

# Álgebra abstracta y codificación

## Guía de asignatura

Última actualización: julio de 2020

### 1. Información general

Nombre de la asignatura	Álgebra abstracta y codificación
Código	11310025
Tipo de asignatura	Obligatoria
Número de créditos	4
Tipo de crédito	A
Horas de trabajo semanal con	64
acompañamiento directo del	
profesor	
Horas semanales de trabajo	128
independiente del estudiante	
Prerrequisitos	Álgebra Lineal y Lógica, teoría de números y conjuntos.
Correquisitos	Ninguno
Horario	Lunes y Miércoles: 7-9
Líder de área	Margot Salas
	Correo: margot.salas@urosario.edu.co
Salón	

### 2. Información del profesor y monitor

Nombre del profesor	Mauro Artigiani	
Perfil profesional	Matemático con doctorado en sistemas dinámicos de la University of Bristol. Investiga sobre sistemas dinámicos caracterizados por un caos "controlado", cuyo interés sale de problemas geométricos y de teoría de números.	
Correo electrónico institucional	mauro.artigiani@urosario.edu.co	
Lugar y horario de atención	Lunes 9-11am: CABAL 403	



Página web u medios (opcional)	otros	https://m-artigiani.github.io/
inculos (opcional)		

#### 3. Resumen y propósitos del curso

Este curso se ubica en el cuarto semestre del programa de matemáticas aplicadas y computación, requiere un conocimiento previo de algebra lineal y matemáticas estructurales aprendidas en el curo de lógica, teoría de números y conjuntos. Presenta una introducción al álgebra abstracta, en particular la teoría de anillos, campos y grupos. Vemos una aplicación a la teoría de códigos lineales.

#### 4. Conceptos fundamentales

- 1. Introducción, aritmética modular.
- 2. Anillos, sub-anillos.
- 3. Homomorfismos e ideales.
- 4. Campos, campos finitos.
- 5. Grupos y subgrupos.
- 6. Códigos lineales.
- 7. Decodificación.
- 8. Introducción a la teoría de códigos

#### 5. Resultados de aprendizaje esperados (RAE)

- 1. Entender las nociones básicas en teoría de anillos.
- 2. Entender nociones básicas de teoría de grupos.
- 3. Entender las nociones básicas en teoría de campos y particularmente de campos finitos.
- 4. Saber que es un código lineal.
- 5. Conocer distintos tipos de código lineales.

#### 6. Modalidad del curso

Remota: Todos sus estudiantes estarán conectados remotamente desde sus casas o ubicaciones externas a la Universidad.



### 7. Estrategias de aprendizaje

- 1. Análisis de las definiciones de los conceptos claves de cada sesión.
- 2. Análisis de las demostraciones presentadas por el profesor.
- 3. Resolución de ejercicios de manera individual y en el tablero.
- 4. Aplicar lo aprendido de álgebra abstracta a la teoría de códigos.

#### 8. Actividades de evaluación

Tema	Actividad de evaluación	Porcentaje	Fecha examen	Fecha retro-alimentaci ón
Los correspondientes	Evaluación individual	20	Sexta semana	Séptima semana
a las sesiones 1 a 10	Primer parcial			
Los correspondientes	Evaluación individual	20	Novena semana	Décima semana
a las sesiones 12 a 16	Segundo parcial			
Los correspondientes	Evaluación individual	20	Treceava	Catorceava
a las sesiones 18 a 25	Tercer parcial		semana	semana
Todos	Tareas, quices y	15	Todo el	Una semana
	talleres.		semestre	después de la
				entrega
Todos	Evaluación individual	25	Semana de	Semana de
	Examen final		exámenes	exámenes

### 9. Programación de actividades

Fecha (Sesión)	Tema	Trabajo independiente del estudiante	Recursos que apoyan la actividad
	SEMANA 1		
Sesión 1 Julio 25	Introducción al curso	Participación, reflexión	
Sesión 2 Julio 27	Operaciones, Aritmética modular	[1] p.51, 52: 1.44, 1.45, 1.46	[1] Sec 1.16, 1.21, 1.22
	SEMANA 2		
Sesión 3 Agosto 1	Anillos: Introducción y definiciones, ejemplos.	Participación, solucionar ejercicios	[1] Sec 2.1-2.2



Sesión 4 Agosto 3	Anillos: propiedades, Subanillos,	Pag 72. 2.1, 2.2, 2.3	[1] Sec 2.3-2.4	
U		SEMANA 3	!	
Sesión 5	Homomorfismos de anillos e	Participación, solucionar	[1] Sec 2.6	
Agosto 8	ideales	ejercicios		
Sesión 6	Ideales. Anillos con identidad	Participación, solucionar	[1] Sec. 2.7	
Agosto 10		ejercicios		
	SEMANA 4			
Sesión 7	FESTIVO			
Agosto 15	Augillan and automatican	Dankisin asida aslasisman	[4] C 2 C 2 O	
Sesión 8 Agosto 17	Anillos cocientes. Homorfísmo	Participación, solucionar	[1] Sec 2.6, 2.8	
Agosto 17	canónico, ejemplos	ejercicios	[2] Sec. 10.4	
		SEMANA 5		
Sesión 9	Anillos cocientes: ejemplos y	Participación, solucionar	[1] Sec 2.6, 2.8	
Agosto 22	ejercicios. Primer teorema de	ejercicios	[2] Sec. 10.4	
	isomorfismo			
Sesión 10	Ideales primos y maximales,	Participación, solucionar	[1] Sec 2.14-2.15	
Agosto 24	· · · · ·	ejercicios	[1] 500 2.11 2.15	
	campos	-		
Sesión 11	SEMANA 6			
Agosto 29		RIMER PARCIAL		
Sesión 12	Factorización en Z.	Participación, solucionar	[1] Sec 2.10	
Agosto 31	Factorización en anillos.	ejercicios	[2] Sec. 11.1	
	ractorización en annos.	,	[2] 300. 11.1	
		SEMANA 7		
Sesión 13	Invertibilidad en Z_m.	Participación, solucionar	[1] Sec. 2.11	
Sept. 5	Dominios a factorización única	ejercicios		
	(UFD)			
Sesión 14	Dominios a ideales principales	Participación, solucionar	[1] Sec. 2.12	
Sept. 7		ejercicios	[1] 560. 2.12	
•	(1.2)			
C :/ 4F		SEMANA 8	1110 010	
Sesión 15	Dominios euclidianos (ED)	Participación, solucionar	[1] Sec. 2.13	
Sept. 12		ejercicios	[4] 6 2.46	
Sesión 16 Sept. 14	Extensiones de Campos y	Participación, solucionar	[1] Sec. 2.16	
эерt. 14	Campos Finitos	ejercicios		
	SEMANA 9			
Sesión 17	SEGUNDO PARCIAL			
Sept. 19	Commence definition of the commence of the com	Danktation of Control of	[4] C- 2 4 2 2	
Sesión 18 Sept. 21	Grupos: definiciones y ejemplos.	Participación, solucionar	[1] Sec. 3.1-3.2	
<b>3</b> Εμι. 21		ejercicios		
Sesión 19	Más giomplos Propiedades de	SEMANA 10	[1] Soc 2 2 2 4	
Sesion 19 Sept. 26	Más ejemplos. Propiedades de	Participación, solucionar	[1] Sec 3.3, 3.4	
sept. 26	1			



	los grupos. Subgrupos.	ejercicios	3.7		
Sesión 20 Sept. 28	Orden de un grupo. Índice de un	Participación, solucionar	[1] Sec 3.6-3.7		
	subgrupo. Teorema de Lagrange	ejercicios			
	Grupos cíclicos.				
		SEMANA 11	Į.		
Sesión 21	Homomorfismos de grupos.	Participación, solucionar	[1] Sec 3.5,		
Octubre 3	Subgrupos normales y grupos	ejercicios	3.8-3.9		
	cocientes				
Sesión 22	Conjugación. Centralizador y	Participación, solucionar	[1] Sec. 3.10-3.11		
Octubre 5	ecuación de las clases. Centro	ejercicios			
	de un grupo.				
	Teorema de Cayley				
		SEMANA 12			
Sesión 23 Octubre 10	Grupos de orden pequeño	Participación, solucionar ejercicios	[1] Sec 3.12		
Sesión 24	Grupo simétrico	Participación, solucionar	[1] Sec. 3.13		
Octubre 12		ejercicios			
Octubre 17 a 21	SEMANA DE RECESO				
		SEMANA 13			
Sesión 25	Grupo diedral	Participación, solucionar	[1] Sec 3.14		
Octubre 24		ejercicios	[2] Sec. 5.3		
Sesión 26 Octubre 26	T	ERCER PARCIAL			
		SEMANA 14			
Sesión 27	Introducción a la teoría de	Participación, solucionar	[1] Sec 8.1		
Octubre 31	códigos.	ejercicios			
Sesión 28	Códigos lineales.	Participación, solucionar	[1] Sec 8.2		
Nov. 2		ejercicios			
Sesión 29		SEMANA 15			
Nov. 7	FESTIVO				
Sesión 30	Códigos lineales y	Participación, solucionar	[1] Sec 8.3		
Nov. 9	decodificación por sindrome	ejercicios			
		SEMANA 16	1		
Sesión 31 Nov. 14		FESTIVO			
Sesión 32	Códigos de Reed-Solomon.	Participación, solucionar	[3] Sec. 5.1, 5.2		
Nov. 16		ejercicios			
		EXAMEN FINAL			



#### 10. Factores de éxito para este curso

A continuación se sugieren una serie de acciones que pueden contribuir, de manera significativa, con el logro de metas y consecuentemente propiciar una experiencia exitosa en este curso:

- 1. Planificar y organizar el tiempo de trabajo individual que le dedicará al curso.
- 2. Leer el material asignado para cada sesión y realizar los ejercicios acordados.
- 3. Organizar el sitio y los materiales de estudios.
- 4. Tener un grupo de estudio, procurar el apoyo de compañeros.
- 5. Cultivar la disciplina y la constancia, trabajar semanalmente, no permitir que se acumulen temas ni trabajos.
- 6. Realizar constantemente una autoevaluación, determinar si las acciones realizadas son productivas o si por el contrario se debe cambiar de estrategias.
- 7. Asistir a las horas de consulta del profesor, participar en clase, no quedarse nunca con la duda.
- 8. Utilizar los espacios destinados para consultas y resolución de dudas, tales como Sala Gauss y Sala Knuth.
- 9. Propiciar espacios para el descanso y la higiene mental, procurar tener buenos hábitos de sueño.
- 10. Tener presente en todo momento valores como la honestidad y la sinceridad, al final no se trata solo de aprobar un examen, se trata de aprender y adquirir conocimientos. El fraude es un autoengaño.

#### 11. Bibliografía y recursos

[1] Peter J. Cameron "Introduction to Algebra", Second Edition, Oxford Mathematics.

### 12. Bibliografía y recursos complementarios



- [2] Michael Artin, "Algebra", Prentice-Hall, 1991.
- [3] Jorn Justesen, Tom Hoholdt "A course in Error-Correcting Codes", EMS Textbooks in Mathematics
- [4] Sloane MacWilliams, "The theory of error-correcting codes". North Holland, Amsterdam, 1977

#### Acuerdos para el desarrollo del curso

No se realizará aproximación de notas al final del semestre. Las notas solo serán cambiadas con base en reclamos OPORTUNOS dentro de los límites de tiempo determinados por el Reglamento Académico. Si por motivos de fuerza mayor el estudiante falta a algún parcial o quiz, deberá seguir el procedimiento regular determinado por el Reglamento Académico para presentar supletorios. No habrá acuerdos informales al respecto. No se eximirá a ningún estudiante de ningún examen. Algunos exámenes y quices se podrán realizar en las horas de monitoría.

#### PROCESOS DISCIPLINARIOS-FRAUDE EN EVALUACIONES

Teniendo en cuenta el reglamento formativo-preventivo y disciplinario de la Universidad del Rosario, y la certeza de que las acciones fraudulentas van en contra de los procesos de enseñanza y aprendizaje, cualquier acto corrupto vinculado a esta asignatura será notificado a la secretaría académica correspondiente de manera que se inicie el debido proceso disciplinario. Se recomienda a los estudiantes leer dicho reglamento para conocer las razones, procedimientos y consecuencias que este tipo de acciones pueden ocasionar, así como sus derechos y deberes asociados a este tipo de procedimientos.

La asignatura no tiene ningún tipo de Bono.

#### 13. Respeto y no discriminación

A continuación, encontrará unas orientaciones institucionales básicas que sugerimos mantener en su guía de asignatura. Puede ampliar esta información si lo considera pertinente:

Si tiene alguna discapacidad, sea este visible o no, y requiere algún tipo de apoyo para estar en igualdad de condiciones con los(as) demás estudiantes, por favor informar a su profesor(a) para que puedan realizarse ajustes razonables al curso a la mayor brevedad posible. De igual forma, si no cuenta con los recursos tecnológicos requeridos para el desarrollo del curso, por favor informe de manera oportuna a la Secretaría Académica de su programa o a la Dirección de Estudiantes, de manera que se pueda atender a tiempo su requerimiento.

Recuerde que es deber de todas las personas respetar los derechos de quienes hacen parte de la comunidad Rosarista. Cualquier situación de acoso, acoso sexual, discriminación o matoneo, sea presencial o virtual, es inaceptable. Quien se sienta en alguna de estas situaciones puede denunciar



su ocurrencia contactando al equipo de la Coordinación de Psicología y Calidad de Vida de la Decanatura del Medio Universitario (Teléfono o WhatsApp 322 2485756).