

```

[[var  $x$  : int;

 $\{x = 4\}$ 

if ( $x > 5$ )  $\rightarrow$  ( $x := x - 1$ )

 $\square$  ( $x = 4$ )  $\rightarrow$  ( $x := 3 - x$ )

 $\square$  ( $x < 3$ )  $\rightarrow$  ( $x := 2 - x$ )

 $\square$  ( $x > 3$ )  $\rightarrow$  ( $x := 2$ )

fi

 $\{x = -1 \vee x = 2\}$ 

]]

```

1.  $P \Rightarrow (\exists i \mid 0 \leq i \leq 3 : G_i)$

$$(\exists i \mid 0 \leq i \leq 3 : G_i)$$

$\equiv$

$$x > 5 \vee x = 4 \vee x < 3 \vee x > 3$$

$\Leftarrow$

$$x = 4 \vee x > 3$$

$\Leftarrow$

$$x = 4$$

2.  $(\forall i \mid 0 \leq i \leq 3 : \{P \wedge G_i\} S_i \{Q\})$

Por lo mencionado, solo se tomarán las guardas que sean verdaderas bajo  $P$ . Con la guarda  $(x = 4)$ :

$$\begin{aligned}
 & (x = -1 \vee x = 2)[x := 3 - x] \\
 \equiv & \\
 & 3 - x = -1 \vee 3 - x = 2 \\
 \equiv & \\
 & x = 4 \vee x = 5 \\
 \Leftarrow & \\
 & x = 4 \wedge x = 4
 \end{aligned}$$

Con la guarda  $(x > 3)$ :

$$\begin{aligned}
 & (x = -1 \vee x = 2)[x := 2] \\
 \equiv & \\
 & 2 = -1 \vee 2 = 2 \\
 \equiv & \\
 & \textit{true} \\
 \Leftarrow & \\
 & x = 4 \wedge x > 3
 \end{aligned}$$

Así, se concluye que el programa es correcto.