Noções Básicas

Regra da Cadeia

$$rac{d}{dx}[f(g(x))] = f'(g(x)) \cdot g'(x)$$

Exemplo:

$$h(x) = \underbrace{\sin}_{f(x)} \underbrace{(x^2+2)}_{g(x)} \longrightarrow egin{cases} f'(x) = \cos \ g'(x) = 2x \end{cases}$$
 $h'(x) = \underbrace{\cos}_{f'(x)} \underbrace{(x^2+2)}_{g(x)} \cdot \underbrace{2x}_{g'(x)}$

Equações Diferenciais Ordinárias (EDO)

Equações Separáveis

$$\frac{dy}{dx} = g(x)f(y), \ \mathrm{f(y)} \neq 0$$

Solução

$$rac{dy}{dx} = \overbrace{rac{2x}{1+2y}}^{rac{g(x)}{2x}} \therefore (1+2y) \ \mathrm{dy} = 2x \ \mathrm{dx}$$
 $\int (1+2y) \ \mathrm{dy} = \int 2x \ \mathrm{dx}$
 $y+y^2 = x^2+c$

EDO (1ª Ordem)

EDO (2ª Ordem)

Integral por partes

$$\int u \, du = uv - \int v \, du$$

Exemplo:

$$\int \underbrace{x}_{\mathbf{u}} \underbrace{e^{x}}_{\mathbf{u}} dx \longrightarrow \begin{cases} \mathbf{u} = x & \mathbf{du} = 1 \\ \mathbf{u} = e^{x} & \mathbf{du} = e^{x} \end{cases}$$

$$= \mathbf{u}v - \int v \, \mathbf{du} \longrightarrow \underbrace{x}_{\mathbf{u}} \underbrace{e^{x}}_{\mathbf{u}} - \int \underbrace{e^{x}}_{\mathbf{u}} \cdot \underbrace{1}_{\mathbf{du}}_{\mathbf{u}} = x$$

$$= xe^{x} - e^{x} + c$$

Integração por substituição

$$\int f(g(x)) \cdot g'(x) \, \mathrm{d} \mathrm{x} = F(g(x)) + C$$
 $\int f(u) du = F(u) + C$

Exemplo:

$$\int (x-3)^{12} dx \longrightarrow \int \underbrace{(x-3)^{12}}_{u} \underbrace{dx}_{du} \longrightarrow \begin{cases} u=x-3 \\ du=1 \end{cases}$$

$$= \int u^{12} du = \frac{u^{13}}{13} \cdot 1 + C = \frac{(x-3)^{13}}{13} + C$$