AULA 3 - ALGORITMOS DISTINTOS PARA A RESOLUÇÃO DO MESMO PROBLEMA

Pretende-se comparar o **número de operações** e os **tempos de execução** de métodos alternativos para o cálculo dos sucessivos valores de resultam de uma **generalização dos Números de Fibonacci**.

Implemente os diferentes métodos; construa tabelas registando as sequências de valores obtidos, e os correspondentes tempos de execução e número de multiplicações efetuadas.

Antes de implementar a função recursiva, calcule o valor dos primeiros termos de P(n) usando uma tabela.

Analise as sequências de valores obtidas para os diferentes métodos; esteja atento a eventuais discrepâncias.

Solução recursiva

$$P(n) = \begin{cases} 0, \text{ se } n = 0 \\ 1, \text{ se } n = 1 \\ 3 \times P(n-1) + 2 \times P(n-2), \text{ se } n \ge 2 \end{cases}$$

Solução iterativa

$$P(0) = 0$$
; $P(1) = 1$; $P(2) = 3 \times P(1) + 2 \times P(0)$; $P(3) = 3 \times P(2) + 2 \times P(1)$; ...

Para efetuar calcular os sucessivos valores, de modo iterativo, precisamos de três variáveis inteiras para representarem, respetivamente: o *valor atual* (inicialmente indefinido); o *valor anterior ao anterior* (que inicialmente é 0 e em cada iteração passa a ser o valor anterior); o *valor anterior* (que inicialmente é 1 e em cada iteração passa a ser o valor atual acabado de calcular).

Equação de recorrência

$$P(n) = \frac{\left(\frac{1}{2}(3+\sqrt{17})\right)^n - \left(\frac{1}{2}(3-\sqrt{17})\right)^n}{\sqrt{17}}$$

Termo mais importante da equação de recorrência

$$P(n) = \text{round}\left(\frac{1}{\sqrt{17}} \times \left(\frac{1}{2}\left(3 + \sqrt{17}\right)\right)^n\right),$$

que é equivalente a

$$P(n) = \left| \frac{1}{\sqrt{17}} \times \left(\frac{1}{2} \left(3 + \sqrt{17} \right) \right)^n + \frac{1}{2} \right|$$

Fórmula fechada usando a função exponencial

$$P(n) = \text{round}(c_1 \times e^{c_2 \times n})$$

$$c_1 = 0.24253562503633297352$$

 $c_2 = 1.27019663313689157536$

Nome: N° Mec:

Nome: N° Mec: