Prim

Algoritmo de Prim

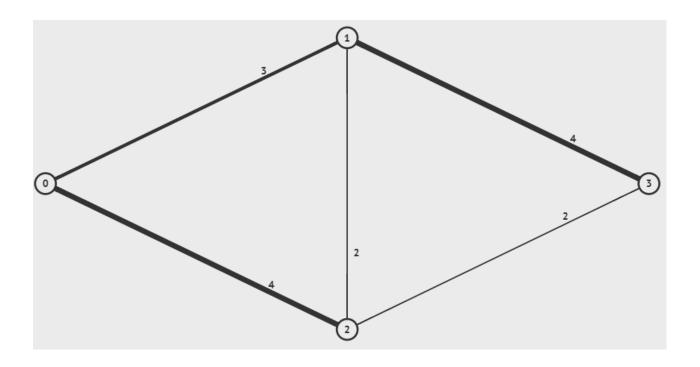
1. Descrição

O **algoritmo de Prim** encontra a Árvore Geradora Mínima (MST) crescendo uma árvore a partir de um vértice inicial.

2. Grafo de exemplo

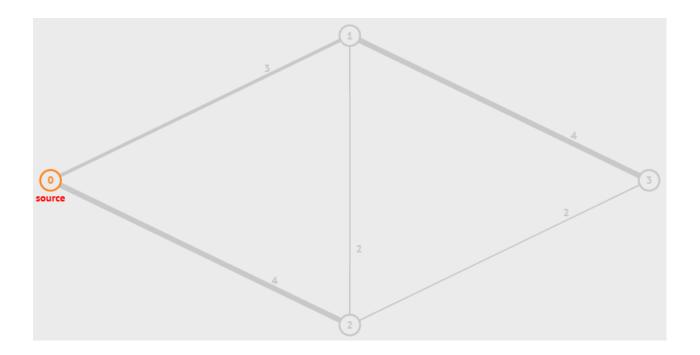
Vértices: {0, 1, 2, 3} Arestas com pesos:

• 0-1 (3), 0-2 (4), 1-3 (4), 1-2 (2), 3-2 (2)

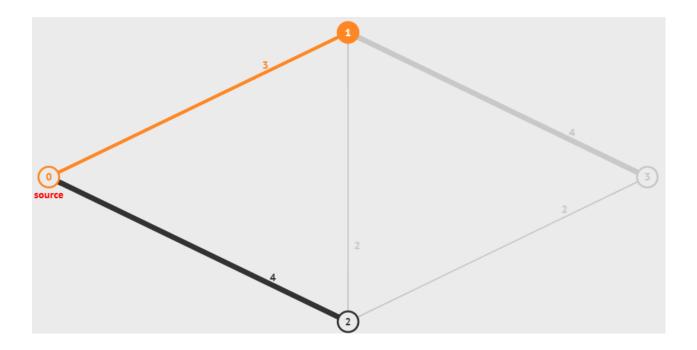


3. Execução passo a passo (raiz = A)

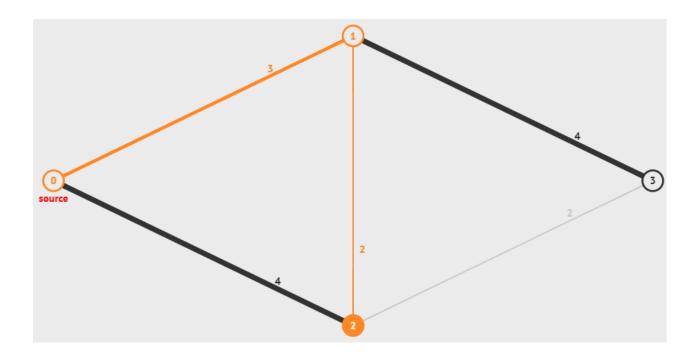
• Início: chave[0]=0, os outros = ∞.



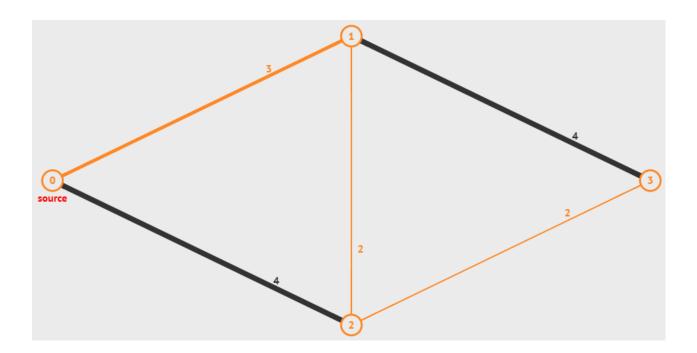
• Escolhe 1, adiciona aresta 0-1 (3).



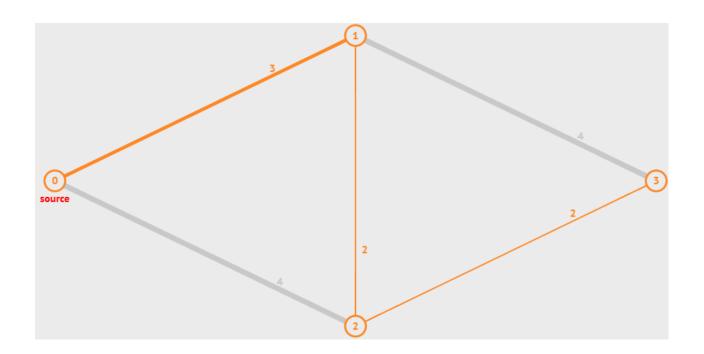
• Escolhe 2 via 1-2 (2).



• Escolhe 3 via 3-2 (2).



• MST final: arestas {0-1, 1-2, 2-3}, peso total = 7.



4. Pseudocódigo

```
\begin{array}{l} \mathsf{PRIM-MST}(\mathsf{G},\ \mathsf{w},\ r) \\ \mathsf{para}\ \mathsf{cada}\ \mathsf{u} \in \mathsf{V}[\mathsf{G}]\ \mathsf{faça} \\ \mathsf{chave}[\mathsf{u}] \leftarrow \infty \\ \mathsf{\pi}[\mathsf{u}] \leftarrow \mathsf{NIL} \\ \mathsf{chave}[\mathsf{r}] \leftarrow 0 \\ \mathsf{Q} \leftarrow \mathsf{V}[\mathsf{G}] \\ \mathsf{enquanto}\ \mathsf{Q} \neq \emptyset\ \mathsf{faça} \\ \mathsf{u} \leftarrow \mathsf{EXTRACT-MIN}(\mathsf{Q}) \\ \mathsf{para}\ \mathsf{cada}\ \mathsf{v} \in \mathsf{Adj}[\mathsf{u}]\ \mathsf{faça} \\ \mathsf{se}\ \mathsf{v} \in \mathsf{Q}\ \mathsf{e}\ \mathsf{w}(\mathsf{u},\ \mathsf{v}) < \mathsf{chave}[\mathsf{v}]\ \mathsf{ent}\tilde{\mathsf{ao}} \\ \mathsf{\pi}[\mathsf{v}] \leftarrow \mathsf{u} \\ \mathsf{chave}[\mathsf{v}] \leftarrow \mathsf{w}(\mathsf{u},\ \mathsf{v}) \end{array}
```