

Revisores le definición de Consistercia:

Un estimador à de 0 es consistance si:

On = 1+1 (Ymux) mux (Y1, Y2; (1, Yn)) odcatoria PC Yi Lti) Ahota:

Con (1) Var (ô) ->0, n >0 debenos obtuer un expresión para var (6,):

$$\Theta_n = \frac{n+1}{n}$$
, y_{max} , $y_{ar}(\Theta_n) = \left(\frac{n+1}{n}\right)^2 y_{ar}(y_{max})$

(1)

2. Sea Y_1, Y_2, \ldots, Y_n una muestra aleatoria de una población con media μ y varianza σ^2 . Considere los siguientes tres estimadores para μ :

$$\hat{\mu}_1 = \frac{1}{2}(Y_1 + Y_2), \quad \hat{\mu}_2 = \frac{1}{4}Y_1 + \frac{Y_2 + \dots + Y_{n-1}}{2(n-2)} + \frac{1}{4}Y_n, \quad \hat{\mu}_3 = \bar{Y}$$

Demuestre que cada uno de los tres estimadores es insesgado

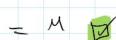
$$\rightarrow E(\hat{A}_1) = \frac{1}{2} \cdot (E(\gamma_1) + E(\gamma_2)) = \frac{1}{2} (2M) = M$$

$$- t(\hat{M}_3) = E(\bar{\gamma}) = t(\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{n} \gamma_i) - \frac{1}{n} \cdot \bar{t}(\hat{\Sigma}_{\gamma_i})$$

$$= \frac{1}{1} \cdot \sum_{i=1}^{n} E(\gamma_i)$$

$$= \frac{1}{1} \cdot \alpha_i = \alpha_i$$

$$= \underbrace{E(M_2)}_{2} = \underbrace{1}_{4} \underbrace{E(Y_1)}_{4} + \underbrace{1}_{4} \underbrace{E(Y_1)}_{4} + \underbrace{(Y_2 + ... + Y_{n-1})}_{2(n-2)} = \underbrace{M}_{2} + \underbrace{(n-2)}_{2(n-2)}$$



Encuentre la eficiencia de $\hat{\mu}_3$ con respecto a $\hat{\mu}_2$ y $\hat{\mu}_1$, respectivamente.

Receive:

eff
$$(\hat{\partial}_{1}, \hat{\partial}_{2}) = \frac{\text{Var}(\hat{\partial}_{2})}{\text{Var}(\hat{\partial}_{3})}$$

$$\hat{\mu}_2 = \frac{1}{4}Y_1 + \frac{Y_2 + \dots + Y_{n-1}}{2(n-2)} + \frac{1}{4}Y_n$$

thora:

- 3. Sea Y_1, \ldots, Y_n una muestra aleatoria de una distribución normal con media μ y varianza σ^2 .
 - Si μ es desconocida y σ^2 es conocida, demuestre que \bar{Y} es suficiente para μ

$$f(x) = rac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-rac{1}{2}\left(rac{x-\mu}{\sigma}
ight)^2}$$

$$= \left(\frac{1}{\sigma \cdot \sqrt{2\pi}}\right)^{1} \cdot e^{-\frac{1}{2} \cdot \sum_{i=1}^{2} \left(\frac{y_{i} - M}{\sigma}\right)^{2}} = \left(\frac{1}{\sigma \cdot \sqrt{2\pi}}\right)^{1} \cdot e^{-\frac{1}{2\sigma^{2}} \cdot \sum_{i=1}^{2} \left(\frac{y_{i} - M}{\sigma}\right)^{2}}$$

Si μ es conocida y σ^2 es desconocida, demuestre que $\sum_{i=1}^n (Y_i - \mu)^2$ es suficiente para σ^2

4. Suponga que Y_1, Y_2, \ldots, Y_n constituyen una muestra aleatoria de una distribución de Poisson con media λ . Encuentre un estimador para λ a través del método de momentos.

Coro es
$$\propto$$
 sob estimador:

 $+ \epsilon(x) = \lambda$
 $+ \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{2} \cdot y_i = 7$

Ahora vea que $\frac{5}{4} = \lambda$

Si Y_1, Y_2, \ldots, Y_n denotan una muestra aleatoria de una distribución normal con media μ y varianza σ^2 , encuentre los estimadores de μ y σ^2 por medio del método de momentos.

Necestarios estimas My J2 con el nétodo de moventos

- $\sigma^2 + M^2 = E \left[\chi^2 \right]$ 1 2 × × = 7
- 2 4 2 Xi2

(6) 0 = 0:
(a) 2 = 2: $M^{2} + S^{2} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i}^{n} \chi_{i}^{2}$ $S^{2} = \left(\frac{1}{n} \cdot \sum_{i}^{n} \chi_{i}^{2}\right) - \left(M\right)^{2}$

$$\mathcal{F}^2 = \left(\frac{1}{n} \cdot \frac{\hat{\Sigma}}{i} \chi_i^2\right) - \vec{\gamma}^2$$

6. Sean Y_1, Y_2, \ldots, Y_n variables aleatorias uniformes independientes y distribuidas idénticamente en el intervalo $(0,3\theta)$. Deduzca un estimador para θ a través del método