Lógica, teoría de números y conjuntos



Parcial #1

Estudiante: Nota:

Indicaciones generales

- Este es un examen individual con una duración de 60 minutos.
- No se permite el uso de libros o apuntes, calculadoras o cualquier medio electrónico.
- Los celulares deben estar apagados y guardados durante todo el examen.
- Cualquier incumplimiento de lo anterior conlleva la anulación del examen.
- 1. Considere la siguiente definición: Sean a y b dos números enteros. El **residuo** de dividir a entre b es el entero r, tal que: $0 \le r < b$ y satisface que b|(a-r)
 - a) [5 pts] Calcule el residuo de dividir 23 entre 7.
 - b) [10 pts] Calcule el residuo de dividir -25 entre 7.
- 2. Sean m y n números enteros, considere las siguientes proposiciones:
 - A: m+n es par.
 - \blacksquare B: m es impar y n es impar.

Determine si las siguientes proposiciones son verdaderas o falsas. Justifique su respuesta:

- a) [5 pts] Si A, entonces B.
- b) [5 pts] Si B, entonces A.
- c) [5 pts] A si y sólo si, B.
- 3. Considere la siguiente proposición:

La resta de un número par y un impar es impar.

- a) [10 pts] Transforme el enunciado en un enunciado de la forma "Si, entonces".
- b) [10 pts] Demuestre de forma directa la proposición.

Señale con una X su profesor:	
Wilmar Bolaños	
Juan David Rojas	