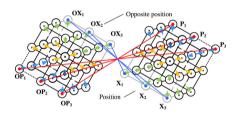
# Resolver problemas mediante busqueda

Inteligencia Artificial



Marco Teran

#### Contenido

- 1 Agentes resolvente de problemas
- 2 Tipos de problemas
- 3 Formulación de problema bien definido
- 4 Ejemplo de problemas
- 5 Búsqueda de soluciones
- 6 Medir el rendimiento de la resolución del problema
- 7 Estrategias de búsqueda
- 8 Resumen

# Agentes resolvente de problemas

# Agentes resolvente de problemas

Forma sencilla de un agente general:

```
\begin{aligned} & \textbf{function Simple-Problem-Solving-Agent}(percept) \ \textbf{returns} \ \textbf{an action} \\ & \textbf{state}: \ seq. \ \textbf{an action sequence}, \ \textbf{initially empty} \\ & state, \ \textbf{some description of the current world state} \\ & goal, \ \textbf{a goal}, \ \textbf{initially null} \\ & problem, \ \textbf{a problem formulation} \\ & state \leftarrow \textbf{UPDATE-STATE}(state, percept) \\ & \textbf{if } seq \ \textbf{is empty then} \\ & goal \leftarrow \textbf{FORMULATE-GOAL}(state) \\ & problem \leftarrow \textbf{FORMULATE-PROBLEM}(state, goal) \\ & seq \leftarrow \textbf{SEARCH}(problem) \\ & action \leftarrow \textbf{RECOMMENDATION}(seq, state) \\ & seq \leftarrow \textbf{REMAINDER}(seq, state) \\ & \textbf{return } action \end{aligned}
```

**Nota:** esto es una solución *offline* de problemas; solución ejecutada a "ojos cerrados." La resolución de problemas **en línea** implica actuar sin conocimiento completo.

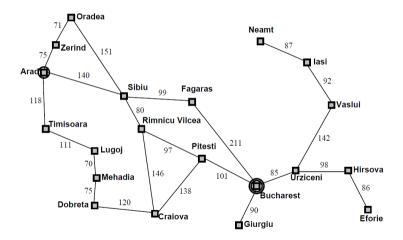
# **Ejemplo:** Rumania

De vacaciones en Rumanía: actualmente en Arad.

El vuelo sale mañana de Bucarest

- Formular el objetivo:
  - Ilegar a Bucarest
- 2 Formular el problema:
  - **estados:** varias ciudades
  - **acciones:** carreteras entre ciudades
- **3** Encontrar una solución:
  - secuencia de ciudades, por ejemplo, Arad, Sibiu, Fagaras, Bucarest

# **Ejemplo:** Rumania



7 / 69

# Tipos de problemas

# Tipos de problemas

- **Determinista, completamente observable** → problema de un solo estado
  - El agente sabe exactamente en qué estado estará; la solución es una secuencia
- **2** No observable  $\rightarrow$  problema conforme
  - El agente puede no tener idea de dónde está; la solución (si la hay) es una secuencia
- **3** No determinista y/o parcialmente observable  $\rightarrow$  problema de contingencia
  - percepts proporcionan nueva información sobre el estado actual solución es un plan contingente o una política búsqueda a menudo interleave, ejecución
- **4 Espacio de estado desconocido** → problema de exploración ("online")

# Ejemplo: el mundo de la aspiradora

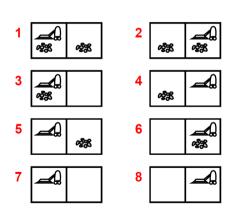
Un solo estado, comienza en #5. ¿Solución? [Derecha, Aspirar]

Conforme, comienza en  $\{1,2,3,4,5,6,7,8\}$  por ejemplo, **Derecha**  $\{2,4,6,8\}$ . ¿Solución? [Derecha, Succionar, Izquierda, Aspirar]

Contingencia, comienza en el #5 Ley de Murphy: Aspirar puede ensuciar una alfombra limpia Detección local: suciedad, sólo ubicación.

#### ¿Solución?

[Derecha, si suciedad entonces Aspirar]



# Formulación de problema bien definido

# Formulación de problema bien definido

Un problema se define por cuatro elementos:

- **1 Estado inicial**, p.ej., "en Arad"
- **2 función sucesor** S(x)= conjunto de pares de estado-acción por ejemplo,  $S(Arad)=\{\langle Arad \rightarrow Zerind; Zerind \rangle, ...\}$
- 3 test objetivo, puede ser
  - explícito, por ejemplo, x = "en Bucarest"
  - $\blacksquare$  implícito, por ejemplo, NoDirt(x)
- 4 costo del camino (aditivo)
  - por ejemplo, suma de distancias, número de acciones ejecutadas, etc.
  - c(x,a,y) es el costo escalonado, que se supone es  $\geq 0$

Una **solución** es una secuencia de acciones que lleva desde el estado inicial a un estado objetivo

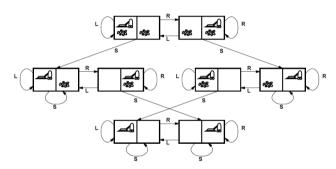
# Selección de un espacio de estado

- El mundo real es absurdamente complejo
  - $lue{}$  ightarrow espacio de estado debe ser abstraído para la resolución de problemas
- (Abstracto) estado = conjunto de estados reales
- (Abstracto) acción = combinación compleja de acciones reales
  - por ejemplo, "Arad → Zerind" representa un conjunto complejo de posibles rutas, desvíos, paradas de descanso, etc.
- Para la realizabilidad garantizada, cualquier estado real "en Arad"
  - debe llegar a algún estado real "en Zerind"
- (Abstracción) solución =
  - conjunto de caminos reales que son soluciones en el mundo real

¡Cada acción abstracta debería ser "más fácil" que el problema original!

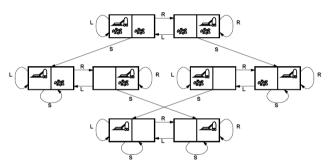
# Ejemplo de problemas

# Ejemplo: gráfo de espacio de estado mundial de la aspiradora



- ; estados?
- ¿acciones?
- ¿test objetivo?
- ¿costo del camino?

# Ejemplo: gráfo de espacio de estado mundial de la aspiradora



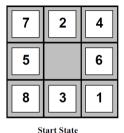
- **¿estados?** suciedad *discreta* y ubicaciones de robots (ignorar las cantidades de suciedad, etc.)
- **¿acciones?** Izquierda, derecha, aspirar, NoOp
- ¿test objetivo? no hay suciedad
- : costo del camino? 1 nor acción (0 para NoOn)

  Marco Teran

  2021

  Res

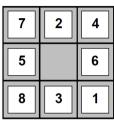
# Ejemplo: El rompecabezas de 8



1 2 3 4 5 6 7 8 Goal State

- ¿estados?
- ¿acciones?
- ¿test objetivo?
- ¿costo del camino?

# Ejemplo: El rompecabezas de 8





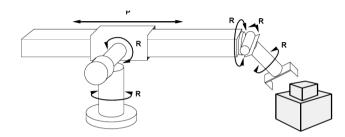
**Start State** 

Goal State

- **estados?** ubicaciones discretas de las fichas (ignorar posiciones intermedias)
- **¿acciones?** mover el blanco a la izquierda, derecha, arriba, abajo
- test objetivo? = estado del objetivo (dado)
- **¿costo del camino?** 1 por movimiento

[Nota: solución óptima de la familia de n-Puzzle es NP-hard]

### Ejemplo: ensamblaje robótico



- **¿estados?** coordenadas del valor real de ángulos robóticos conjuntos. Partes del objeto a montar
- **; acciones?** movimientos continuos de articulaciones robóticas
- **itest objetivo?** montaje completo sin robot incluido!
- icosto del camino? tiempo de ejecución

Marco Teran 2021 Resolver problemas mediante busqueda

22 / 69

# Búsqueda de soluciones

# Árbol de búsqueda

#### Idea básica:

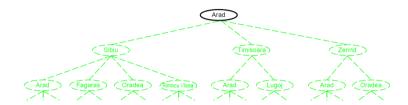
offline, exploración simulada del espacio de estado generando sucesores de Estados ya explorados (a.k.a. estados en expansión)

```
function TREE-SEARCH( problem, strategy) returns a solution, or failure initialize the search tree using the initial state of problem loop do

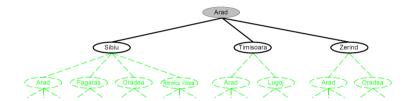
if there are no candidates for expansion then return failure choose a leaf node for expansion according to strategy

if the node contains a goal state then return the corresponding solution else expand the node and add the resulting nodes to the search tree end
```

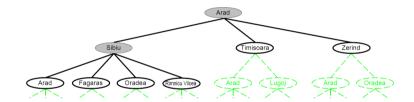
# Ejemplo de búsqueda en árbol



# Ejemplo de búsqueda en árbol

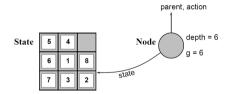


# Ejemplo de búsqueda en árbol



### Implementación: estados vs. nodos

- Un estado es una (representación de una) configuración física
- Un nodo es una estructura de datos que constituye parte de un árbol de búsqueda
  - incluye padre, hijos, profundidad, costo del camino g(x)
- Los estados no tienen padres, hijos, profundidad, o costo de camino!



La función Expand crea nuevos nodos, rellenando los diferentes campos y utilizando el SuccessorFn del problema para crear los estados correspondientes.

# Implementación: búsqueda general de árboles

```
function TREE-SEARCH (problem, fringe) returns a solution, or failure
   fringe \leftarrow Insert(Make-Node(Initial-State[problem]), fringe)
   loop do
       if fringe is empty then return failure
        node \leftarrow \text{Remove-Front}(fringe)
        if Goal-Test(problem, State(node)) then return node
        fringe \leftarrow InsertAll(Expand(node, problem), fringe)
function Expand(node, problem) returns a set of nodes
   successors \leftarrow the empty set
   for each action, result in Successor-Fn(problem, State[node]) do
        s \leftarrow a new Node
        Parent-Node[s] \leftarrow node; Action[s] \leftarrow action; State[s] \leftarrow result
        PATH-COST[s] \leftarrow PATH-COST[node] + STEP-COST(node, action, s)
        Depth[s] \leftarrow Depth[node] + 1
        add s to successors
   return successors
```

# Medir el rendimiento de la resolución del problema

# Medir el rendimiento de la resolución del problema

- Una estrategia se define seleccionando el orden de expansión del nodo
- Las estrategias se evalúan en las siguientes formas:
  - **1** completitud: ¿siempre garantizado que encuentra una solución si existe?
  - 2 complejidad en tiempo: cuánto tarda, número de nodos generados/expandidos
  - 3 complejidad en espacio: número máximo de nodos en memoria posibles
  - 4 optimización: ¿siempre encuentra una solución de menor costo?
- La complejidad del tiempo y del espacio se mide en términos de
  - b-factor máximo de ramificación del árbol de búsqueda
  - d-profundidad del nodo objetivo más superficial
  - m-longitud máxima de cualquier camino en el espacio de estado (puede ser  $\infty$ )

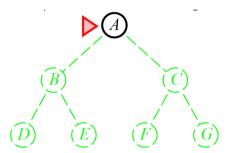
# Estrategias de búsqueda

# Estrategias de búsqueda no informadas

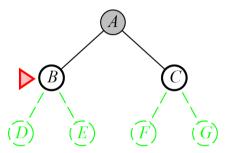
Estrategias no informadas utilizan sólo la información disponible en la definición del problema (búsquedas a ciegas) (no heurísticas)

- 1 Búsqueda primero en anchura
- 2 Búsqueda de costo uniforme
- 3 Búsqueda primero en profundidad
- 4 Búsqueda de profundidad limitada
- 5 Búsqueda primero en profundidad con profundidad iterativa

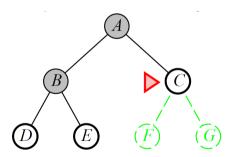
Expandir el nodo poco profundo no expandido **Aplicación:** 



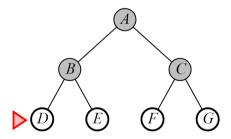
Expandir el nodo poco profundo no expandido **Aplicación:** 



Expandir el nodo poco profundo no expandido **Aplicación:** 



Expandir el nodo poco profundo no expandido **Aplicación:** 



# Propiedades de la búsqueda primero en anchura

- ¿Completo? Sí (si b es finito)
- **Tiempo?**  $1+b+b^2+b^3+...+b^d+b(b^d-1)=O(b^{d+1})$ , es decir, exp. en d
- **Espacio?**  $O(b^{d+1})$  (mantiene cada nodo en memoria)
- **¿Óptimo?** Sí (si el costo = 1 por paso); no es óptimo en general

**El espacio** es el gran problema; puede generar fácilmente nodos a 100MB/ seg por lo 24 horas = 8640GB.

# Búsqueda de costo uniforme

Expandir el nodo de menor costo no expandido

#### **Aplicación:**

■ fringe = cola ordenada por coste del surco, primero el más bajo

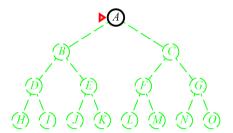
Equivalente a ancho-primer si el paso cuesta todos iguales

- **EXECUTE:** Completo? Sí, si el costo del paso  $\geq \epsilon$
- **Tiempo?** # de nodos con  $g \le$  costo de solución óptima,  $O(b^{\lceil C*/\epsilon \rceil})$  donde C\* es el coste de la solución óptima
- **Espacio?** # de nodos con  $g \leq$  costo de solución óptima,  $O(b^{\lceil C*/\epsilon \rceil})$
- **¿Óptimo?** Sí-nodos expandidos en orden creciente de g(n)

### Búsqueda primero en profundidad

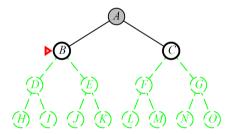
Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

fringe = cola LIFO, es decir, poner sucesores delante



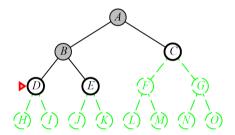
Expandir el nodo más profundo no expandido

#### Aplicación:

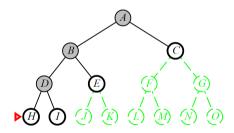


Expandir el nodo más profundo no expandido

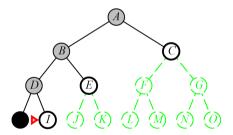
#### Aplicación:



Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

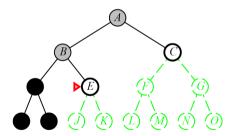


Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

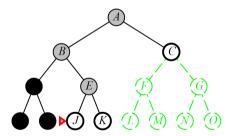


Expandir el nodo más profundo no expandido

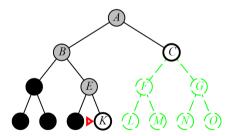
#### Aplicación:



Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

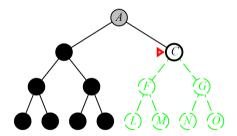


Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

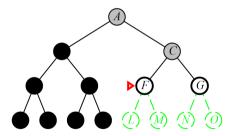


Expandir el nodo más profundo no expandido

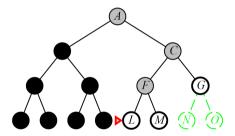
#### Aplicación:



Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 

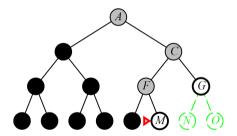


Expandir el nodo más profundo no expandido **Aplicación:** 



Expandir el nodo más profundo no expandido

### Aplicación:



#### Propiedades de la búsqueda de profundidad inicial

- ¿Completo? No: falla en espacios de profundidad infinita, espacios con bucles. Modificar para evitar estados repetidos a lo largo de la ruta → completar en espacios finitos
- **Tiempo?**  $O(b^m)$ : terrible si m es mucho más grande que d, pero si las soluciones son densas, puede ser mucho más rápido que la breadth-first
- **Espacio?** O(bm), es decir, espacio lineal!
- ¿Óptimo? No

#### Búsqueda de profundidad limitada

= búsqueda de profundidad inicial con límite de profundidad l, es decir, los nodos en la profundidad l no tienen sucesores

#### Aplicación recursiva:

```
function DEPTH-LIMITED-SEARCH(problem, limit) returns soln/fail/cutoff
   RECURSIVE-DLS(MAKE-NODE(INITIAL-STATE[problem]), problem, limit)
function Recursive-DLS(node, problem, limit) returns soln/fail/cutoff
   cutoff\text{-}occurred? \leftarrow \mathsf{false}
  if GOAL-TEST(problem, STATE[node]) then return node
  else if Depth[node] = limit then return cutoff
  else for each successor in Expand(node, problem) do
       result \leftarrow Recursive-DLS(successor, problem, limit)
       if result = cutoff then cutoff-occurred? \leftarrow true
       else if result \neq failure then return result
  if cutoff-occurred? then return cutoff else return failure
```

```
function ITERATIVE-DEEPENING-SEARCH (problem) returns a solution inputs: problem, a problem  \begin{aligned} &\text{for } depth \leftarrow 0 \text{ to } \infty \text{ do} \\ & result \leftarrow \text{DEPTH-LIMITED-SEARCH} (problem, depth) \\ & \text{if } result \neq \text{cutoff then return } result \\ & \text{end} \end{aligned}
```

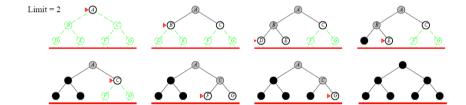


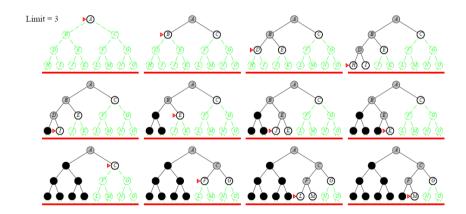












61 / 69

#### Propiedades de la búsqueda iterativa de profundización

- **¿Completo?** Sí
- **Tiempo?**  $(d+1)b^0 + db^1 + (d-1)b^2 + ... + b^d = O(b^d)$
- **Espacio?** O(bd)
- **¿Óptimo?** Sí, si el costo del paso = 1. Se puede modificar para explorar el árbol de costo uniforme

Comparación numérica para b=10 y d=5, solución a la derecha:

$$N(BPI) = 50 + 400 + 3000 + 20000 + 100000 = 123450$$

$$N(BPA) = 10 + 100 + 1000 + 10000 + 100000 + 999990 = 1111100$$

- IDS funciona mejor porque otros nodos en profundidad d no se expanden
- BFS se puede modificar para aplicar la prueba de objetivos cuando se genera un nodo

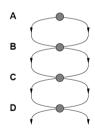
Marco Teran

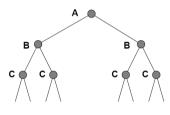
#### Resumen de los algoritmos

Criterio	Primero en anchura	Costo uniforme	Primero en profundidad	Profundidad limitada	Profundidad iterativa
¿Completo?	Sí*	Sí*	No	Sí, si $l \ge d$	Sí
Tiempo	$b^{d+1}$	$b^{\lceil C*/\epsilon  ceil}$	$b^m$	$b^l$	$b^d$
Espacio	$b^{d+1}$	$b^{\lceil C*/\epsilon  ceil}$	bm	bl	bd
¿Óptimo?	Sí*	Sí	No	No	Sí*

#### **Evitar estados repetidos**

¡La falla en detectar estados repetidos puede convertir un problema lineal en uno exponencial!





#### Búsqueda por gráfos

```
function GRAPH-SEARCH (problem, fringe) returns a solution, or failure
   closed \leftarrow an empty set
   fringe \leftarrow Insert(Make-Node(Initial-State[problem]), fringe)
   loop do
       if fringe is empty then return failure
       node \leftarrow \text{Remove-Front}(fringe)
       if GOAL-TEST(problem, STATE[node]) then return node
       if State[node] is not in closed then
            add STATE[node] to closed
            fringe \leftarrow InsertAll(Expand(node, problem), fringe)
  end
```

Resumen

#### Resumen

- La formulación de problemas generalmente requiere abstraer detalles del mundo real para definir un espacio de estado que pueda explorarse de forma factible
- Variedad de estrategias de búsqueda desinformadas
- La búsqueda de profundización iterativa utiliza sólo espacio lineal y no mucho más tiempo que otros algoritmos desinformados
- La búsqueda por gráfos puede ser exponencialmente más eficiente que la búsqueda en árbol

### Muchas gracias por su atención

¿Preguntas?



Contacto: Marco Teran

webpage: marcoteran.github.io/