Prim

Algoritmo de Prim

1. Descrição

O algoritmo de Prim encontra a Árvore Geradora Mínima (MST) crescendo uma árvore a partir de um vértice inicial.

2. Grafo de exemplo

```
Vértices: {A, B, C, D}
Arestas com pesos:
```

• A-B (1), A-C (4), B-C (2), B-D (5), C-D (3)

3. Execução passo a passo (raiz = A)

```
• Início: chave[A]=0, os outros = ∞.
```

- Escolhe A, adiciona aresta A-B (1).
- Escolhe C via B-C (2).
- Escolhe D via C-D (3).
- MST final: arestas {A-B, B-C, C-D}, peso total = 6.

4. Pseudocódigo

```
PRIM-MST(G, w, r)

para cada u ∈ V[G] faça

chave[u] ← ∞

π[u] ← NIL

chave[r] ← 0

Q ← V[G]

enquanto Q ≠ Ø faça

u ← EXTRACT-MIN(Q)

para cada v ∈ Adj[u] faça

se v ∈ Q e w(u, v) < chave[v] então
```

$$\pi[v] \leftarrow u$$

 $chave[v] \leftarrow w(u, v)$