Temas: distribuciones derivadas, covarianza, correlación

1. Sean X y Y dos variables aleatorias discretas con función de masa de probabilidad conjunta dada por

|                | Y   |     |     |
|----------------|-----|-----|-----|
| $\overline{X}$ | 1   | 3   | 5   |
| 0              | 1/6 | 0   | 1/6 |
| 2              | 0   | 1/6 | 0   |
| 4              | 1/6 | 1/6 | 1/6 |

- a) Determine la covarianza de X y Y.
- b) Determine el coeficiente de correlación de X y Y.
- 2. Sean X y Y variables aleatorias continuas con función de densidad conjunta

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{3}{2}(x^2 + y^2), & 0 \le x \le 1, 0 \le y \le 1, \\ 0, & \text{dlc.} \end{cases}$$

- a) Determine la covarianza de X y Y.
- b) Determine el coeficiente de correlación de X y Y.
- 3. Suponga que X y Y son variables aleatorias con la misma varianza. Demuestre que las variables X-Y y X+Y no están correlacionadas.
- 4. Considere cuatro variables aleatorias W, X, Y, Z donde

$$E[X]=E[Y]=E[Z]=E[W]=0,$$

$$var(X) = var(Y) = var(Z) = var(W) = 1.$$

Además, estas variables aleatorias son no-correlacionadas por parejas. Determine los coeficientes de correlación  $\rho_{R,S}$  y  $\rho_{R,T}$ , donde R=W+X, S=X+Y, y T=Y+Z.