Exclusion mutuelle Détection de la terminaison Détection de l'interblocage La diffusion fiable

Systèmes et algorithmes répartis Problèmes génériques

Philippe Quéinnec, Gérard Padiou

ENSEEIHT Département Sciences du Numérique

10 octobre 2022



Plan

111

- Exclusion mutuelle
 - Le problème
 - Jeton circulant
 - Algorithme de Ricart-Agrawala
 - Algorithme à base d'arbitres
 - Détection de la terminaison
 - Le problème
 - Terminaison sur un anneau
 - Algorithme des quatre compteurs
 - Algorithme des crédits
 - 3 Détection de l'interblocage
 - Le problème
 - Caractérisation de l'interblocage
 - Algorithme de Chandy, Misra, Haas
 - La diffusion fiable



Exclusion mutuelle
Détection de la terminaison
Détection de l'interblocage
La diffusion fiable

Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Plan

- 1 Exclusion mutuelle
 - Le problème
 - Jeton circulant
 - Algorithme de Ricart-Agrawala
 - Algorithme à base d'arbitres
- 2 Détection de la terminaison
 - Le problème
 - Terminaison sur un anneau
 - Algorithme des quatre compteurs
 - Algorithme des crédits
- 3 Détection de l'interblocage
 - Le problème
 - Caractérisation de l'interblocage
 - Algorithme de Chandy, Misra, Haas
 - A La diffusion fiable



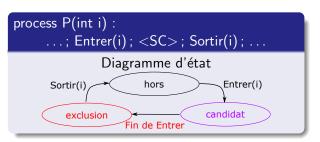
Exclusion mutuelle Détection de la terminaison La diffusion fiable

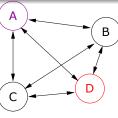
Détection de l'interblocage

Le problème

Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Spécification du problème





- D est en exclusion A est candidat
- Sûreté : Un processus au plus en exclusion $\forall i, j :: P_i.exclusion \land P_i.exclusion \Rightarrow i = j$
- Vivacité faible : pas d'interblocage (certains candidats finissent par entrer)
- Vivacité forte : Tout candidat finit par entrer
- Protocole: Tout processus en exclusion finit par sortir

[Précis 4.1 pp.63-65]



Le problème
Jeton circulant
Algorithme de Ricart-Agrawala
Algorithme à base d'arbitres

Élection vs exclusion mutuelle

Problèmes similaires. . .

Isoler un processus parmi tous : introduire une asymétrie

... mais bien différents

- Élection d'un quelconque des processus mais exclusion mutuelle parmi les candidats
- L'élection est définitive mais l'exclusion mutuelle se termine et se transmet ⇒ évolution dynamique



Algorithme à base de jeton circulant

Algorithme basé sur le contrôle d'un objet circulant

- Anneau logique (indépendant de la structure du réseau physique) : chaque site a un successeur
- Jeton circulant :
 - un site non demandeur transmet le jeton à son successeur
 - un site demandeur attend le jeton pour obtenir l'exclusion mutuelle
 - un site qui sort d'exclusion mutuelle transmet le jeton à successeur

Propriétés

- Sûreté : unicité du jeton
- Vivacité : intégrité de l'anneau (existence et circulation du jeton)



Algorithme à base de jeton circulant

```
Process P(i : 0..N-1) {
 type Etat = {hors,candidat,exclusion}
 Etat EC \leftarrow hors;
 bool jeton \leftarrow (i = 0); //jeton initialement sur site 0
                             // hors 
ightarrow candidat
 on (EC = hors) :
     EC \leftarrow candidat;
 on (EC = candidat \land jeton) : // candidat \rightarrow exclusion
     EC \leftarrow exclusion:
 on (EC = exclusion) : // exclusion \rightarrow hors
     EC \leftarrow hors:
      send MsgJeton to P_{i \oplus 1}
      jeton \leftarrow false;
 on reception MsgJeton : // réception jeton
     jeton \leftarrow true;
 on jeton \wedge EC = hors : // transmission jeton
     send MsgJeton to P_{i\oplus 1}
      jeton \leftarrow false;
```

Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Algorithmes à base de permission

Un processus candidat doit demander à d'autres processus la permission d'entrer en exclusion

- À tout P_i on associe un ensemble D_i contenant les processus à contacter
- Correction : $\forall i \neq j : j \in D_i \lor i \in D_j$
- Deux types de permissions :
 - individuelles: un processus donne son autorisation selon son propre état ⇒ n'engage que lui
 - d'arbitre: les processus s'échangent des permissions préexistantes en nombre fixé ⇒ engage tous les processus qui dépendent de lui
- Objectif: Minimiser les ensembles D_i
- 1. An Optimal Algorithm for Mutual Exclusion in Computer Networks, Glenn-Ricart and Ashok K. Agrawala. Communications of the ACM, January 1981.

Permissions individuelles : Ricart et Agrawala

ננו

Hypothèses

- Chaque processus connaît l'identité des N processus
- Réseau de communication fiable et maillé (non FIFO)
- Pas de défaillance de processus

Solution

- Utilisation de permissions individuelles avec :
 - $\forall i: D_i = Tous \{i\}$
- Ordonnancement des requêtes par datation

Messages

- Message de requête : le site i demande l'autorisation à j
- ullet Message d'autorisation : le site j donne son autorisation à i
- Pas de message de refus : le refus est temporaire



Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Algorithme de Ricart et Agrawala

Principes

- Requêtes d'entrée totalement ordonnées :
 - ⇒ Utilisation d'horloges de Lamport
- Chaque processus P_i candidat ou en exclusion connaît la date de sa requête courante Date(R_i)
- Un candidat entre en exclusion s'il a obtenu les permissions de tous les autres
 - ⇒ il possède alors la requête la plus ancienne
- Revient à vérifier que la requête R_i d'un processus P_i est la plus vieille requête des processus candidats ou en exclusion :

$$\forall k : P_k.Etat \neq hors \Rightarrow Date(R_i) \leq Date(R_k)$$



Algorithme de Ricart-Agrawala

```
Process P(i : 0..N-1) {
 type Etat = {hors,candidat,exclusion}; Etat EC ← hors;
 Date hloc ← new Date(0,i); // horloge locale
 Date dr; // date de la requête de ce site
 Set<int> Att \leftarrow \emptyset; // sites lui ayant demandé l'autorisation
 Set<int> D: // sites dont i attend l'autorisation
 on (EC = hors) : // hors \rightarrow candidat
        EC \leftarrow candidat:
        D \leftarrow 0..N-1 \setminus \{i\};
        dr \leftarrow hloc.Top();
        for k \in D: send Request(i,dr) to P_k;
 on reception Request(p, d):
        hloc.Recaler(d):
        if (EC \neq hors \land dr \lt d) then Att \leftarrow Att \cup {p};
        else send Perm(i) to P_p;
 on (EC = candidat) \land reception Perm(p) : // candidat \rightarrow excl
        D \leftarrow D \setminus \{p\};
        if (D = \emptyset) then EC \leftarrow exclusion;
 on (EC = exclusion) : // exclusion \rightarrow hors
        for k \in Att: send Perm(i) to P_k;
        Att \leftarrow \emptyset; EC \leftarrow hors;
```

Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Permissions d'arbitres

נתת

Principe

Obtenir la permission de tous les arbitres contactés.

Condition nécessaire : \exists arbitre commun : $\forall i, j : D_i \cap D_j \neq \emptyset$

Exemple

i prend pour arbitre :	1	2	3	4	5
1		•	•		
2			•	•	
3		•		•	
4		•		•	
5		•	•		

Note: 1 et 5 ne sont pas arbitres



Quorums

Définition

Un système de quorum est un ensemble d'ensembles, tel que tout couple d'ensembles a une intersection non vide :

$$Q = \{Q_1, \dots, Q_n\}, \forall i, j : Q_i \cap Q_j \neq \emptyset$$

Un quorum Q_i est responsable pour l'ensemble total.

Idéalement :

- Effort identique : Tous les quorums ont la même taille : $\forall i: |Q_i| = K$
- Responsabilité identique : Tous les sites appartiennent au même nombre de quorums : $\forall i : |\{j : i \in Q_i\}| = D$
- Minimalité : $K = D = \text{le plus petit possible (théorie : } [\sqrt{n}])$



Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Permissions d'arbitres

Construction facile d'un système de quorum quasi optimal :

• Construire une matrice arbitraire, éventuellement en dupliquant certains sites, p.e. pour 14 sites :

• Tout processus utilise les arbitres de sa colonne et de sa ligne $D_6 = \{2, 5, 7, 8, 10, 14\}$

- Tout processus utilise au plus $2\lceil \sqrt{n} \rceil 1$ arbitres
- Tout arbitre appartient à au plus $2\lceil \sqrt{n} \rceil 1$ ensembles

^{1.} $A\sqrt{n}$ Algorithm for Mutual Exclusion in Decentralized Systems, Mamoru Maekawa. ACM Transactions on Computer Systems, May 1985.

Le problème Jeton circulant Algorithme de Ricart-Agrawala Algorithme à base d'arbitres

Permissions d'arbitres

ATTENTION: pas de miracle...

Modèle parallèle processus ↔ ressources critiques

- Un processus doit collecter des jetons ≡ ressources critiques
- Problème : risque d'interblocage
 - Solution préventive : ordonner les jetons et les demander en respectant cet ordre
 - Solution dynamique :
 - ordonner les requêtes (approche transactionnelle) et appliquer l'algorithme « wound-wait » ou « wait-die »
 - nécessite un ordre total sur les requêtes :
 - \Rightarrow usage d'horloges de Lamport
 - Risque de livelock



Le problème Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

Plan

- Exclusion mutuelle
 - Le problème
 - Jeton circulant
 - Algorithme de Ricart-Agrawala
 - Algorithme à base d'arbitres
- 2 Détection de la terminaison
 - Le problème
 - Terminaison sur un anneau
 - Algorithme des quatre compteurs
 - Algorithme des crédits
- 3 Détection de l'interblocage
 - Le problème
 - Caractérisation de l'interblocage
 - Algorithme de Chandy, Misra, Haas
 - 1 La diffusion fiable



Le problème

Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

Terminaison : détecter une propriété stable

へんん

Spécification

Propriété stable à détecter :

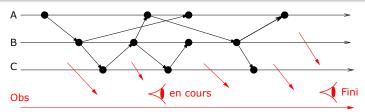
Tous les processus sont passifs ET pas de message en transit.

• Sûreté : Pas de fausse détection :

 $Term \Rightarrow (\forall i :: P_i.passif \land EnTransit = \emptyset)$

• Vivacité : La terminaison finit par être détectée :

 $(\forall i :: P_i.passif \land EnTransit = \emptyset) \leadsto Term$



[Précis 4.2 pp.66-69]



Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

Calcul diffusant

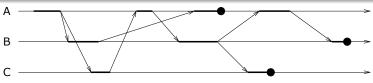
111

Définition d'un calcul diffusant

- Un processus initial émet un ou plusieurs messages
- Puis, tous les processus adoptent le même comportement :

```
 \begin{array}{c} \mathsf{loop} \; \{ & /^* \; \mathsf{un} \; \mathsf{pas} \; \mathsf{de} \; \mathsf{calcul} \; \; ^*/ \\ & \mathsf{recevoir}(m) \, ; \\ & \mathsf{traiter} \; m \, ; \\ & \mathsf{envoyer} \; 0 \; \mathsf{a} \; \mathit{N} - 1 \; \mathsf{messages} \, ; \end{array}
```

}



⇒ Les phases actives peuvent être vues comme atomiques

Terminaison sur un anneau (Misra, 1983)

777

Principe

Les sites sont organisés en anneau (communication FIFO depuis le précédent / vers le suivant mais à destinataire arbitraire). Parcourir l'anneau et vérifier que tous les sites sont passifs.

Difficulté

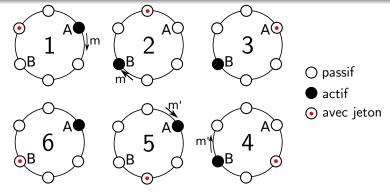
Un message émis avant le passage du visiteur sur le site émetteur peut être reçu après le passage du visiteur sur le site récepteur et réactiver un site trouvé passif

 \Rightarrow faire deux tours en vérifiant qu'aucun site n'a changé d'état entre temps

^{1.} Detecting Termination of Distributed Computation Using Markers, Jayadey Misra. 2nd ACM Symposium on Principles of Distributed Computing, 1983.

Terminaison – Misra





- tous trouvés passifs, mais calcul pas terminé!
- sites A et B trouvés passifs, mais ils ont été actifs entre temps
- ⇒ faire deux tours en vérifiant qu'aucun site n'a changé d'état entre temps



```
Process P(i : 0..N-1) {
 variables : couleur ∈ {blanc,noir}

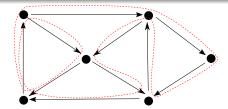
    \text{état} \in \{\text{actif,passif}\}

              jeton \in \{true, false\}
  on reception message_applicatif : // action
       couleur \leftarrow noir;
       on reception jeton(val) :
                                          // réception jeton
       jeton \leftarrow true; nb \leftarrow val;
       if (nb = N ∧ couleur = blanc) then TERMINAISON DÉTECTÉE
  on jeton \wedge état = passif : // envoi jeton
       if (couleur = blanc) then send jeton(nb + 1) to P_{i \oplus 1}
                               else send jeton(1) to P_{i\oplus 1}
       couleur \leftarrow blanc;
       jeton \leftarrow false;
  else :
                                         // attente
```

Terminaison avec un anneau logique

Graphe de communication arbitraire

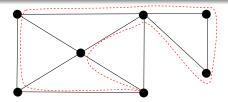
- Circuit logique contenant tous les arcs (éventuellement plusieurs fois)
- Communication FIFO : le jeton ne peut pas dépasser un message antérieur sur le même arc
- Terminaison comme précédemment, avec N = longueur du circuit





Graphe de communication arbitraire – avec la causalité

- Circuit logique contenant tous les sites (mais pas nécessairement tous les arcs)
- Communication causale: le jeton en transit depuis un site s ne peut pas arriver sur s' avant les messages émis avant sa visite sur s et envoyés directement de s vers s'
- Terminaison comme précédemment, avec N = longueur du circuit





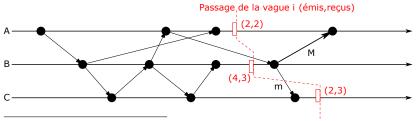
Le problème Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

Algorithme des quatre compteurs

111

Principe

- Terminaison $\stackrel{\triangle}{=}$ Emis(t) = Reçus(t) mais impossible à évaluer
- Approche : Compteurs locaux des messages émis et reçus
- Mécanisme de vague pour collecter les valeurs des compteurs
- La vague i collecte $R_i \triangleq \sum r_i$ et $E_i \triangleq \sum e_i$

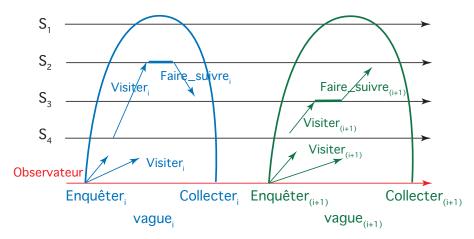


1. Algorithms for Distributed Termination Detection, Friedemann Mattern. Distributed Computing, 1987.



Le problème Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

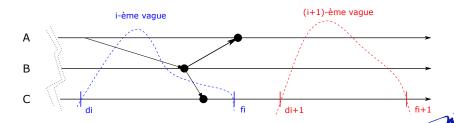
Vague : itération répartie





Détection de la terminaison

- Nécessite deux vagues successives
- Terminaison si : $R_i = E_{i+1}$ (car $\Rightarrow \exists t < d_{i+1} : E(t) = R(t)$)
- Détection avec un retard d'au plus la durée de la dernière vague

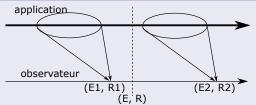


Algorithme des quatre compteurs - preuve

Vivacité : si le calcul est terminé, alors la terminaison est détectée

Calcul terminé \Rightarrow il existe une date à partir de laquelle les compteurs de messages émis/reçus par site ne changent plus \Rightarrow deux vagues successives trouveront $E_1 = R_1 = E_2 = R_2$.

Sûreté : si la terminaison est annoncée, alors le calcul est terminé



- (1) $E \ge R$ calcul réparti
- (2) $E_1 \le E \le E_2$ compteurs croissants
- (3) $R_1 \leq R \leq R_2$ idem
- (4) $E_2 = R_1$ détection annoncée
- (5) $E \le R$ d'après 2,3,4 E = R d'après 1,5

(E, R) valeurs réelles (et inconnues) des compteurs entre deux vagues successives.

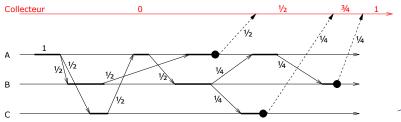
Le problème Terminaison sur un anneau Algorithme des quatre compteurs Algorithme des crédits

Algorithme des crédits (Mattern)

Un peu oublié mais pourtant simple et performant...

Principe

- Le processus initial possède un crédit de 1
- Le crédit courant est partagé entre les messages émis
- Un processus rend son crédit s'il n'envoie pas de message
- Terminaison lorsque la somme collectée égale 1



Plan

- Exclusion mutuelle
 - Le problème
 - leton circulant
 - Algorithme de Ricart-Agrawala
 - Algorithme à base d'arbitres
- 2 Détection de la terminaison
 - Le problème
 - Terminaison sur un anneau
 - Algorithme des quatre compteurs
 - Algorithme des crédits
- 3 Détection de l'interblocage
 - Le problème
 - Caractérisation de l'interblocage
 - Algorithme de Chandy, Misra, Haas
 - 1 a diffusion fish



Le problème

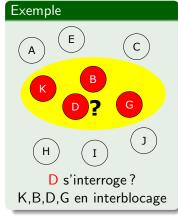
Caractérisation de l'interblocage Algorithme de Chandy, Misra, Haas

Spécification du problème

Détection d'une propriété stable

- Interblocage dû aux communications : attente de la réception d'un message
- Un processus est-il définitivement bloqué?
- Sûreté : pas de fausse détection
- Vivacité : un processus bloqué finit par le savoir

Note : définition identique en centralisé, résolutions différentes (absence d'état global)



[Précis 4.3 pp.72-75]

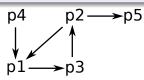


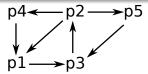
Graphe d'attente

111

Graphe d'attente

Graphe dont les nœuds sont les processus, et un arc $p_i o p_j$ si p_i est bloqué / en attente de p_j





Modèles de communication

- Modèle ET : un processus est bloqué tant qu'il n'a pas reçu un message depuis tous ceux qu'il attend.
- Modèle OU : un processus est bloqué tant qu'il n'a pas reçu un message depuis l'un de ceux qu'il attend.



Caractérisation de l'état d'interblocage

Modèle ET

Existence d'un cycle dans le graphe d'attente

Modèle OU

Existence d'une composante fortement connexe terminale dans le graphe d'attente

Composante fortement connexe terminale (CFCT)

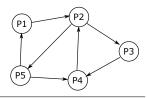
Un sous-graphe G' d'un graphe $G = \{S, A\}$ est une CFCT (knot) ssi il existe un chemin entre tout couple de sommets de G' et si tout sommet de G' a ses successeurs dans G':

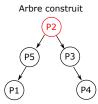
$$\forall s, s' \in G': \exists s \stackrel{*}{\rightarrow} s' \land \forall s \in G': suc(s) \neq \emptyset \land suc(s) \subset G'$$



Algorithme : calcul diffusant et arbre de contrôle

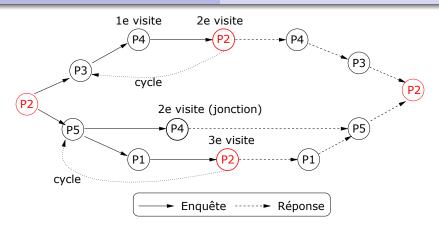
- Phase 1 : construction d'un arbre de recouvrement des sites bloqués (message d'enquête)
- Phase 2 : un site répond lorsqu'il est bloqué et que tous ses successeurs ont répondu, ou qu'il a déjà été visité (dans ce cas, cycle ou jonction avec une enquête en cours)
- Si le site initiateur obtient une réponse de tous ses successeurs, il y a interblocage





1. Distributed Deadlock Detection, K. Mani Chandy, Jayadev Misra and Laura Haas. ACM Transactions on Computer Systems, May 1983.





Propriétés

- Terminaison de la construction de l'arbre $\Rightarrow P_2$ est interbloqué
- Pas de terminaison : Il faudra recommencer...



Exclusion mutuelle Détection de la terminaison Détection de l'interblocage La diffusion fiable

Plan

- 1 Exclusion mutuelle
 - Le problème
 - Jeton circulant
 - Algorithme de Ricart-Agrawala
 - Algorithme à base d'arbitres
- 2 Détection de la terminaison
 - Le problème
 - Terminaison sur un anneau
 - Algorithme des quatre compteurs
 - Algorithme des crédits
- 3 Détection de l'interblocage
 - Le problème
 - Caractérisation de l'interblocage
 - Algorithme de Chandy, Misra, Haas
- 4 La diffusion fiable

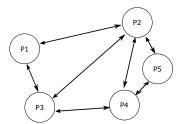


La diffusion fiable

Envoyer un message à un ensemble de destinataires, tels que tous les processus corrects le délivrent, ou aucun.

Hypothèses

- Réseau point-à-point fiable (tout message finit par arriver, intact, s'il existe un lien entre l'émetteur et le destinataire)
- Réseau connexe, pas nécessairement complet
- Défaillance d'arrêt : un processus peut s'arrêter définitivement, à tout moment





Réalisation par inondation

```
Diffuser(m), sur p
-- p = émetteur, m = message
∀ s ∈ voisins(p) ∪ {p} faire
    envoyer(⟨p,m⟩) à s
fin pour
```

```
Réception(\langle p, m \rangle), sur q
```

```
si q n'a pas déjà délivré m alors
si p \neq q alors -- propagation
\forall s \in voisins(q) faire
envoyer(\langle p,m \rangle) à s
fin pour
fin si
délivrer(m)
fin si
```

74

Propriétés

- Diffusion fiable *uniforme* : tous les processus (corrects ou ultérieurement défaillants) délivrent le message, ou aucun.
- Tout processus qui délivre un message l'a au préalable envoyé à ses voisins. Pour qu'un processus ne reçoive pas un message, il faudrait donc qu'aucun processus ne le lui ait envoyé, et donc aucun n'a pu le délivrer.
- Nombre de messages nécessaires = nombre de liens de communication (*2)
- Le protocole tolère des arrêts de processus, tant que le graphe reste connexe.
- Si le graphe cesse d'être connexe ⇒ partitions. La propriété de fiabilité devient « tous les destinataires d'une même partition le délivrent, ou aucun ».



Conclusion

Quelques problèmes standards :

- Prise de cliché (chapitre II)
- Élection (chapitre II)
- Exclusion mutuelle
- Interblocage
- Terminaison d'un calcul réparti
- Diffusion fiable

