Lógica, Teoría de Números y Conjuntos 2020-2



Segundo Parcial

10 de septiembre de 2020

Indicaciones generales

- o Este es un examen individual con una duración de 90 minutos: de 11:30 a.m a 1:00 p.m.
- o No se permite el uso de calculadoras. Los celulares deben estar apagados durante todo el examen.
- o Las cámaras y los micrófonos deben estar activos durante todo el examen.
- o El uso de apuntes, libros u otro recurso "analógico" no está permitido.
- o Cualquier incumplimiento de lo anterior conlleva a la anulación del examen.
- Las respuestas deben estar totalmente justificadas.
- o Al finalizar, suba a eaulas un **único** archivo .pdf con su solución. Sólo en caso de problemas con la plataforma envíe su archivo por correo.
- o ¡Suerte y ánimo!
 - 1. (**10 pts**) Sean

$$A = \{12k \mid k \in \mathbb{Z}\},\$$

$$B = \{3n \mid n \in \mathbb{Z}\}.$$

Demuestre que $A \subseteq B$.

- 2. (20 pts) Para las siguientes dos afirmaciones, demuestre o refute:
 - \bullet Sean A y B subconjuntos de C. Entonces $A\subseteq B$ ó $B\subseteq A$.
 - Sean A, B y C conjuntos tales que $A \subseteq B y B \subseteq C$. Entonces $A \subseteq C$.
- 3. (10 pts) Demuestre la veracidad o falsedad de la siguiente afirmación: Sean a y b enteros, a < b. Si $c \ge 0$ un entero, entonces ac > bc.
- 4. (10 pts) Demuestre que: $\neg(\neg x \land y)$ y $(x \lor \neg y)$ son lógicamente equivalentes.