 = 2 * 3$$

$$\frac{\gamma \vdash 1 \Rightarrow 1}{1 \neq \bot} \quad \frac{B}{6 \neq \bot} \quad 1 \times 6 \in dom + \quad 7 = 1 + 6$$

$$\frac{\gamma \vdash 1 \Rightarrow 1}{\gamma \vdash 1 + v * 3 \Rightarrow 7}$$

- Syntaxe : let rec $f = e_1$ in e_2
- ► Rappel : Définition simple

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{x \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{\gamma \vdash \text{let } x = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2}$$

ightharpoonup Rendons f visible dans e_1 :

$$\frac{\gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2}$$

- Question : Est ce bien fondé?
- Remarque :

let rec
$$f = e_1$$
 in $e_2 \equiv \text{let } f = \text{let rec } f = e_1$ in e_1 in e_2

Exploitons cette relation :

$$\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2$$

 $\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2$

Est ce un progrès?



- Syntaxe : let rec $f = e_1$ in e_2
- ► Rappel : Définition simple

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{x \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{\gamma \vdash \text{let } x = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2}$$

ightharpoonup Rendons f visible dans e_1 :

$$\frac{\gamma :: \{f \ \mapsto \ v_1\} \ \vdash \ e_1 \ \Rightarrow \ v_1 \quad \gamma :: \{f \ \mapsto \ v_1\} \ \vdash \ e_2 \ \Rightarrow \ v_2}{\gamma \ \vdash \ \mathtt{let} \ \mathtt{rec} \ f \ = \ e_1 \ \mathtt{in} \ e_2 \ \Rightarrow \ v_2}$$

- Question : Est ce bien fondé?
- Remarque :

let rec
$$f = e_1$$
 in $e_2 \equiv \text{let } f = \text{let rec } f = e_1$ in e_1 in e_2

Exploitons cette relation :

$$\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2$$

 $\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2$

Est ce un progrès?



- Syntaxe : let rec $f = e_1$ in e_2
- ► Rappel : Définition simple

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{x \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{\gamma \vdash \text{let } x = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2}$$

ightharpoonup Rendons f visible dans e_1 :

$$\frac{\gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v_2}$$

- Question : Est ce bien fondé?
- ► Remarque :

let rec $f = e_1$ in $e_2 \equiv \text{let } f = \text{let rec } f = e_1$ in e_1 in e_2

Exploitons cette relation :

$$\frac{\gamma \vdash \texttt{let rec } f = e_1 \texttt{ in } e_1 \Rightarrow \textit{v}_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto \textit{v}_1\} \vdash e_2 \Rightarrow \textit{v}_2}{\gamma \vdash \texttt{let rec } f = e_1 \texttt{ in } e_2 \Rightarrow \textit{v}_2}$$

► Est ce un progrès?



➤ Si nous le faisons une seconde fois :

$$\frac{\gamma \vdash \texttt{let rec } f = e_1 \texttt{ in } e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_1 \Rightarrow v_1}{\gamma \vdash \texttt{let rec } f = e_1 \texttt{ in } e_1 \Rightarrow v_1}$$

- ▶ Si e_1 s'évalue en une fonction $\langle \text{fun } x \rightarrow e_3, \gamma_{def} \rangle$
- Nous pouvons alors poursuivre le calcul de e₂ en exploitant cette fermeture
- Nous en déduisons la règle simplifiée dans laquelle nous gelons le calcul de la définition récursive

$$\frac{\gamma :: \{f \mapsto \langle \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_1, \gamma \rangle\} \vdash e_2 \Rightarrow v}{\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v}$$

Il faut alors ajouter une règle qui degèle le calcul lors de l'accès à f dans l'environnement :

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = \langle e, \gamma_{def} \rangle \quad \gamma_{def} \vdash e \Rightarrow v}{\gamma \vdash x \Rightarrow v}$$

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = v \quad v \neq \langle e, \gamma_{def} \rangle}{\gamma \vdash x \Rightarrow v}$$



► Si nous le faisons une seconde fois :

$$\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{f \mapsto v_1\} \vdash e_1 \Rightarrow v_1$$

 $\gamma \vdash \text{let rec } f = e_1 \text{ in } e_1 \Rightarrow v_1$

- ► Si e_1 s'évalue en une fonction $\langle \text{fun } x \rightarrow e_3, \gamma_{def} \rangle$
- Nous pouvons alors poursuivre le calcul de e₂ en exploitant cette fermeture
- Nous en déduisons la règle simplifiée dans laquelle nous gelons le calcul de la définition récursive

$$\frac{\gamma :: \{f \mapsto \langle \, \text{let rec} \, f = e_1 \, \, \text{in} \, e_1 \,, \, \gamma \, \rangle \} \, \vdash \, e_2 \, \Rightarrow \, v}{\gamma \vdash \, \text{let rec} \, f = e_1 \, \, \text{in} \, e_2 \, \Rightarrow \, v}$$

► Il faut alors ajouter une règle qui degèle le calcul lors de l'accès à f dans l'environnement :

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = \langle e, \gamma_{def} \rangle \quad \gamma_{def} \vdash e \Rightarrow v}{\gamma \vdash x \Rightarrow v}$$

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = v \quad v \neq \langle e, \gamma_{def} \rangle}{\gamma \vdash x \Rightarrow v}$$

Objectif : Déterminer les propriétés des programmes

- Analyse dynamique : Exécuter les programmes pour observer les propriétés
- Approche incomplète :
 - Exécution finie : Nombre d'étapes d'exécution fini
 - Nombre d'exécution fini
- Analyse statique : Déterminer les propriétés sans exécuter les programmes
 - Abstraction finie d'une exécution
 - Exécution symbolique du programme (interprétation abstraite)
 - Approche complète : Abstraction de toutes étapes de toutes les exécutions possibles
 - ► Approche correcte : Sur-approximation des propriétés réelles
- Exemple : Détecter certaines erreurs d'exécution sans exécuter les programmes (Définitions, Typage, Erreurs de calcul, Consommation ressources, . . .)

- Objectif : Déterminer les propriétés des programmes
- Analyse dynamique : Exécuter les programmes pour observer les propriétés
- Approche incomplète :
 - Exécution finie : Nombre d'étapes d'exécution fini
 - Nombre d'exécution fini
- Analyse statique : Déterminer les propriétés sans exécuter les programmes
 - Abstraction finie d'une exécution
 - Exécution symbolique du programme (interprétation abstraite)
 - Approche complète : Abstraction de toutes étapes de toutes les exécutions possibles
 - ► Approche correcte : Sur-approximation des propriétés réelles
- Exemple : Détecter certaines erreurs d'exécution sans exécuter les programmes (Définitions, Typage, Erreurs de calcul, Consommation ressources, . . .)

- Objectif : Déterminer les propriétés des programmes
- Analyse dynamique : Exécuter les programmes pour observer les propriétés
- Approche incomplète :
 - Exécution finie : Nombre d'étapes d'exécution fini
 - Nombre d'exécution fini
- Analyse statique : Déterminer les propriétés sans exécuter les programmes
 - Abstraction finie d'une exécution
 - Exécution symbolique du programme (interprétation abstraite)
 - Approche complète : Abstraction de toutes étapes de toutes les exécutions possibles
 - ► Approche correcte : Sur-approximation des propriétés réelles
- Exemple : Détecter certaines erreurs d'exécution sans exécuter les programmes (Définitions, Typage, Erreurs de calcul, Consommation ressources, . . .)

- Objectif : Déterminer les propriétés des programmes
- Analyse dynamique : Exécuter les programmes pour observer les propriétés
- Approche incomplète :
 - Exécution finie : Nombre d'étapes d'exécution fini
 - Nombre d'exécution fini
- Analyse statique : Déterminer les propriétés sans exécuter les programmes
 - Abstraction finie d'une exécution
 - Exécution symbolique du programme (interprétation abstraite)
 - Approche complète : Abstraction de toutes étapes de toutes les exécutions possibles
 - Approche correcte : Sur-approximation des propriétés réelles
- Exemple : Détecter certaines erreurs d'exécution sans exécuter les programmes (Définitions, Typage, Erreurs de calcul, Consommation ressources, . . .)

- Notion de type : Ensemble de valeurs pour lesquelles le programme a le même comportement
- Langage des types possibles : Syntaxe des types
 - ▶ Pour les expressions de miniML : bool et int
- Sémantique des types : Ensemble des valeurs possibles y compris les erreurs à l'exécution
 - $\blacktriangleright \texttt{[bool]} = \{\texttt{true}, \texttt{false}, \bot_{\textit{runtime}}\}$
 - $ightharpoonup \llbracket \operatorname{int}
 rbracket =
 rbracket U \{ \perp_{runtime} \}$
- ► Relations de comparaison des types :
 - Égalité
 - Compatibilité :
 - ► Généricité/Instanciation, Polymorphisme paramètrique
 - Sous-typage, Polymorphisme d'héritage
 - **.**..
- ► Règles de calcul (en miniML, Unification des types)

- Notion de type : Ensemble de valeurs pour lesquelles le programme a le même comportement
- Langage des types possibles : Syntaxe des types
 - Pour les expressions de miniML : bool et int
- Sémantique des types : Ensemble des valeurs possibles y compris les erreurs à l'exécution
 - lacksquare [bool] = {true, false, $\bot_{runtime}$ }
 - $ightharpoonup \llbracket \operatorname{int}
 rbracket =
 rbracket \cup \{ \perp_{runtime} \}$
- ► Relations de comparaison des types :
 - Égalité
 - Compatibilité :
 - ► Généricité/Instanciation, Polymorphisme paramètrique
 - ► Sous-typage, Polymorphisme d'héritage
 - **.**..
- ► Règles de calcul (en miniML, Unification des types)

- Notion de type : Ensemble de valeurs pour lesquelles le programme a le même comportement
- Langage des types possibles : Syntaxe des types
 - ▶ Pour les expressions de miniML : bool et int
- Sémantique des types : Ensemble des valeurs possibles y compris les erreurs à l'exécution
 - ▶ $[bool] = \{true, false, \bot_{runtime}\}$
 - $lackbox[int] = \mathbb{Z} \cup \{\perp_{\textit{runtime}}\}$
- ► Relations de comparaison des types :
 - Égalité
 - Compatibilité :
 - ► Généricité/Instanciation, Polymorphisme paramètrique
 - Sous-typage, Polymorphisme d'héritage
 - **.**..
- Règles de calcul (en miniML, Unification des types)

- Notion de type : Ensemble de valeurs pour lesquelles le programme a le même comportement
- Langage des types possibles : Syntaxe des types
 - ▶ Pour les expressions de miniML : bool et int
- Sémantique des types : Ensemble des valeurs possibles y compris les erreurs à l'exécution
 - ▶ $[bool] = \{true, false, \bot_{runtime}\}$ ▶ $[int] = \mathbb{Z} \cup \{\bot_{runtime}\}$
- ► Relations de comparaison des types :
 - Égalité
 - Compatibilité :
 - ► Généricité/Instanciation, Polymorphisme paramètrique
 - Sous-typage, Polymorphisme d'héritage
- ► Règles de calcul (en miniML, Unification des types)

- Notion de type : Ensemble de valeurs pour lesquelles le programme a le même comportement
- Langage des types possibles : Syntaxe des types
 - ▶ Pour les expressions de miniML : bool et int
- Sémantique des types : Ensemble des valeurs possibles y compris les erreurs à l'exécution
 - lacksquare [bool] = {true, false, $\bot_{runtime}$ }
 - $ightharpoonup \llbracket \operatorname{int}
 rbracket =
 rbracket U \{ \perp_{runtime} \}$
- ► Relations de comparaison des types :
 - Égalité
 - Compatibilité :
 - ► Généricité/Instanciation, Polymorphisme paramètrique
 - ► Sous-typage, Polymorphisme d'héritage
 - **.** . .
- Règles de calcul (en miniML, Unification des types)

Analyseur statique : Principes généraux

- Programme qui détermine les propriétés d'un programme
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'analyseur
- ► Représenter le programme comme une donnée
- Représenter les propriétés comme des données
- Exprimer les règles de vérification comme des algorithmes
 - Résultats de la vérification (dont intermédiaires)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Analyseur statique : Principes généraux

- Programme qui détermine les propriétés d'un programme
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'analyseur
- ▶ Représenter le programme comme une donnée
- ► Représenter les propriétés comme des données
- Exprimer les règles de vérification comme des algorithmes
 - Résultats de la vérification (dont intermédiaires)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Analyseur statique : Principes généraux

- Programme qui détermine les propriétés d'un programme
- Langage hôte/support : Langage de programmation de l'analyseur
- ► Représenter le programme comme une donnée
- Représenter les propriétés comme des données
- Exprimer les règles de vérification comme des algorithmes
 - Résultats de la vérification (dont intermédiaires)
 - Pour chaque construction exécutable du langage, identifier :
 - 1. Variantes selon résultats intermédiaires
 - 2. Étapes dans chaque variante
 - 3. Contraintes entre les étapes

Application à miniML

- ► Arbre abstrait : voir vidéo séparée
- Syntaxe des types :

$$Type \rightarrow bool$$
 | int

- Représentation des types et unification : voir vidéo séparée
- ► Algorithme de typage : voir vidéo séparée

Sémantique Axiomatique

- Objectif : Décrire formellement les mécanismes d'analyse des propriétés des programmes d'un langage
- Principe :
 - Exploiter la syntaxe du langage
 - Décrire les relations entre les constructions du langage et les propriétés
- Notation : Règles de déduction
- ▶ Jugement de typage : $\sigma \vdash e : \tau$
 - $ightharpoonup \sigma$: environnement (association *Ident / Type*)
 - e : expression (Expr)
 - ightharpoonup au : type (*Type*)
- Partie haute : Étapes intermédiaires (appels récursifs dans typeur miniML)
- ▶ Partie basse : Construction traitée par la règle
- ► Principe de construction : Règles d'exécution congrue par la sémantique des types (façon classes d'équivalence)

miniML : Constantes et Accès identificateur

► Règles d'évaluation :

$$\gamma \vdash$$
 entier \Rightarrow entier $\gamma \vdash$ booleen \Rightarrow booleen

► Règles de typage :

$$\overline{\sigma \vdash entier : int} \quad \overline{\sigma \vdash booleen : bool}$$

- ► Identificateur : Accès à l'environnement
 - Transmission valeur associée :

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = \nu}{\gamma \vdash x \Rightarrow \nu}$$

► Règle de typage associée :

$$\frac{x \in \sigma \quad \sigma(x) = \tau}{\sigma \vdash x : \tau}$$

miniML : Opérateur Unaire

- ► Étape préliminaire : Traitement du paramètre
- ► Variante 1 : Résultat correct du bon type

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v \neq \bot \quad v \in dom \, op \quad v' = op \, v}{\gamma \vdash op \, e \Rightarrow v'}$$

Variante 2 : Résultat erroné

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v = \bot_c}{\gamma \vdash op \ e \Rightarrow \bot_c}$$

Règle de typage associée :

$$\frac{\sigma \vdash e : \tau \quad \tau = dom \, op \quad \tau' = codom \, op}{\sigma \vdash op \, e : \tau'}$$



miniML : Opérateur Binaire Droite à Gauche

- Étapes préliminaires : Traitement des paramètres
- ▶ Variante 1 : Résultats corrects du bon type

► Variante 2 : Résultat(s) erroné(s)

$$\frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad v_2 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c} \quad \frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{v_2 \neq \bot} \quad \gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad v_1 = \bot_c}{\gamma \vdash e_1 \text{ op } e_2 \Rightarrow \bot_c}$$

► Règle de typage associée :

$$\frac{\sigma \vdash e_1 : \tau_1 \quad \sigma \vdash e_2 : \tau_2 \quad \tau_1 \times \tau_2 = dom \, op \quad \tau = codom \, op}{\sigma \vdash e_1 \, op \, e_2 : \tau}$$



Exemple de typage d'un programme miniML

- ▶ Prenons : $\sigma = \{v : int\}$
- ▶ Typons le programme miniML : 1 + v * 3
- L'arbre est trop volumineux, décomposons en :

$$A = \frac{v \in \sigma \quad \sigma(v) = \text{int}}{\sigma \vdash v : \text{int}}$$

$$B = \frac{\sigma \vdash 3 : \text{int} \quad \text{int} = dom *}{\sigma \vdash v * 3 : \text{int}}$$

$$\frac{\sigma \vdash 1 : \text{int} \quad \text{int} \times \text{int} = dom +}{B \quad \text{int} = codom +}$$

$$\frac{\sigma \vdash 1 + v * 3 : \text{int}}{\sigma \vdash 1 + v * 3 : \text{int}}$$

Correction du typage par rapport à l'exécution

Cours, TD, TP, mini-projet: miniC

- ▶ Types de données :
 - ► Types de base : boolean, int, char, string
 - ▶ Types structurées : n-uplets, Tableaux, Pointeurs, Enregistrements, Déclaration de types
- Algorithmes
 - Expressions sans effets de bord (sauf affectation)
 - Instructions : séquence, conditionnelle, répétition
 - Déclarations de variables avec et sans initialisation
 - Fonctions, Procédures avec récursivité

Projet : miniJava

- Classes et Interfaces génériques avec Instanciation explicite
- Constructeurs, Attributs et Méthodes d'Instances et de Classes avec droits d'accès et restriction d'héritage
 - ▶ Polymorphisme d'héritage et Liaison tardive

Grammaires Attribuées : Principes généraux

- Objectif : Enricher la spécification de la syntaxe avec des éléments de sémantique
- ► Support : Règles de production
- Attributs sémantiques : Informations typées associées aux symboles (terminaux, non-terminaux)
- ► Équations sémantique : Relations entre les attributs des symboles d'une règle de production
- Question : Pour un programme donné, est il possible de calculer les valeurs des attributs sémantiques?
- ► Solution : Calcul d'un point fixe sur les équations sémantiques
- ▶ Problème : Existence du point fixe en temps fini ? Raisonnable ?
- Approche : Restriction sur la forme des équations pour assurer la terminaison

Grammaires Attribuées : Principes généraux

- Objectif : Enricher la spécification de la syntaxe avec des éléments de sémantique
- ► Support : Règles de production
- Attributs sémantiques : Informations typées associées aux symboles (terminaux, non-terminaux)
- ► Équations sémantique : Relations entre les attributs des symboles d'une règle de production
- Question : Pour un programme donné, est il possible de calculer les valeurs des attributs sémantiques?
- ► Solution : Calcul d'un point fixe sur les équations sémantiques
- ▶ Problème : Existence du point fixe en temps fini ? Raisonnable ?
- Approche : Restriction sur la forme des équations pour assurer la terminaison

Grammaires Attribuées : Principes généraux

- Objectif : Enricher la spécification de la syntaxe avec des éléments de sémantique
- Support : Règles de production
- Attributs sémantiques : Informations typées associées aux symboles (terminaux, non-terminaux)
- ► Équations sémantique : Relations entre les attributs des symboles d'une règle de production
- Question : Pour un programme donné, est il possible de calculer les valeurs des attributs sémantiques?
- ► Solution : Calcul d'un point fixe sur les équations sémantiques
- Problème : Existence du point fixe en temps fini ? Raisonnable ?
- Approche : Restriction sur la forme des équations pour assurer la terminaison

Grammaires attribuées : Méthode

- ► Identifier les informations :
 - Disponibles avant l'analyse du programme : Contexte de l'analyse
 - Associées aux terminaux du programme : Informations lexicales
 - Associées à la structure de l'arbre de dérivation : Informations syntaxiques
 - Résultant de l'analyse sémantique
- Choisir des exemples représentatifs du langage
- Étiqueter :
 - Racine de l'arbre (axiome de la grammaire) : Informations de contexte
 - Feuilles de l'arbre (unités lexicales) : Informations lexicales
 - NœUds de l'arbre : Informations syntaxiques
- Ètiqueter la racine avec les résultats attendus
- Identifier les relations entre les résultats attendus et les informations disponibles
- Introduire les attributs nécessaires pour les nœuds intermédiaires
- Définir et placer les actions sémantiques pour chaque nœud



Grammaires attribuées : Méthode

- ► Identifier les informations :
 - Disponibles avant l'analyse du programme : Contexte de l'analyse
 - Associées aux terminaux du programme : Informations lexicales
 - Associées à la structure de l'arbre de dérivation : Informations syntaxiques
 - Résultant de l'analyse sémantique
- Choisir des exemples représentatifs du langage
- Étiqueter :
 - Racine de l'arbre (axiome de la grammaire) : Informations de contexte
 - Feuilles de l'arbre (unités lexicales) : Informations lexicales
 - ► NœUds de l'arbre : Informations syntaxiques
- Étiqueter la racine avec les résultats attendus
- Identifier les relations entre les résultats attendus et les informations disponibles
- Introduire les attributs nécessaires pour les nœuds intermédiaires
- Définir et placer les actions sémantiques pour chaque nœud



Grammaires attribuées : Méthode

- Identifier les informations :
 - Disponibles avant l'analyse du programme : Contexte de l'analyse
 - Associées aux terminaux du programme : Informations lexicales
 - Associées à la structure de l'arbre de dérivation : Informations syntaxiques
 - Résultant de l'analyse sémantique
- Choisir des exemples représentatifs du langage
- Étiqueter :
 - Racine de l'arbre (axiome de la grammaire) : Informations de contexte
 - Feuilles de l'arbre (unités lexicales) : Informations lexicales
 - NœUds de l'arbre : Informations syntaxiques
- Étiqueter la racine avec les résultats attendus
- Identifier les relations entre les résultats attendus et les informations disponibles
- ▶ Introduire les attributs nécessaires pour les nœuds intermédiaires
- Définir et placer les actions sémantiques pour chaque nœud



- ► Objectif : Calcul pendant l'analyse syntaxique
- ► Hypothèse : Parcours de l'arbre de dérivation descendant puis ascendant de gauche à droite
- Remarque : Compatible avec analyse descendante récursive (grammaires LL(k))
- Nature des attributs sémantiques des non terminaux :
 - Hérité (parcours descendant) : Calculé avant l'analyse du non terminal
 - Synthétisé (parcours ascendant) : Calculé pendant l'analyse du non terminal
- Forme des équations : Fonctions qui calculent la valeur des attributs
 - Synthétisés du symbole non terminal associé à la règle
 - ► Hérités des symboles non terminaux exploités par la règle
- ► Contrainte : Incompatible avec l'analyse ascendante (grammaires *LR(k)*)

- ► Objectif : Calcul pendant l'analyse syntaxique
- ► Hypothèse : Parcours de l'arbre de dérivation descendant puis ascendant de gauche à droite
- ▶ Remarque : Compatible avec analyse descendante récursive (grammaires LL(k))
- Nature des attributs sémantiques des non terminaux :
 - Hérité (parcours descendant) : Calculé avant l'analyse du non terminal
 - Synthétisé (parcours ascendant) : Calculé pendant l'analyse du non terminal
- Forme des équations : Fonctions qui calculent la valeur des attributs
 - Synthétisés du symbole non terminal associé à la règle
 - Hérités des symboles non terminaux exploités par la règle
- ► Contrainte : Incompatible avec l'analyse ascendante (grammaires *LR(k)*)

- ► Objectif : Calcul pendant l'analyse syntaxique
- ► Hypothèse : Parcours de l'arbre de dérivation descendant puis ascendant de gauche à droite
- Remarque : Compatible avec analyse descendante récursive (grammaires LL(k))
- Nature des attributs sémantiques des non terminaux :
 - Hérité (parcours descendant) : Calculé avant l'analyse du non terminal
 - Synthétisé (parcours ascendant) : Calculé pendant l'analyse du non terminal
- ► Forme des équations : Fonctions qui calculent la valeur des attributs
 - Synthétisés du symbole non terminal associé à la règle
 - Hérités des symboles non terminaux exploités par la règle
- Contrainte : Incompatible avec l'analyse ascendante (grammaires LR(k))

- ► Objectif : Calcul pendant l'analyse syntaxique
- ► Hypothèse : Parcours de l'arbre de dérivation descendant puis ascendant de gauche à droite
- ► Remarque : Compatible avec analyse descendante récursive (grammaires *LL*(*k*))
- Nature des attributs sémantiques des non terminaux :
 - Hérité (parcours descendant) : Calculé avant l'analyse du non terminal
 - Synthétisé (parcours ascendant) : Calculé pendant l'analyse du non terminal
- ► Forme des équations : Fonctions qui calculent la valeur des attributs
 - Synthétisés du symbole non terminal associé à la règle
 - Hérités des symboles non terminaux exploités par la règle
- ► Contrainte : Incompatible avec l'analyse ascendante (grammaires LR(k))

- Objectif : Compatible avec analyseurs ascendants
- Uniquement des Attributs synthétisés
- Exécution des équations en fin de règle de production
- Exemples d'outils : ocamlyacc, menhir
- ▶ Qu'en est il des outils classiques de la famille yacc et bison?
 - Utilisation de variables globales pour émuler les attributs hérités
 - Ajout de non-terminaux virtuels pour les actions sémantiques internes aux règles : Exécution de l'action sur la réduction de la règle
 - Introduit des conflits qui imposent la factorisation des règles : sous-ensemble des grammaires LR(k)
- Problèmes : Restrictions trop fortes pour la plupart des sémantiques
- ► Méthode associée :
 - Construction de l'arbre abstrait
 - Parcours de l'arbre abstrait pour les sémantiques plus complexes

- Objectif : Compatible avec analyseurs ascendants
- Uniquement des Attributs synthétisés
- Exécution des équations en fin de règle de production
- Exemples d'outils : ocamlyacc, menhir
- Qu'en est il des outils classiques de la famille yacc et bison?
 - Utilisation de variables globales pour émuler les attributs hérités
 - Ajout de non-terminaux virtuels pour les actions sémantiques internes aux règles : Exécution de l'action sur la réduction de la règle
 - Introduit des conflits qui imposent la factorisation des règles : sous-ensemble des grammaires LR(k)
- Problèmes : Restrictions trop fortes pour la plupart des sémantiques
- ► Méthode associée :
 - Construction de l'arbre abstrait
 - Parcours de l'arbre abstrait pour les sémantiques plus complexes

- Objectif : Compatible avec analyseurs ascendants
- Uniquement des Attributs synthétisés
- Exécution des équations en fin de règle de production
- Exemples d'outils : ocamlyacc, menhir
- Qu'en est il des outils classiques de la famille yacc et bison?
 - Utilisation de variables globales pour émuler les attributs hérités
 - Ajout de non-terminaux virtuels pour les actions sémantiques internes aux règles : Exécution de l'action sur la réduction de la règle
 - Introduit des conflits qui imposent la factorisation des règles : sous-ensemble des grammaires LR(k)
- ▶ Problèmes : Restrictions trop fortes pour la plupart des sémantiques
- Méthode associée :
 - Construction de l'arbre abstrait
 - Parcours de l'arbre abstrait pour les sémantiques plus complexes

Exemple : Typage de miniML

- Attribut hérité : Environnement de typage
- Attribut synthétisé : Type de l'expression
- Action sémantique : Régle de typage associée à la régle de production

```
E \rightarrow \#1 E + \#2 T \#3
#1 : E_1.env = E.env
#2 : T.env = E.env
                                                F \rightarrow #1(E)#2
                                                #1 : E.env = F.env
#3 : E.type = Typage(+, E_1.type, T.type)
                                                #2 : F.type = E.type
E \rightarrow \#1\ T\ \#2
#1 : T.env = E.env
                                               F \rightarrow #1 - F #2
#2 : E.type = T.type
                                                #1 : F_1.env = F.env
                                                #2 : F.type = Typage(-, F_1.type)
T \rightarrow \#1 \ T * \#2 \ F \ \#3
#1 : T_1.env = T.env
                                                F \rightarrow \text{entier } #1
#2 : F.env = T.env
                                                #1 : F.tvpe = int
#3 : E.tvpe = Tvpage(*, T_1, tvpe, F, tvpe)
                                                F \rightarrow \text{ident } \#1
T \rightarrow \#1\ F\ \#2
                                                #1 : F.type = Recherche(F.env, ident.texte)
#1 : F.env = T.env
#2: T.tvpe = F.tvpe
```

Exemple : Typage de miniML

- Élimination de la récursivité à gauche
- Attributs hérités supplémentaires : typeh

```
E \rightarrow \#1\ T\ \#2\ ST\ \#3
                                                 T \rightarrow #1 F #2 SF #3
#1: T.env = E.env
                                                 #1: F.env = T.env
#2 : ST.env = E.env
                                                 #2 : SF.env = T.env
        ST.typeh = T.type
                                                         SF.typeh = F.type
#3: E.type = ST.type
                                                 #3: T.type = SF.type
ST \rightarrow #1 + T #2 ST #3
                                                 SF \rightarrow #1 *F #2 SF #3
#1: ST_1.env = ST.env
                                                 #1: SF_1.env = SF.env
#2: T.env = ST.env
                                                 #2 : F.env = SF.env
                                                         SF_1.typeh = Typage(*, SF.typeh, F.type)
        ST_1.typeh = Typage(+, ST.typeh, T.type)
#3 : ST.type = ST_1.type
                                                 #3 : SF.type = SF_1.type
ST \rightarrow #1
                                                 SF \rightarrow #1
#1: ST.tvpe = ST.tvpeh
                                                 #1: SF.tvpe = SF.tvpeh
```

Exemple : Exécution de miniML

- Attribut hérité : Environnement d'exécution
- ► Attribut synthétisé : Valeur de l'expression
- Action sémantique : Régle d'exécution associée à la régle de production

Rappel : Arbres de dérivation (syntaxique)

- Objectif: Représenter la structure du mot induite par les règles de production lors d'une dérivation
- Feuilles de l'arbre : Terminaux composant le mot
- ► Racine de l'arbre : Axiome
- Nœuds de l'arbre : Non-terminaux apparaissant dans la dérivation
- ► Branches de l'arbre : Règles de production



Rappel : Arbres de dérivation (syntaxique)

- Objectif: Représenter la structure du mot induite par les règles de production lors d'une dérivation
- Feuilles de l'arbre : Terminaux composant le mot
- ► Racine de l'arbre : Axiome
- Nœuds de l'arbre : Non-terminaux apparaissant dans la dérivation
- ► Branches de l'arbre : Règles de production

Exemple:
Arbre de dérivation
pour 1 + 2 * 3

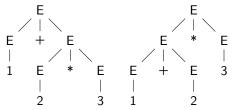
E

| | |
E + E

| 1 E * E

Rappel: Grammaire et langage ambigu

- Une grammaire est ambigue s'il existe plusieurs arbres de dérivation distincts pour un même mot
- Exemple : Arbres de dérivation pour 1 + 2 * 3



 Un langage est ambigu si toutes les grammaires le représentant sont ambigues

- Associativité codée par récursivité
- Priorité codée par imbrication des régles
- Grammaire LR(k):

▶ Grammaire LL(k):

$$\begin{array}{cccc} E & \rightarrow & T \ ST \\ ST & \rightarrow & + T \ ST \\ ST & \rightarrow & \Lambda \\ T & \rightarrow & F \ SF \\ SF & \rightarrow & *F \ SF \\ SF & \rightarrow & \Lambda \end{array}$$

- Associativité codée par récursivité
- Priorité codée par imbrication des régles
- Grammaire LR(k):

ightharpoonup Grammaire LL(k):

Arbre associé :

Arbre associé :

$$E \rightarrow TST$$

$$ST \rightarrow +TST$$

$$ST \rightarrow \Lambda$$

$$T \rightarrow FSF$$

$$SF \rightarrow *FSF$$



- Associativité codée par récursivité
- Priorité codée par imbrication des régles
- ▶ Grammaire LR(k):

▶ Grammaire LL(k):

Arbre associé :

Arbre associé :

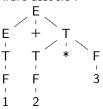


- Associativité codée par récursivité
- Priorité codée par imbrication des régles
- Grammaire LR(k):

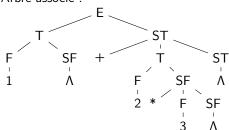
▶ Grammaire LL(k):

$$\begin{array}{cccc} E & \rightarrow & T \ ST \\ ST & \rightarrow & + T \ ST \\ ST & \rightarrow & \Lambda \\ T & \rightarrow & F \ SF \\ SF & \rightarrow & *F \ SF \\ SF & \rightarrow & \Lambda \end{array}$$

Arbre associé :



Arbre associé:

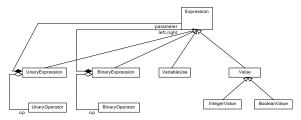


- ► Arbre de dérivation / Arbre syntaxique : Construit automatiquement à partir de la structure de la grammaire
 - Satisfaisant pour les grammaires LR(k)
 - ▶ Déformé par l'élimination de la récursivité à gauche et la factorisation pour les grammaires LL(k)
- Arbre abstrait:
 - Support pour les étapes suivantes d'analyse sémantique
 - ► Simplification de l'arbre syntaxique (élimination des nœuds inutiles)
 - ▶ Réparation des déformations LL(k)
- Modèle de donnée pour l'analyse sémantique : méta-modèle
- Exemple des expressions : voir TD GLS Patron Visiteur

- ► Arbre de dérivation / Arbre syntaxique : Construit automatiquement à partir de la structure de la grammaire
 - Satisfaisant pour les grammaires LR(k)
 - ▶ Déformé par l'élimination de la récursivité à gauche et la factorisation pour les grammaires LL(k)
- ► Arbre abstrait :
 - Support pour les étapes suivantes d'analyse sémantique
 - ► Simplification de l'arbre syntaxique (élimination des nœuds inutiles)
 - Réparation des déformations LL(k)
- ► Modèle de donnée pour l'analyse sémantique : méta-modèle
- Exemple des expressions : voir TD GLS Patron Visiteur

- ► Arbre de dérivation / Arbre syntaxique : Construit automatiquement à partir de la structure de la grammaire
 - ► Satisfaisant pour les grammaires *LR*(*k*)
 - ▶ Déformé par l'élimination de la récursivité à gauche et la factorisation pour les grammaires LL(k)
- ► Arbre abstrait :
 - Support pour les étapes suivantes d'analyse sémantique
 - Simplification de l'arbre syntaxique (élimination des nœuds inutiles)
 - Réparation des déformations LL(k)
- Modèle de donnée pour l'analyse sémantique : méta-modèle
- Exemple des expressions : voir TD GLS Patron Visiteur

- Arbre de dérivation / Arbre syntaxique : Construit automatiquement à partir de la structure de la grammaire
 - Satisfaisant pour les grammaires LR(k)
 - ▶ Déformé par l'élimination de la récursivité à gauche et la factorisation pour les grammaires LL(k)
- Arbre abstrait:
 - Support pour les étapes suivantes d'analyse sémantique
 - Simplification de l'arbre syntaxique (élimination des nœuds inutiles)
 - ► Réparation des déformations *LL*(*k*)
- Modèle de donnée pour l'analyse sémantique : méta-modèle
- Exemple des expressions : voir TD GLS Patron Visiteur



Gestion de la Table des Symboles

- Objectif:
 - 1. Lier les définitions et les utilisations des identificateurs
 - 2. Collecter toutes les informations associées aux identificateurs :
 - contenues initialement dans le programme
 - calculées par la sémantique
- Exemple : Environnement d'exécution et de typage de miniML
- Deux approches possibles :
 - 1. Manipulation explicite d'un dictionnaire (environnement de miniML)
 - 2. Construction de liens dans l'arbre abstrait
- Gestion de la portée des définitions : Table des symboles hiérarchique
 - Une table pour chaque espace de noms
 - Relations entre tables qui correspondent à l'inclusion (les recouvrements de portée) des espaces de noms

Architecture de la table des symboles

► Modèle de données fourni :

