



POLYTECHNIQUE
MONTREAL

LE GÉNIE
EN PREMIÈRE CLASSE

LOG3210

Éléments de langage et compilateurs

Analyse syntaxique

- Parseurs ascendants

PLAN

1. Chapitre 4 – Parseurs descendants (Suite et Fin)

- Implémentation d'un parseur LL
- Génération d'un parseur par JavaCC

2. Chapitre 4 – Parseurs ascendants (Début)



CHAPITRE 4 – JAVACC

JavaCC est un générateur de parseur

Java Compiler Compiler

JJTree ajoute des méthodes utilitaires à la grammaire *.jjt* et produit un fichier *.jj*

JavaCC génère un parseur à partir de ce fichier *.jj* (voir *LEParser.java*)



CHAPITRE 4 – JAVACC

Règle de production: Program \rightarrow Block <EOF>

```
final public ASTProgram Program() throws
                                     ParseException {

    ASTProgram jjtn000 =
        new ASTProgram(this, JJTPROGRAM);
    boolean jjtc000 = true;
    jjtree.openNodeScope(jjtn000);
    try {
        Block();    Program  $\rightarrow$  Block <EOF>
        jj_consume_token(0);
        jjtree.closeNodeScope(jjtn000, true);
    }
```



CHAPITRE 4 – JAVACC

Règle de production:

$E \rightarrow T (<+> T)^*$

```
final public void AddExpr() {  
  
    try {  
        MultExpr();  
label_2:  
        while (true) {  
            switch (jj_ntk) {  
                case PLUS:  
                case MINUS:  
                    ;  
                    break;  
                default:  
                    break label_2;  
            }  
        }  
    }  
}
```

```
}  
switch (jj_ntk) {  
    case PLUS:  
        jj_consume_token(PLUS);  
        break;  
    case MINUS:  
        jj_consume_token(MINUS);  
        break;  
    default:  
        jj_consume_token(-1);  
        throw new  
            ParseException();  
}  
MultExpr();  
}
```

LOG3210
Cours 3

Analyse syntaxique – Parseurs ascendants

Table de parsage

Parseurs descendants

- ▶ Les parseurs *top-down* construisent une table de parsage, plus rapide à l'exécution que les méthodes récursives.
- ▶ Cette table est un tableau à deux dimensions $M[A, a]$ où
 - ▶ A est un non terminal
 - ▶ a est un terminal ou le symbole $\$$ (fin de l'entrée)

- ▶ Exemple:

$$\begin{aligned} E &\rightarrow T E' \\ E' &\rightarrow + T E' \mid \epsilon \\ T &\rightarrow F T' \\ T' &\rightarrow * F T' \mid \epsilon \\ F &\rightarrow (E) \mid \mathbf{id} \end{aligned}$$

Table de passage

Parseurs descendants

Example 4.32: For the expression grammar (4.28), Algorithm 4.31 produces the parsing table in Fig. 4.17. Blanks are error entries; nonblanks indicate a production with which to expand a nonterminal.

NON - TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow \text{id}$			$F \rightarrow (E)$		

Figure 4.17: Parsing table M for Example 4.32

Construction de la table

Parseurs descendants

- ▶ On construit la table de parsage en suivant les étapes suivantes (algorithme 4.31 du livre):
- ▶ Pour chaque production $A \rightarrow \alpha$ de la grammaire:
 1. Pour chaque terminal a dans $\text{FIRST}(\alpha)$, ajouter $A \rightarrow \alpha$ dans $M[A, a]$
 2. Si ϵ est dans $\text{FIRST}(\alpha)$, alors pour chaque terminal b dans $\text{FOLLOW}(A)$, ajouter $A \rightarrow \alpha$ dans $M[A, b]$.
Si ϵ est dans $\text{FIRST}(\alpha)$ et $\$$ est dans $\text{FOLLOW}(A)$, ajouter également $A \rightarrow \alpha$ à $M[A, \$]$
- ▶ Si, à la fin, il n'y a aucune production dans $M[A, a]$, insérer **error** dans $M[A, a]$

Exercice 1

- ▶ Bâtir la table de passage de l'analyseur descendant pour la grammaire suivante:
 - ▶ $A \rightarrow BC$
 - ▶ $B \rightarrow bB \mid \varepsilon$
 - ▶ $C \rightarrow cC \mid \varepsilon$
- ▶ Pour chaque case où il y a **error**, donnez un message d'erreur pertinent pour l'utilisateur

Exercice 1 (solution)

- ▶ $\text{FIRST}(A) = \{ b, c, \varepsilon \}$ $\text{FOLLOW}(A) = \{ \$ \}$
- ▶ $\text{FIRST}(B) = \{ b, \varepsilon \}$ $\text{FOLLOW}(B) = \{ c, \$ \}$
- ▶ $\text{FIRST}(C) = \{ c, \varepsilon \}$ $\text{FOLLOW}(C) = \{ \$ \}$

Non terminaux	Symboles d'entrée		
	b	c	\$
A	$A \rightarrow BC$	$A \rightarrow BC$	$A \rightarrow BC$
B	$B \rightarrow bB$	$B \rightarrow \varepsilon$	$B \rightarrow \varepsilon$
C	ENCOUNTERED b, EXPECTING c or \$	$C \rightarrow cC$	$C \rightarrow \varepsilon$

Table de parsage

Parseurs descendants

- L'ambiguïté se manifeste dans la table de parsage.
 - Certains langages n'ont pas de grammaire LL(1)

NON - TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	a	b	e	i	t	$\$$
S	$S \rightarrow a$			$S \rightarrow iEtSS'$		
S'			$S' \rightarrow \epsilon$ $S' \rightarrow eS$			$S' \rightarrow \epsilon$
E		$E \rightarrow b$				

Figure 4.18: Parsing table M for Example 4.33

Analyse syntaxique ascendante (*bottom-up parsing*)

- ▶ Aussi appelé *parsage décalage / réduction* (*shift/reduce parsing*)
- ▶ Forme générale: LR parsing
- ▶ Idée:
 - ▶ Construire un arbre de *parsage* à partir des feuilles vers la racine

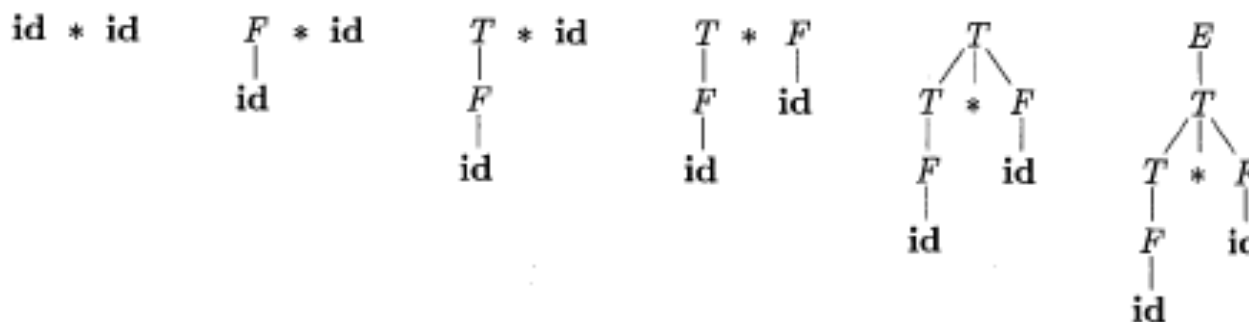
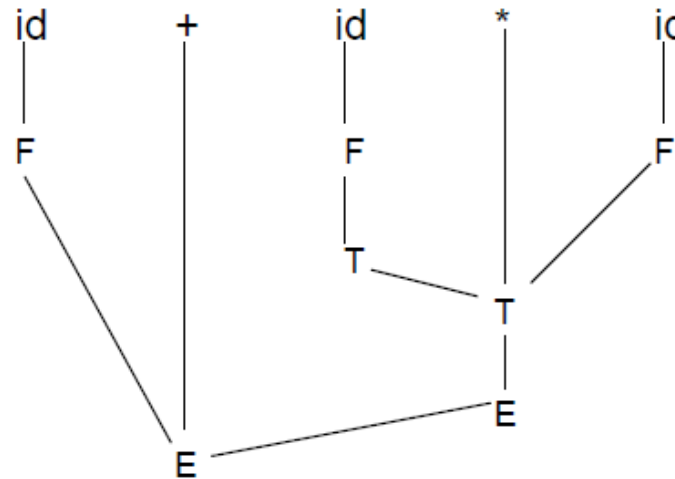


Figure 4.25: A bottom-up parse for `id * id`

Analyse syntaxique ascendante

► Exemple:



- **Décalage:** lire un jeton supplémentaire de l'entrée.
- **Réduction:** remplacer la partie droite d'une règle de production, qui correspond à une sous chaîne particulière, par la partie gauche de la règle.
- Si la sous chaîne est bien choisie, une dérivation par la droite inversée est effectuée.

Exemple

► Soit:

► $S \rightarrow aABe$ $A \rightarrow Abc \mid b$ $B \rightarrow d$

► Entrée:

► $abbcde$ $(A \rightarrow b)$
► $aAbcde$ $(A \rightarrow Abc)$
► $aAde$ $(B \rightarrow d)$
► $aABe$ $(S \rightarrow aABe)$
► S

► On voit bien la dérivation par la droite inversée

► $S \rightarrow aABe \rightarrow aAde \rightarrow aAbcde \rightarrow abbcde$

Handle (manche)

► Définition informelle

- Sous-chaîne qui correspond à la partie droite d'une production et pour laquelle une réduction correspond à un pas vers une bonne dérivation par la droite inversée.

► Exemple:

- $S \rightarrow aABe$ $A \rightarrow Abc \mid b$ $B \rightarrow d$

► Entrée:

- a**b**bcde (handle: b)
- a**A**bcde (handle: Abc)
- aAde (handle: d)
- **aABe** (handle: aABe)
- S

Handle (manche)

► Définition formelle:

- Un *handle* de γ est une production $A \rightarrow \beta$ et une position dans γ tels que le remplacement de β par A produit γ^{-1} , où la dérivation droite de γ^{-1} donne γ .
- Si on a $S \xRightarrow{*}_{rm} \alpha Aw \xRightarrow{rm} \alpha \beta w$, alors la production $A \rightarrow \beta$ dans la position qui suit α est un *handle* de $\alpha \beta w$

► Notes:

- La chaîne w doit contenir seulement des symboles terminaux.
- Si la grammaire est ambiguë, il peut exister plus d'une dérivation à droite et donc plusieurs *handles* pour γ .
- Si la grammaire est non-ambiguë, chaque chaîne γ a un seul *handle*.

Handle (manche)

Ambiguïté

- Considérez la grammaire suivante:

$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$

E	$\xRightarrow{rm} \underline{E * E}$
$E * E$	$\xRightarrow{rm} E * \underline{\text{id}}$
$E * \text{id}$	$\xRightarrow{rm} \underline{E + E} * \text{id}$
$E + E * \text{id}$	$\xRightarrow{rm} E + \underline{\text{id}} * \text{id}$
$E + \text{id} * \text{id}$	$\xRightarrow{rm} \underline{\text{id}} + \text{id} * \text{id}$

E	$\xRightarrow{rm} \underline{E + E}$
$E + E$	$\xRightarrow{rm} E + \underline{E * E}$
$E + E * E$	$\xRightarrow{rm} E + E * \underline{\text{id}}$
$E + E * \text{id}$	$\xRightarrow{rm} E + \underline{\text{id}} * \text{id}$
$E + \text{id} * \text{id}$	$\xRightarrow{rm} \underline{\text{id}} + \text{id} * \text{id}$

Handle pruning (élagage du manche)

- ▶ Soit la séquence de dérivations suivante:

$$S = \gamma_0 \underset{rm}{\Rightarrow} \gamma_1 \underset{rm}{\Rightarrow} \gamma_2 \underset{rm}{\Rightarrow} \cdots \underset{rm}{\Rightarrow} \gamma_{n-1} \underset{rm}{\Rightarrow} \gamma_n = w$$

- ▶ Le *handle pruning* permet de reconstruire la dérivation à droite inversée.
- ▶ Principe de base:
 - ▶ Identifier le *handle* β_n dans γ_n
 - ▶ Réduire β_n par la tête de la production pertinente $A_n \rightarrow \beta_n$ pour obtenir γ_{n-1} .
- ▶ La localisation d'un *handle* n'a pas été expliquée encore.

Exercice 2

- ▶ Soit la grammaire $S \rightarrow 0 S 1 \mid 0 1$
 1. Calculer le *handle* pour chacune des dérivations à droite inversées à partir de la chaîne 000111

- ▶ Soit la grammaire $S \rightarrow S S + \mid S S * \mid a$
 2. Calculer le *handle* pour chacune des dérivations à droite inversées à partir de la chaîne $aaa*a++$

Exercice 2 (solution)

1. $S \rightarrow 0 S 1 \mid 0 1$

Entrée:

- ▶ 000111 (handle: 01)
- ▶ 00**S**11 (handle: 0S1)
- ▶ 0**S**1 (handle: 0S1)
- ▶ S

2. $S \rightarrow S S + \mid S S * \mid a$

Entrée:

- ▶ **a**aa*a++ (handle: a)
- ▶ S**a**a*a++ (handle: a)
- ▶ SS**a***a++ (handle: a)
- ▶ **SSS***a++ (handle: SS*)
- ▶ SS**a**++ (handle: a)
- ▶ **SSS**++ (handle: SS+)
- ▶ **SS**+ (handle: SS+)
- ▶ S

Parseur décalage/réduction (*shift-reduce parsing*)

- ▶ **Problématique**
 - ▶ Localiser un *handle*
 - ▶ Choisir la production à appliquer
- ▶ **Structures utilisées**
 - ▶ Pile (*stack*)
 - ▶ Tampon d'entrée (*input buffer*)
- ▶ **Symboles spéciaux**
 - ▶ Fond de la pile: \$
 - ▶ Fin de l'entrée: \$

STACK
\$

INPUT
w \$

Parseur décalage/réduction

Implémentation

► Algorithme:

► RÉPÉTER

1. Décaler 0 ou plus de symboles d'entrée sur la pile jusqu'à la formation d'un *handle* B sur la pile
2. Réduire B par la partie gauche de la règle appropriée

► Tant que (pas d'erreur) ou (état d'acceptation)

- ### ► L'état d'acceptation est défini comme le moment où la pile contient le symbole de départ et le tampon d'entrée est vide.

STACK
\$ S

INPUT
\$

Parseur décalage/réduction

Actions possibles

- ▶ Il y a quatre actions pouvant être effectuées par le parseur:
 - ▶ **Décalage** (*shift*): le prochain symbole d'entrée est empilé sur la pile
 - ▶ **Réduction** (*reduce*): un handle se trouve sur le dessus de la pile
 1. Identifier le *handle* à réduire sur le dessus de la pile
 2. Trouve la production
 3. Remplacer la partie DROITE du handle, sur la pile
 - ▶ Note: le *handle* apparaît toujours sur le dessus de la pile, JAMAIS à l'intérieur (explication: entrée traitée de gauche à droite + dérivation à droite)

Parseur décalage/réduction

Actions possibles

- ▶ **Acceptation:** terminaison du parsing avec succès
- ▶ **Erreur:** détection d'une erreur syntaxique. Mise en marche de routine de correction d'erreurs.

STACK	INPUT	ACTION
\$	$\text{id}_1 * \text{id}_2 \$$	shift
$\$ \text{id}_1$	$* \text{id}_2 \$$	reduce by $F \rightarrow \text{id}$
$\$ F$	$* \text{id}_2 \$$	reduce by $T \rightarrow F$
$\$ T$	$* \text{id}_2 \$$	shift
$\$ T *$	$\text{id}_2 \$$	shift
$\$ T * \text{id}_2$	$\$$	reduce by $F \rightarrow \text{id}$
$\$ T * F$	$\$$	reduce by $T \rightarrow T * F$
$\$ T$	$\$$	reduce by $E \rightarrow T$
$\$ E$	$\$$	accept

Figure 4.28: Configurations of a shift-reduce parser on input $\text{id}_1 * \text{id}_2$

Parseur décalage/réduction

Conflits durant le passage

- ▶ Pour certaines grammaires CFG, tous les parseurs par décalage/réduction atteignent une configuration où l'état de la pile et le prochain symbole d'entrée ne permettent pas de décider entre:
 1. Décaler ou réduire (*shift/reduce conflict*)
 2. Réduire ou réduire (*reduce/reduce conflict*), à cause de plusieurs productions possibles.
- ▶ Ces grammaires ne sont pas LR(k).
 - ▶ Les langages de programmation ont habituellement des grammaires LR(1).
 - ▶ Une grammaire ambiguë n'est pas LR(k), pour tout k .
 - ▶ On lève l'ambiguïté *shift/reduce* en priorisant la réduction ou le décalage.

Conflits (exemple)

- Soit la grammaire:

$$\begin{array}{lcl} stmt & \rightarrow & \text{if } expr \text{ then } stmt \\ & & | \text{ if } expr \text{ then } stmt \text{ else } stmt \\ & & | \text{ other} \end{array}$$

- Et la configuration:

STACK
... if *expr* then *stmt*

INPUT
else ...\$

- On a un conflit décalage/réduction
 - Dans ce cas, on voudrait probablement faire un décalage afin d'associer chaque *else* au *then* précédent le plus près.

Conflits (exemple 2)

- Soit une grammaire qui utilise les parenthèses pour les appels de procédures et pour la référence à des cases dans un tableau:

(1)	<i>stmt</i>	→	id (<i>parameter_list</i>)
(2)	<i>stmt</i>	→	<i>expr</i> := <i>expr</i>
(3)	<i>parameter_list</i>	→	<i>parameter_list</i> , <i>parameter</i>
(4)	<i>parameter_list</i>	→	<i>parameter</i>
(5)	<i>parameter</i>	→	id
(6)	<i>expr</i>	→	id (<i>expr_list</i>)
(7)	<i>expr</i>	→	id
(8)	<i>expr_list</i>	→	<i>expr_list</i> , <i>expr</i>
(9)	<i>expr_list</i>	→	<i>expr</i>

Figure 4.30: Productions involving procedure calls and array references

Conflits (exemple 2)

- ▶ Soit la configuration suivante, pour une instruction $p(i, j)$:

STACK
... **id** (**id**

INPUT
, **id**) ...

- ▶ **id** doit être réduit, mais il y a deux productions possibles (5 et 7)
 - ▶ (5) est correcte si p est une procédure
 - ▶ (7) est correcte si p est un tableau
- ▶ On a un conflit réduction/réduction
 - ▶ Solution possible:
Changer le jeton **id** de la production (1) par un jeton **procid**, et modifier l'analyseur lexical pour différencier les types de jetons.

Exercice 3

- ▶ Soit la grammaire $S \rightarrow 0 S 1 \mid 0 1$
 1. Donner l'état de la pile et du tampon d'entrée pour chaque étape du passage ascendant de la chaîne 000111

- ▶ Soit la grammaire $S \rightarrow S S + \mid S S * \mid a$
 2. Donner l'état de la pile et du tampon d'entrée pour chaque étape du passage ascendant de la chaîne aaa^*a++

Parseur LR

- ▶ Capables de reconnaître presque tous les langages libres de contexte
 - ▶ Il existe des grammaires CFG qui ne sont pas LR, mais elles peuvent être évitées dans le contexte des langages de programmation.
- ▶ On utilise habituellement les parseurs à décalage/réduction sans retour-arrière (*backtracking*)
- ▶ $LR(I) \supset LL(I)$
- ▶ Les erreurs syntaxiques sont détectées aussitôt que possible dans lecture de gauche à droite de l'entrée

Parseur LR

- ▶ La construction « à la main » est très exigeante; on utilise des générateurs de parseurs LR
 - ▶ Yacc, Bison, SableCC, etc.
- ▶ Types de tables d'analyse LR:
 - ▶ **Simple LR** (SLR): table de petite taille, moins puissante
 - ▶ **Canonical LR** (LR): table de grande taille, plus puissante
 - ▶ **Look Ahead LR** (LALR): table de taille moyenne et puissance intermédiaire
- ▶ L'algorithme de parsage est toujours le même, peu importe le type de table utilisé

Items LR(0)

- ▶ Les items permettent de déterminer quand faire un *shift* ou un *reduce*
- ▶ Un item LR(0) (ou simplement item) d'une grammaire G est une production de G avec un point dans une position quelconque de la production.
 - ▶ Pour la production $A \rightarrow XYZ$ items suivants:

$$A \rightarrow \cdot XYZ$$

$$A \rightarrow X \cdot YZ$$

$$A \rightarrow XY \cdot Z$$

$$A \rightarrow XYZ \cdot$$
- ▶ Pour la production $A \rightarrow \varepsilon$, on a un seul item: $A \rightarrow \cdot$
- ▶ Un item indique jusqu'où une production a été traitée jusqu'à maintenant.
 - ▶ Exemple: $A \rightarrow X \cdot YZ$ signifie qu'une chaîne dérivable à partir de X a été traitée et que nous espérons maintenant voir une chaîne dérivable à partir de YZ .

Automate LR(0)

- ▶ Automate déterministe fini permettant d'effectuer les décisions de passage.
- ▶ Est construit grâce à l'ensemble LR(0) canonique
 - ▶ Il s'agit d'un ensemble d'ensembles (*collection of sets*) d'items
- ▶ Trois éléments doivent être définis pour construire l'ensemble LR(0) canonique:
 - ▶ Grammaire augmentée
 - ▶ Fonction CLOSURE
 - ▶ Fonction GOTO

Grammaire augmentée

- ▶ Supposons une grammaire G avec un symbole de départ S .
- ▶ La grammaire augmentée G' est G avec un nouveau symbole de départ S' et la production $S' \rightarrow S$.
- ▶ But du nouveau symbole de départ: permettre au parseur de savoir quand il doit arrêter de parser et accepter l'entrée.

Fonction CLOSURE

- ▶ Supposons que I est un ensemble d'items d'une grammaire G .
- ▶ $CLOSURE(I)$ est l'ensemble d'items construit à partir de I via les deux règles suivantes:
 1. Initialement, ajouter chaque item de I dans $CLOSURE(I)$
 2. Si $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ est dans $CLOSURE(I)$ et que $B \rightarrow \gamma$ est une production, alors ajouter l'item $B \rightarrow \cdot \gamma$ à $CLOSURE(I)$, s'il n'est pas déjà présent.Appliquer cette règle jusqu'à ce qu'aucun nouvel item ne puisse être ajouté à $CLOSURE(I)$

Fonction CLOSURE

Exemple

- Soit la grammaire suivante:

$$\begin{array}{lcl} E' & \rightarrow & E \\ E & \rightarrow & E + T \mid T \\ T & \rightarrow & T * F \mid F \\ F & \rightarrow & (E) \mid \text{id} \end{array}$$

- Si $I = \{ [E' \rightarrow \cdot E] \}$, alors $\text{CLOSURE}(I)$ contient les éléments suivants:
 - $E' \rightarrow \cdot E$
 - $E \rightarrow \cdot E + T$ $E \rightarrow \cdot T$
 - $T \rightarrow \cdot T * F$ $T \rightarrow \cdot F$
 - $E \rightarrow \cdot (E)$ $E \rightarrow \cdot \text{id}$

Fonction CLOSURE

Algorithme

```
SetOfItems CLOSURE( $I$ ) {  
     $J = I$ ;  
    repeat  
        for ( each item  $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$  in  $J$  )  
            for ( each production  $B \rightarrow \gamma$  of  $G$  )  
                if (  $B \rightarrow \cdot \gamma$  is not in  $J$  )  
                    add  $B \rightarrow \cdot \gamma$  to  $J$ ;  
    until no more items are added to  $J$  on one round;  
    return  $J$ ;  
}
```

Figure 4.32: Computation of CLOSURE

Fonction GOTO

- ▶ **GOTO(I, X)**
 - ▶ I est un ensemble d'items
 - ▶ X est un symbole de la grammaire
- ▶ **GOTO(I, X)** est défini comme la fermeture (CLOSURE) de l'ensemble de tous les items $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta]$ tel que $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta]$ est dans I .
 - ▶ Intuitivement, la fonction GOTO est utilisée pour définir les transitions dans l'automate LR(0).
 - ▶ Les états correspondent aux ensembles d'items, alors que GOTO(I, X) spécifie la transition de l'état I sous l'entrée X .

Fonction GOTO

Exemple

- ▶ Si $I = \{ [E' \rightarrow E\cdot], [E \rightarrow E\cdot+T] \}$
alors $\text{GOTO}(I, +)$ contient les éléments suivants:

$$E \rightarrow E + \cdot T$$

$$T \rightarrow \cdot T * F$$

$$T \rightarrow \cdot F$$

$$F \rightarrow \cdot (E)$$

$$F \rightarrow \cdot \text{id}$$

- ▶ On a fait progresser le point « par-dessus » le symbole +,
puis on calcule la fermeture (CLOSURE) sur la règle
 $E \rightarrow E + \cdot T$

Fonction GOTO

Algorithme

- L'algorithme suivant construit C , l'ensemble d'ensembles d'items LR(0) pour une grammaire augmentée G'

```
void items( $G'$ ) {  
     $C = \text{CLOSURE}(\{[S' \rightarrow \cdot S]\})$ ;  
    repeat  
        for ( each set of items  $I$  in  $C$  )  
            for ( each grammar symbol  $X$  )  
                if (  $\text{GOTO}(I, X)$  is not empty and not in  $C$  )  
                    add  $\text{GOTO}(I, X)$  to  $C$ ;  
    until no new sets of items are added to  $C$  on a round;  
}
```

Détermination des ensembles d'items LR(0)

- Construisons les ensembles d'items de la grammaire augmentée suivante, en calculant aussi les GOTO:

$$\begin{array}{lcl} E' & \rightarrow & E \\ E & \rightarrow & E + T \mid T \\ T & \rightarrow & T * F \mid F \\ F & \rightarrow & (E) \mid \text{id} \end{array}$$

Utilité des GOTO et CLOSURE

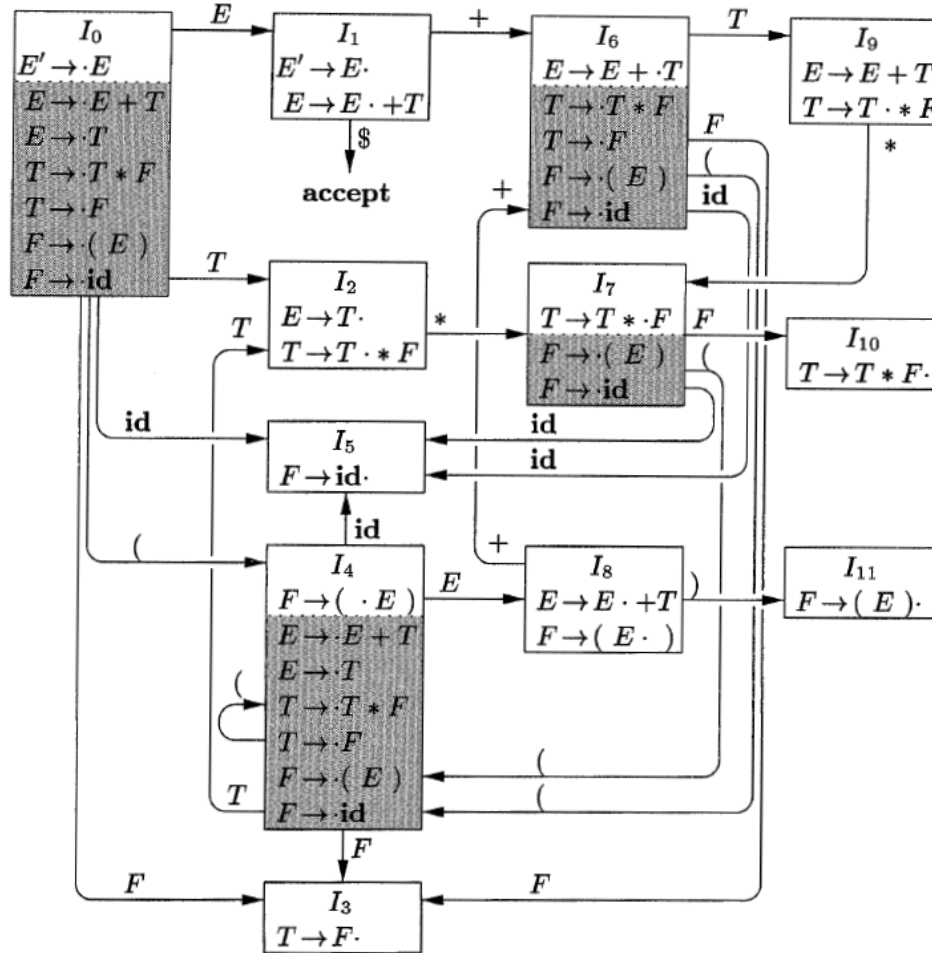


Figure 4.31: LR(0) automaton for the expression grammar (4.1)

Exercice 4

► Soit la grammaire $S \rightarrow S S + \mid S S * \mid a$

1. Augmenter la grammaire
2. Calculer les ensembles d'items pour la grammaire ainsi que la fonction GOTO pour chacun des ensembles obtenus.

Indice: commencez par $I_0 = \text{CLOSURE}(\text{r\`egle de d\`epart})$