
EXERCICE 3 (8 points)

Cet exercice porte sur la programmation orientée objet, sur les arbres binaires de recherche et la récursivité.

Chaque année, plusieurs courses de chiens de traîneaux sont organisées sur les terrains enneigés. L'une d'elle, *La Traversée Blanche*, est une course se déroulant en 9 étapes. L'organisateur de cette course est chargé de créer un programme Python pour aider à la bonne gestion de l'événement.

Partie A : la classe Chien

Afin de caractériser un chien, l'organisateur décide de créer une classe `Chien` avec les attributs suivants :

- `id_chien`, un nombre entier correspondant au numéro attribué au chien lors de son inscription à la course ;
- `nom`, une chaîne de caractères correspondant au nom du chien ;
- `role`, une chaîne de caractères correspondant au poste occupé par le chien : en fonction de sa place dans l'attelage, un chien a un rôle bien défini et peut être `'leader'`, `'swing dog'`, `'wheel dog'` ou `'team dog'`.
- `id_proprietaire`, un nombre entier correspondant au numéro de l'équipe.

Le code Python incomplet de la classe `Chien` est donné ci-dessous.

```
1 1 class Chien:
2 2     def __init__(self, id_chien, nom, role, id_prop):
3 3         self.id_chien = id_chien
4 4         self.nom = nom
5 5         self.role = role
6 6         self.id_proprietaire = id_prop
7 7     def changer_role(self, nouveau_role):
8 8         """Change le rôle du chien avec la valeur passée en
9         paramètre."""
10 9 ...
```

Voici un extrait des informations dont on dispose sur les chiens inscrits à la course.

Chiens inscrits à la course			
id_chien	nom	role	id_propriete
40	Duke	wheel dog	10
41	Sadie	team dog	10
42	Zeus	swing dog	11
43	Roxie	swing dog	11
44	Scout	team dog	11
45	Ginger	team dog	11
46	Helka	team dog	11

Suite aux inscriptions, l'organisateur procède à la création de tous les objets de type `Chien` et les stocke dans des variables en choisissant un nom explicite. Ainsi, l'objet dont l'attribut `id_chien` a pour valeur 40 est stocké dans la variable `chien40`.

1. **Écrire** l'instruction permettant d'instancier l'objet `chien40` caractérisant le chien ayant le numéro d'inscription 40.
2. Selon l'état de fatigue de ses chiens ou du profil de l'étape, le *musher* (nom donné à la personne qui conduit le traîneau) peut décider de changer le rôle des chiens dans l'attelage.

Recopier et **compléter** la méthode `changer_role` de la classe `Chien`.

3. Le propriétaire de Duke décide de lui attribuer le rôle de `'leader'`.

Écrire l'instruction permettant d'effectuer cette modification.

Partie B : la classe `Equipe`

On souhaite à présent créer une classe `Equipe` ayant les attributs suivants :

- `num_dossard`, un nombre entier correspondant au numéro inscrit sur le dossard du musher ;
- `nom_equipe`, une chaîne de caractères correspondant au nom de l'équipe ;
- `liste_chiens`, une liste d'objets de type `Chien` dont chaque élément correspond à un chien au départ de l'étape du jour ;
- `temps_etape`, une chaîne de caractères (par exemple `'2h34'`) représentant le temps mis par l'équipe pour parcourir l'étape du jour ;
- `liste_temps`, une liste de chaînes de caractères permettant de stocker les temps de l'équipe pour chacune des 9 étapes. Cet attribut peut, par exemple, contenir la liste : `['4h36', '3h57', '3h09', '5h49', '4h45', '3h26', '4h57', '5h52', '4h31']`.

On donne le code Python suivant de la classe `Equipe`.

```
1 1 class Equipe:
2 2     def __init__(self, num_dossard, nom_equipe):
3 3         self.num_dossard = num_dossard
4 4         self.nom_equipe = nom_equipe
5 5         self.liste_chiens = []
6 6         self.temps_etape = ''
7 7         self.liste_temps = []
8 8
9 9     def ajouter_chien(self, chien):
10 10        self.liste_chiens.append(chien)
11 11
12 12    def retirer_chien(self, numero):
13 13        ...
14 14
15 15    def ajouter_temps_etape(self, temps):
16 16        self.liste_temps.append(temps)
```

Pour la première étape, le musher de l'équipe numéro 11, représentée en Python par l'objet `eq11`, décide de constituer une équipe avec les quatre chiens identifiés par les numéros 42, 44, 45 et 46. On donne ci-dessous les instructions Python permettant de créer l'équipe `eq11` et l'attelage constitué des 4 chiens précédents.

```
1 1 eq11 = Equipe(11, 'Malamutes Endurants')
2 2 eq11.ajouter_chien(chien42)
3 3 eq11.ajouter_chien(chien44)
4 4 eq11.ajouter_chien(chien45)
5 5 eq11.ajouter_chien(chien46)
```

Malheureusement, le musher s'aperçoit que sa chienne Helka, chien numéro 46, n'est pas au mieux de sa forme et il décide de la retirer de l'attelage.

-
4. **Recopier** et **compléter** la méthode `retirer_chien` ayant pour paramètre `numero`, un entier correspondant au numéro attribué au chien lors de l'inscription, et permettant de mettre à jour l'attribut `liste_chiens` après retrait du chien dont la valeur de l'attribut `id_chien` est `numero`.
 5. En vous aidant de la fonction précédente, écrire l'instruction qui permet de retirer Helka de l'attelage de l'équipe `eq11`.

On donne à présent le code Python d'une fonction `convert` prenant pour paramètre `chaîne`, une chaîne de caractères représentant une durée, donnée en heure et minute.

On supposera que cette durée est toujours strictement inférieure à 10 heures, temps maximal fixé par le règlement pour terminer une étape.

```
1 1 def convert(chaîne):
2 2     heure_dec = int(chaîne[0]) + int(chaîne[2] + chaîne[3])/60
3 3     return heure_dec
```

6. **Indiquer** le résultat renvoyé par l'appel `convert('4h36')`.
7. **Écrire** une fonction `temps_course` qui prend pour paramètre `equipe` de type `Equipe` et qui renvoie un nombre flottant correspondant au cumul des temps de l'équipe `equipe` à l'issue des 9 étapes de la course.

On rappelle que la classe `Equipe` dispose d'un attribut `liste_temps`.

Partie C : classement à l'issue d'une étape

Chaque jour, à la fin de l'étape, on décide de construire un Arbre Binaire de Recherche (ABR) afin d'établir le classement des équipes. Chaque nœud de cet arbre est un objet de type `Equipe`.

Dans cet arbre binaire de recherche, en tout nœud :

- toutes les équipes du sous-arbre gauche sont strictement plus rapides que ce nœud ;
- toutes les équipes du sous-arbre droit sont moins rapides ou sont à égalité avec ce nœud.

Voici les temps, en heure et minute, relevés à l'issue de la première étape :

Temps à l'arrivée de la premi							
Equipe	eq1	eq2	eq3	eq4	eq5	eq6	eq
Temps	4h36	3h57	3h09	5h49	4h45	3h26	4h5

Dans l'arbre binaire de recherche initialement vide, on ajoute successivement, dans cet ordre, les équipes `eq1`, `eq2`, `eq3`, ..., `eq11`, 11 objets de la classe `Equipe` tous construits sur le même modèle que l'objet `eq11` précédent.

8. Dans l'arbre binaire de recherche ci-dessous, les nœuds `eq1` et `eq2` ont été insérés.

Recopier et **compléter** cet arbre en insérant les 9 nœuds manquants.

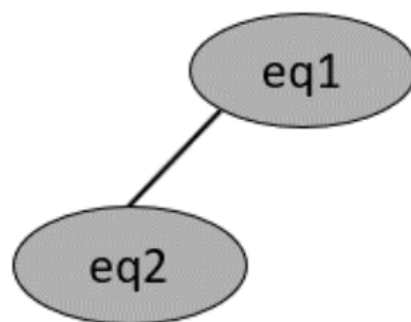


Figure 1. Premiers éléments de l'ABR

9. **Indiquer** quel parcours d'arbre permet d'obtenir la liste des équipes classées de la plus rapide à la plus lente.

On donne ci-dessous la classe `Noeud`, permettant de définir les arbres binaires :

```

1 1 class Noeud:
2 2     def __init__(self, equipe, gauche = None, droit = None):
3 3         self.racine = equipe
4 4         self.gauche = gauche
5 5         self.droit = droit
  
```

On donne ci-dessous le code d'une fonction `construction_arbre` qui, à partir d'une liste d'éléments de type `Noeud` permet d'insérer successivement chaque nœud à sa place dans l'ABR.

```
1 1 def construction_arbre(liste):
2 2     a = Noeud(liste[0])
3 3     for i in range(1, len(liste)):
4 4         inserer(a, liste[i])
5 5     return a
```

La fonction `construction_arbre` fait appel à la fonction `insérer` qui prend pour paramètre `arb`, de type `Noeud`, et `eq`, de type `Equipe`. Cette fonction construit le nœud à partir de `eq` et l'insère à sa place dans l'ABR.

```
1 1 def inserer(arb, eq):
2 2     """ Insertion d'une équipe à sa place dans un ABR contenant
3 3     au moins un noeud. """
4 4     if convert(eq.temps_etape) < convert(arb.racine.temps_etape):
5 5         if arb.gauche is None:
6 6             arb.gauche = ...
7 7         else:
8 8             inserer(..., eq)
9 9     else:
10 10         if arb.droit is None:
11 11             arb.droit = Noeud(eq)
12 12         else:
13 13             ...
```

10. **Expliquer** en quoi la fonction `insérer` est une fonction récursive.
11. **Recopier** et **compléter** les lignes 6, 8 et 13 de la fonction `insérer`.
12. **Recopier** et **compléter** les lignes 3 et 5 de la fonction `est_gagnante` ci-dessous qui prend en paramètre un ABR `arbre`, de type `Noeud`, et qui renvoie le nom de l'équipe ayant gagné l'étape.

```
1 1 def est_gagnante(arbre):
2 2     if arbre.gauche == None:
3 3         return ...
4 4     else:
5 5         return ...
```

Partie D : classement général

On décide d'établir un classement général obtenu à partir du cumul des temps mis par chaque équipe pour parcourir l'ensemble des 9 étapes.

Sur le même principe que l'arbre de la partie précédente, on construit l'ABR ci-dessous qui permet, grâce au parcours d'arbre approprié, d'établir ce classement général des équipes.

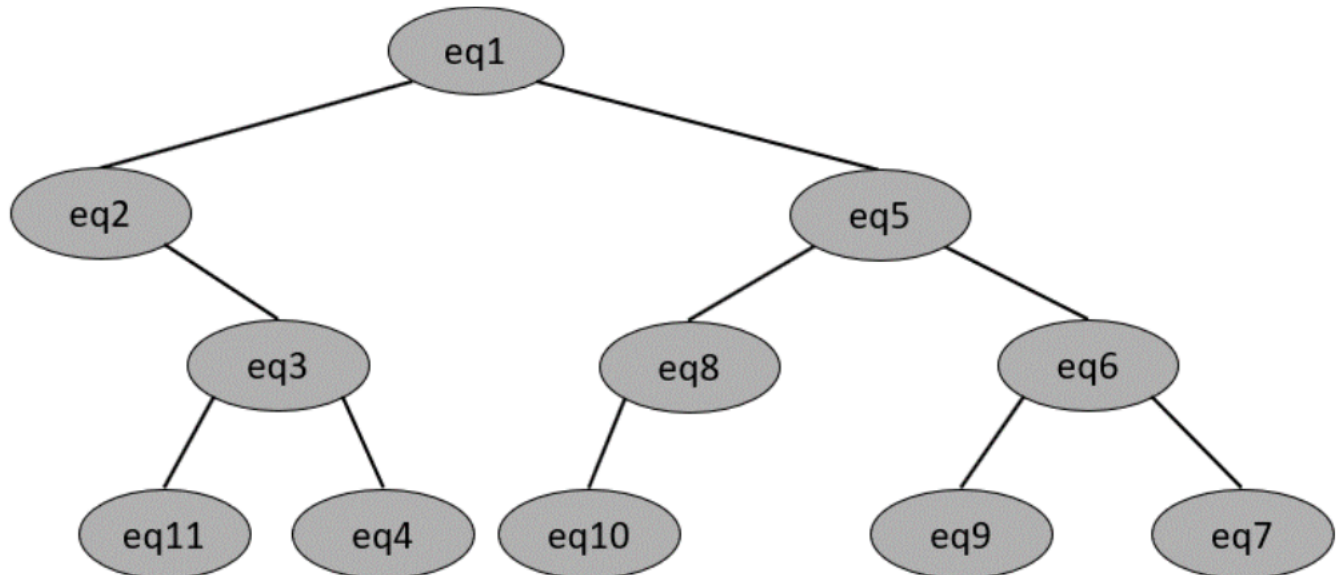


Figure 2. ABR du classement général

Le règlement prévoit la disqualification d'une équipe en cas de non-respect de celui-ci. Il s'avère que l'équipe 2 et l'équipe 5 doivent être disqualifiées pour manquement au règlement. Les nœuds `eq2` et `eq5` doivent donc être supprimés de l'ABR précédent.

Pour supprimer un nœud `N` dans un ABR, trois possibilités se présentent :

- le nœud `N` à supprimer est une feuille : il suffit de le retirer de l'arbre ;
- le nœud `N` à supprimer n'a qu'un seul fils : on relie le fils de `N` au père de `N` et on supprime le nœud `N` ;
- le nœud `N` à supprimer possède deux fils : on le remplace par son successeur (l'équipe qui a le temps immédiatement supérieur) qui est toujours le minimum de ses descendants droits.

13. Dessiner le nouvel arbre de recherche `a_final` obtenu après suppression des équipes `eq2` et `eq5` dans l'ABR correspondant au classement général.

L'organisateur souhaite disposer d'une fonction `rechercher` permettant de savoir si une équipe a été disqualifiée ou non. On donne les spécifications de la fonction `rechercher`, prenant en paramètre `arbre` et `equipe`.

```
1 1 def rechercher(arbre, equipe):
```

```

2 2  """
3 3     Paramètres
4 4     -----
5 5         arbre : un ABR, non vide, de type Noeud, représentant le
6 6         classement général.
7 7         equipe : un élément, de type Equipe, dont on veut dé
terminer
8 8         l'appartenance ou non à l'ABR arbre.
9 9     Résultat
10 10    -----
11 11        Cette fonction renvoie True si equipe est un œnud de arbre,
12 12        False sinon.
13 13 """
14 14 ...

```

Pour cette fonction (`a_final` désigne l'arbre obtenu à la question 13, après suppression des équipes 2 et 5) :

- l'appel `rechercher(a_final, eq1)` renvoie `True` ;
- l'appel `rechercher(a_final, eq2)` renvoie `False`.

14. **Écrire** le code de la fonction