

---

**Primer Parcial**  
**25/02/2021**

---

1. Esta es una evaluación individual con una duración de 1 hora y 30 minutos.
  2. Contará con 30 minutos adicionales para escanear y subir las respuesta en formato pdf en el aula virtual en la actividad destinada para tal fin
  3. Las respuestas deben estar totalmente justificadas
- 

1. Sea  $(X, \tau)$  un espacio topológico y considere la colección la colección

$$\delta = \{U \subset X : U \subset cl(int(U))\}$$

- a) [1 pto] Demuestre que la unión arbitraria de elementos de  $\delta$  es un elemento de  $\delta$
  - b) [1 pto] Considere un espacio topológico adecuado para dar un contraejemplo de que en general la intersección de dos elementos de  $\delta$  no necesariamente es un elemento de  $\delta$
2. Considere  $\mathbb{R}$  dotado de la siguiente topología:

$$\tau = \{U \subset \mathbb{R} : Si x \in U y z < x entonces z \in U\}$$

- a) [0,4 ptos] ¿Es este espacio  $T_2$ ? Argumente o demuestre su respuesta
  - b) [0,4 ptos] Muestre que la topología límite superior es más fina que  $\tau$
  - c) [0,2 ptos] ¿La sucesión  $\left\{\frac{1}{n}\right\}$  es convergente? ¿a cuáles puntos converge?
3. [1 pto] Seleccione un ejercicio par del taller y resuélvalo
  4. [1 pto] Demuestre que  $X$  es Hausdorff si, y sólo si, la diagonal  $\Delta = \{(x, x) : x \in X\}$  es un conjunto cerrado en  $X \times X$ .