

## Développement formel de systèmes complexes

19 Mars 2021.

Durée 1h30

Documents autorisés

### Partie 1. Questions de cours

La méthode B propose de décrire des spécifications de systèmes comprenant des variables, des invariants, une initialisation des variables ainsi que des événements.

- Une obligation de preuve déchargée (prouvée), peut-elle être considérée comme un théorème ?
- Expliquer pourquoi les obligations de preuve peuvent-elles être générées automatiquement ?
- Quel mécanisme de preuve est associé à la preuve d'un invariant ?
- Une machine décrit des invariants et des théorèmes. Tout deux décrivent des propriétés de la machines. Pourquoi théorèmes et invariants ont-ils été différenciés ?
- Lorsqu'un invariant est introduit, il doit décroître grâce aux événements dit "convergers". Quelles propriétés peut-on garantir grâce à la présence d'un invariant décroissant ?
- Le raffinement établit une relation de simulation entre deux machines. Expliquer le rôle de la relation de simulation ?

Il est demandé de répondre en quelques lignes seulement.

Pour les parties 2 et 3, si vous souhaitez introduire des précisions, veuillez les décrire dans votre copie.

### Partie 2. Une machine Event-B

On veut spécifier un système de réservation. Les passagers appartiennent à un ensemble passagers *PASSAGERS* défini dans un contexte *TICKETS\_RESERVATIONS*. Un second ensemble *VILLES* est défini, il caractérise les ville origine et destination d'un billet. Le contexte suivant est défini.

```
CONTEXT
  TICKETS_RESERVATIONS
SETS
  PASSAGERS
  VILLES
END
```

L'objectif du modèle consiste à définir un système de réservation de billets d'avion avec possibilité de réserver ou d'annuler un voyage. La machine Event-B *Voyage* ci-dessous décrit ce modèle.

Un ensemble de *passagers* est défini dans la clause *VARIABLES* de cette machine. Il est possible d'obtenir le prix d'un billet, l'âge d'un passager ainsi que l'origine et la destination d'un passager par les applications *prix*, *age*, *origine* et *destination* également définies dans la clause *VARIABLES* de cette machine.

À l'initialisation, les ensembles *passagers*, *age*, *prix*, *origine* et *destination* sont vides.

```
MACHINE
  Voyage
SEES
  TICKETS_RESERVATIONS
VARIABLES
  passagers, age, prix, origine, destination
INVARIANT
  INV1 : passagers ⊆ PASSAGERS
  INV2 : age ∈ passagers → NAT
  INV3 : prix ∈ passagers → NAT
  INV4 : origine ∈ passagers → VILLES
  INV5 : destination ∈ passagers → VILLES
  ...
INITIALISATION
  passagers, age, prix, origine, destination := {}
EVENTS
  Réserver_billet = ...

  Annuler_billet = ...
```

Les événements suivants sont introduits.

- *Réserver\_billet* permettent de réserver un billet pour un passager donné
- *Annuler\_billet* pour annuler le billet d'un passager ayant déjà réservé un billet.

#### Questions

- 2.1. Compléter la machine abstraite *Voyage* en écrivant un invariant INV6 qui indique que l'origine et la destination d'un billet donné ne sont pas identiques.

*[Signature]*

- 2.2. Compléter la machine abstraite *Voyage* en exprimant la spécification formelle des 2 événements *Réserver\_billet* et *Annuler\_billet*. Vous veillerez à respecter les invariants de ce modèle.
- 2.3. Ecrire l'obligation de preuve associée à l'invariant proposé en question 2.1. pour l'évènement *Réserver\_billet*.
- 2.4. Ecrire les obligations de preuve associées aux invariants INV1 et INV2 pour l'évènement *Annuler\_billet*.
- 2.5. Justifier, en quelques lignes ou par une démonstration, la correction de l'évènement *Réserver\_billet* par rapport à l'invariant proposé en question 2.1.

### Partie 3. Un raffinement Event-B

La machine ci-dessous décrit le squelette du raffinement demandé

```

MACHINE
  Voyage_Ref
REFINES
  Voyage
SEES
  TICKETS_RESERVATIONS
VARIABLES
  passengers, age, prix, origine, destination
INVARIANT
  ...
INITIALISATION
  passengers, age, prix, origine, destination := 0
EVENTS
  Réserver_billet_Jeune =
    REFINES Réserver_billet
    ...

  Échange_Billet = ...
  
```

Nous introduisons la possibilité de réserver un billet à l'aide des événements suivants

- *Réserver\_billet\_Jeune* pour réserver un billet pour un jeune (âge entre 12 et 25 ans)
- *Échange\_Billet* qui permet à un passager donné, ayant réservé un billet, de pouvoir échanger son billet. Dans ce cas, seule la destination peut changer.

#### Questions

- 3.1. Décrire un invariant qui indique que le prix de tout billet réservé par un passager "jeune" (âge entre 12 et 25 ans) ne dépasse pas 300 le billet.
- 3.2. Quel événement est raffiné par l'évènement *Échange\_Billet* ?
- 3.3. Compléter le raffinement ci-dessous en décrivant les événements *Réserver\_billet\_Jeune* et *Échange\_Billet*.  
Il est inutile de copier les variables, invariant, initialisation, événements qui ne changent pas par rapport à la machine *Voyage*
- 3.4. Le raffinement obtenu est-il correct ? Justifier votre réponse.