## Introducción a la Óptica

David Gómez



**UNIVERSIDAD** 

Física de Calor y Ondas Escuela Colombiana de Ingeniería Julio Garavito 30 de octubre de 2023



UNIVERSIDAD  $David\ G.$ 

÷				
ı	n	d	1	ce

1.	Óptica en dos medios	2
2.	Lente Grueso	5
3.	Ejemplo Numérico	7

Página 1 Intro. Óptica



## 1. Óptica en dos medios

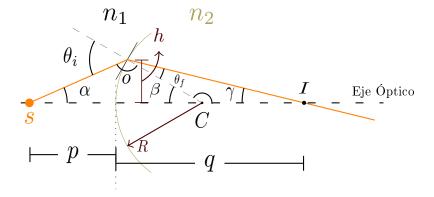
Considerando una frontera con forma de arco, un objeto fuera de este medio (el lente), y un observador que se encuentra dentro del medio del lente. Para analizar esta situación consideramos lo siguiente:

- El eje óptico: Es una traza que divide, en este caso al lente, por la mitad,desde el punto de vista que se analiza.
- Los índices de refracción del medio 1 Y 2: En este caso, tomamos  $n_1 < n_2$ .
- La ley de Snell: Es un resultado obtenido de considerar el cambio de dirección de un rayo de luz al cambiar de medio, este resulta en la igualdad

$$n_1\sin(\phi_1) = n_2\sin(\phi_2)$$

Donde los n son índices de refracción y los ángulos son medidos desde la recta perpendicular al punto en el que se cambia de medio.

Para continuar con el análisis, consideramos dos rayos provenientes de un objeto s al otro lado del lente.



El rayo amarillo (1) y el dado por el eje óptico (2) serán los dos rayos a considerar para el análisis. Para hacer uso de la ley de Snell, se toma la tangente al lente en donde el rayo 1 incide al

Página 2 Intro. Óptica

medio y su respectiva perpendicular.

$$n_1 \sin(\theta_i) = n_2 \sin(\theta_f)$$

Bajo la suposición de que todos los ángulos mostrados son pequeños, se hacen las siguientes aproximaciones:

$$\theta_i, \theta_f, \alpha, \beta, \gamma \approx 0$$

$$\sin(\theta_i, \theta_f, \alpha, \beta, \gamma) \approx \theta_i, \theta_f, \alpha, \beta, \gamma$$

$$\tan(\theta_i, \theta_f, \alpha, \beta, \gamma) \approx \theta_i, \theta_f, \alpha, \beta, \gamma$$

Ya con estas aproximacines, se procede con el análisis:

$$\begin{bmatrix} \alpha + \beta + o = \pi \\ \theta_i + o = \pi \\ \gamma + C + \theta_f = \pi \\ \beta + C = \pi \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} \alpha + \beta = \theta_i \\ \gamma + \theta_f = \beta \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \langle \text{Ley de Snell y aproximaciones: } n_1 \theta_i = n_2 \theta_f \rangle$$

$$\gamma + \frac{n_1}{n_2} \theta_i = \beta$$

$$\Rightarrow$$

$$\theta_i = \frac{n_2}{n_1} (\beta - \gamma) = \alpha + \beta$$

$$\Rightarrow \langle \text{Aproximaciones } \rangle$$

$$\frac{n_2}{n_1} \left( \frac{h}{R} - \frac{h}{q} \right) = \frac{h}{p} + \frac{h}{R}$$

Página 3 Intro. Óptica



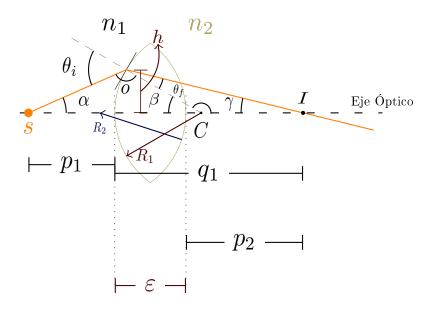
$$\equiv \frac{n_2 - n_1}{R} = \frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{q}$$

Ahora, se introducirá una convención para este tipo de situaciones: dado un objeto o emisor de luz, un cambio de medio y un receptor (observador). Es llamado "delante" el espacio entre el objeto y el cambio de medio, y "detrás" el espacio entre el cambio de medio y el receptor. A su vez, se asignan signos a las distancias que se denotaron como p y q según esta conveniencia:

Variable	+	_
p	$\operatorname{delante}$	detrás
R	centro detrás	centro delante

Página 4 Intro. Óptica

## 2. Lente Grueso



En este caso, el medio dos, tiene un final antes de llegar al receptor. Esto no es otra cosa que la combinación de dos situaciones iguales a la vista anteriormente. La luz pasa por el primer cambio de medio y tiene una respectiva proyección, esta viene a ser el objeto que tomará el otro lado del lente, sin embargo, hay que recordar que la luz sigue proviniendo de la posición real del objeto.

Esto es, el delante y detrás de la primera (i) superficie, se mantiene igual que antes. En el caso de la superficie dos (ii), el delante está en el detrás de (i), y el detrás está entre (ii) y el receptor.

Ya que este problema no es más que tomar los resultados del anterior y añadir el mismo proceso con el lente (ii). Contamos con, precisamente, las ecuaciones de la situación anterior. Nótese que este resultado, con las conveniencias del delante y detrás, se pueden aplicar con el lente (ii).

$$\begin{bmatrix} \frac{n_2 - n_1}{R_1} = \frac{n_1}{p_1} + \frac{n_2}{q_1} \\ \\ \frac{n_1 - n_2}{R_2} = \frac{n_2}{p_2} + \frac{n_1}{q_2} \\ \\ p_2 = \varepsilon - q_1 \end{bmatrix}$$

 $\Rightarrow$ 

Página 5 Intro. Óptica

$$\begin{bmatrix} \frac{n_2 - n_1}{R_1} = \frac{n_1}{p_1} + \frac{n_2}{q_1} \\ \\ \frac{n_1 - n_2}{R_2} = \frac{n_2}{\varepsilon - q_1} + \frac{n_1}{q_2} \end{bmatrix}$$

 $\equiv$ 

$$\begin{bmatrix} \frac{n_2 - n_1}{R_1} = \frac{n_1}{p_1} + \frac{n_2}{q_1} \\ \\ \frac{n_2}{q_1 - \varepsilon} = \frac{n_1}{q_2} - \frac{n_1 - n_2}{R_2} \end{bmatrix}$$

 $\Rightarrow~\langle~$  Considerando el ancho del lente como pequeño:  $p_2\approx -q1~\rangle$ 

$$\frac{n_2-n_1}{R_1} = \frac{n_1}{p_1} + \frac{n_1}{q_2} - \frac{n_1-n_2}{R_2}$$

\_

$$(n_2 - n_1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{n_1}{p_1} + \frac{n_1}{q_2}$$

Esta última igualdad es llamada ecuacuión del fabricante de lentes, y resulta ser igual al inverso de la distancia focal de la lente delgada f. Esta se mide desde el lente.

Página 6 Intro. Óptica



## 3. Ejemplo Numérico

Considerando ahora un objeto puesto en otro punto del espacio, no necesariamente atravesado por el eje óptico, la estrategia es tomar dos rayos: uno debe ser paralelo al eje óptico, y el seguno debe pasar por el centro del lente. Considerando el caso de un sistema con dos lentes, donde uno (1) es convergente (los rayos se dirigen al eje óptico), y el otro (2) es divergente (los rayos se alejan del eje óptico); puestos en ese orden.

Sean  $p_c=4\,\mathrm{cm}$  la distancia del objeto al lente (1), la distancia focal de (1)  $f_c=1.5\,\mathrm{cm}$ , la distancia focal de (2)  $f_d=-1.5\,\mathrm{cm}$ , y la separación entre los lentes  $s=5\,\mathrm{cm}$ .

Aproximando el índice de refracción del aire al del vacío,  $n_1=1.$ 

Lo primero es determinar la proyección del objeto tras el lente (1). La distancia a la que se proyecta será llamada  $q_c$ .

$$\frac{1}{p_c} + \frac{1}{q_c} = \frac{1}{f}$$

$$\equiv$$

$$q_c = \frac{f_c p_c}{p_c - f_c}$$

$$\equiv$$

$$q_c = 2.4 \text{ cm}$$

La distancia de la proyección de (1) a (2) será llamada  $p_d$ . Por lo descrito anteriormente en el enunciado  $p_d=s-q_c=2.6\,\mathrm{cm}.$ 

Análogamente,  $q_d$  será la distancia a la que la imagen se proyecta desde (2):

$$\frac{1}{p_d} + \frac{1}{q_d} = \frac{1}{f_d}$$

$$\equiv$$

$$q_d = \frac{f_d p_d}{p_d - f_d}$$

$$\equiv$$

Página 7 Intro. Óptica

UNIVERSIDAD

 $David\ G.$ 

$$q_d = -0.951\,22\,{\rm cm}$$

Página 8 Intro. Óptica