



# Les fonctions numériques

## I. Définir une fonction numérique :

### 1. Ensemble R et intervalles :

#### Définition :

L'ensemble des abscisses des points d'une droite graduée est appelé l'ensemble des **nombres réels**.

On note  $\mathbb{R}$  l'ensemble de tous ces nombres.

Certaines parties de  $\mathbb{R}$  sont appelées des intervalles; on les note en utilisant des crochets.

Ensemble des réels x tels que :	Intervalle
$x \geq a$	$[a, +\infty[$
$x \leq a$	$]-\infty, a]$
$a < x < b$	$]a, b[$
$a \leq x \leq b$	$[a, b]$
$x > a$	$]a, +\infty[$

On définit de la même façon les intervalles  $]a, b]$ ,  $[a, b[$  et  $]a, b]$ .

## 2. Vocabulaire des fonctions numériques :

### Définition :

Définir une fonction  $f$  sur une partie  $D$  de  $\mathbb{R}$ , c'est associer à tout nombre de  $D$ , un nombre unique appelé image du nombre  $x$ .

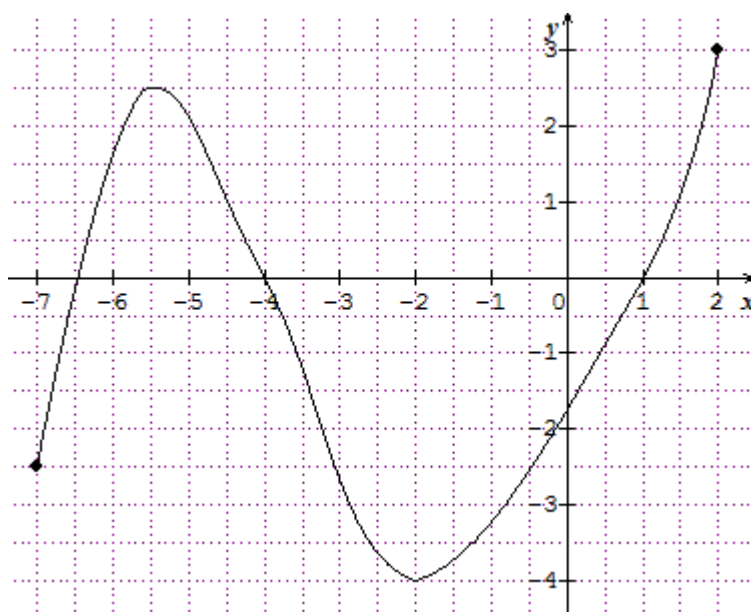
### Définition et vocabulaire :

- L'image du nombre  $x$  par la fonction  $f$  est notée  $f(x)$ .
- La fonction  $f$  est parfois notée  $y$ .
- On dit que  $D$  est l'**ensemble de définition** de  $f$ .
- Si  $f(a)=b$ , on dit que  $a$  est un **antécédent** de  $b$  par  $f$  ou que  $b$  est l'**image** de  $a$  par  $f$ .

### EXEMPLE 1 : UNE FONCTION DÉFINIE PAR UN GRAPHIQUE.

L'ensemble de définition de  $f$  est l'intervalle  $[-7;2]$ .

Le nombre  $-5$  a pour image  $2$  donc  $f(-5) = 2$ .



### EXEMPLE 2 : UNE FONCTION G DÉFINIE PAR UN TABLEAU DE VALEURS.

Le nombre 0 a une seule image 1.

$g(-1)=4$  et  $g(3)=4$  donc des antécédents de 4 par  $g$  sont -1 et 3.

Nombre x	-4	-1	0	2	3
----------	----	----	---	---	---

Image g(x)	5	4	1	2	4
------------	---	---	---	---	---

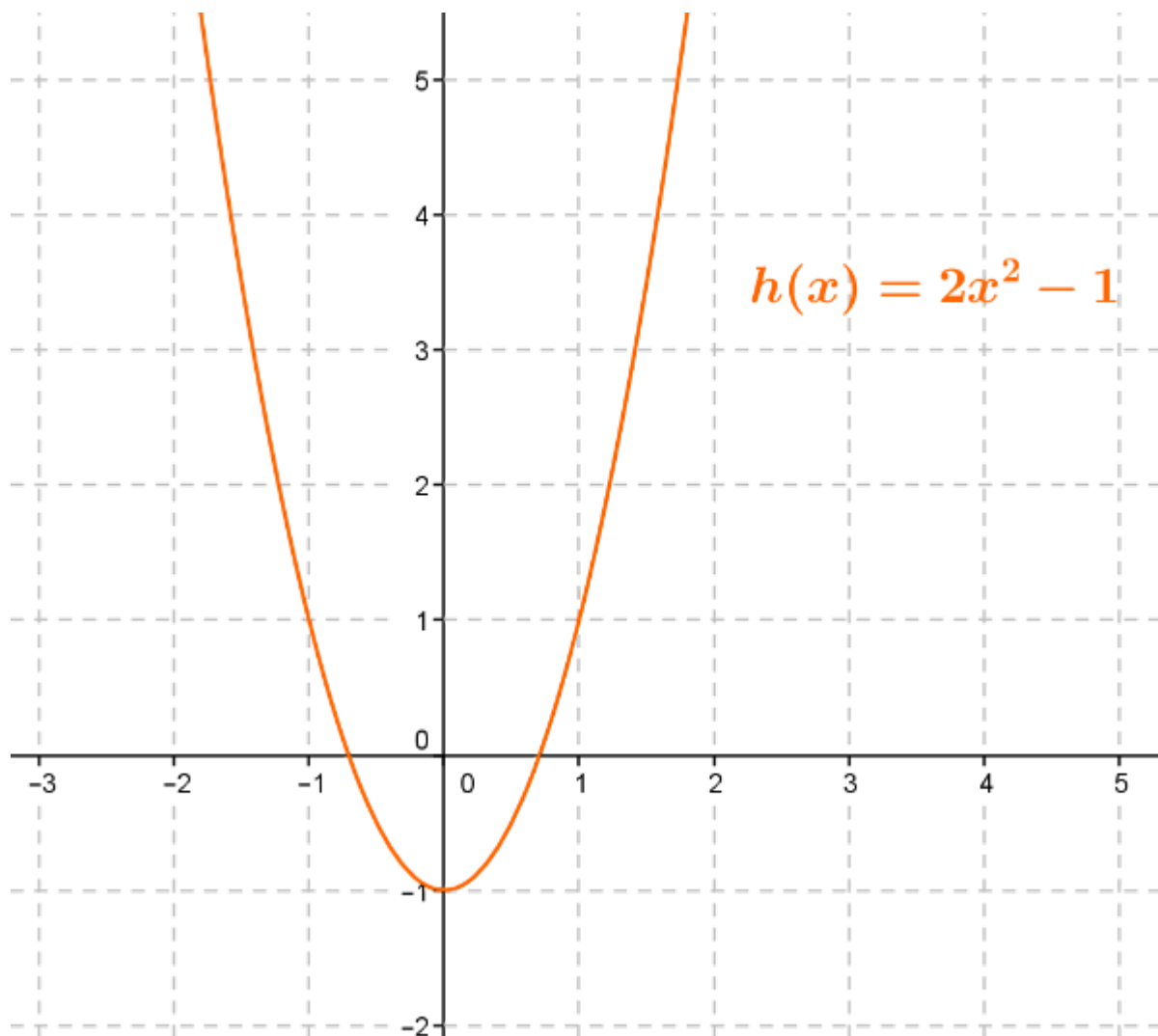
### EXEMPLE 3 : UNE FONCTION H DÉFINIE PAR UNE FORMULE ALGÈBRIQUE.

La fonction  associe à un nombre réel  quelconque, le nombre .

L'ensemble de définition de  $h$  est .

Pour calculer l'image de - 5, on remplace  par - 5 dans l'expression de .

.



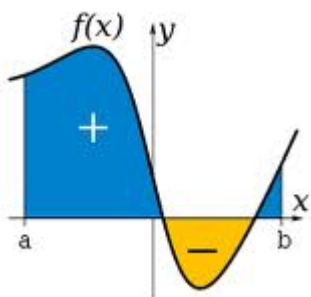
## II. Courbes et résolutions graphiques :

### 1. Courbe représentative d'une fonction :

Définition :

$f$  est une fonction définie sur  $D$ . Dans un repère du plan, la **courbe représentative** (ou représentation graphique) ☐ de  $f$  est l'ensemble des points  $M(x;y)$  dont:

- l'abscisse  $x$  décrit l'ensemble de définition  $D$ ;
- l'ordonnée  $y$  est l'image de  $x$  par  $f$ .



Autrement dit:  $M(x;y)$  ☐ ☐ si, et seulement si,  $x$  ☐  $D$  et ☐.

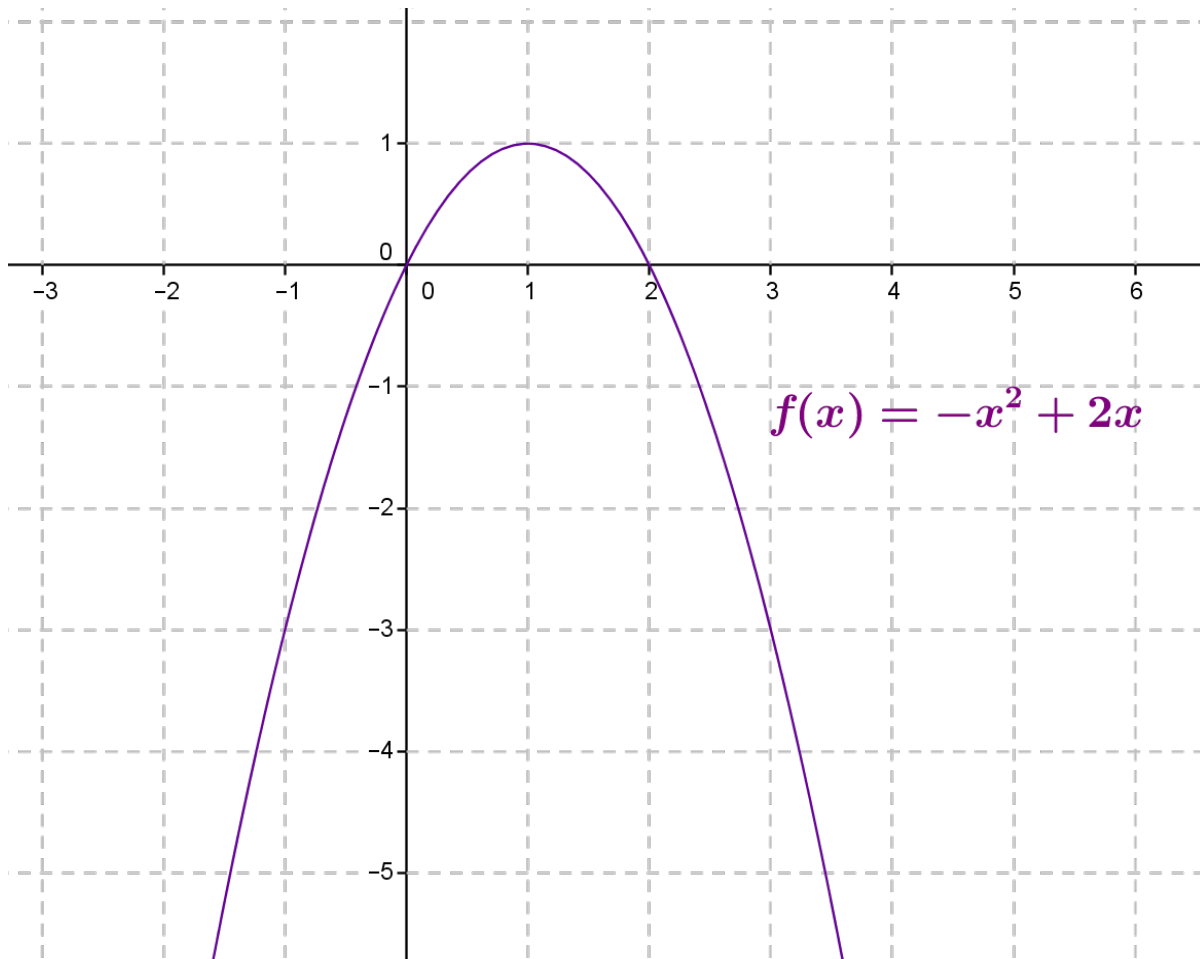
Vocabulaire :

On dit que ☐ a pour équation ☐ dans le repère choisi.

**EXEMPLE :**

☐ est la fonction définie sur ☐ par ☐.

Voici la courbe représentative de cette fonction :



Le point A(2;0) appartient-il à la courbe ?

oui car ☐.

Le point B(- 2 ; - 7) appartient-il à la courbe ?

Non car ☐.

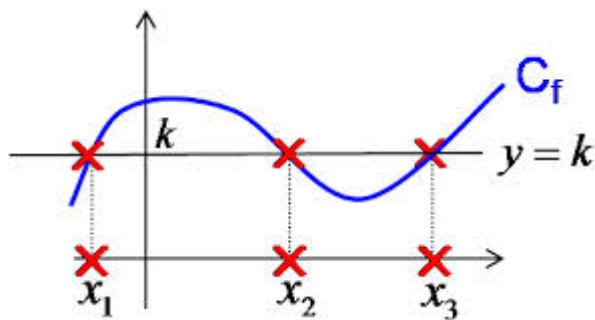
## **2. Résolution graphique d'équations :**

Cf et Cg sont les courbes représentatives des fonctions f et g dans un repère.

### **a. Equations $f(x)=k$ (avec k un réel) :**

Propriété:

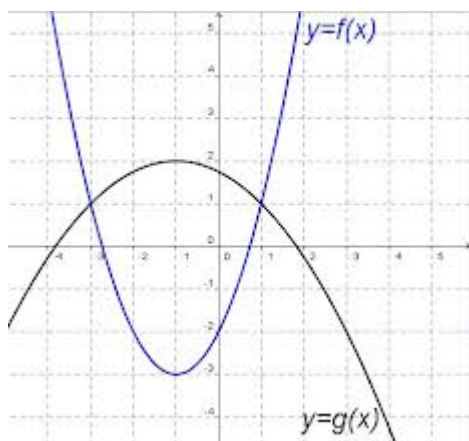
Les solutions de l'équation  $f(x)=k$  sont les abscisses des points d'intersection de la courbe Cf et de la droite  $y=k$ .



## b. Equations $f(x)=g(x)$

Propriété:

les solutions de l'équation  $f(x)=g(x)$  sont les abscisses des points d'intersection des courbes  $C_f$  et  $C_g$ .



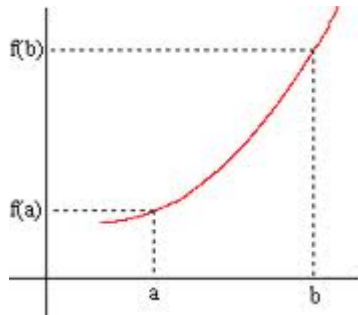
## III. Sens de variation et extremums :

$f$  est une fonction définie sur un intervalle  $I$ , de courbe représentative  $C_f$  dans un repère du plan.

### 1. Fonction croissante :

Définition :

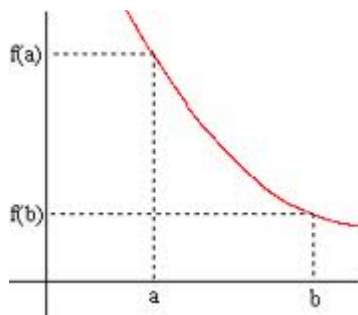
Dire que  $f$  est croissante sur  $I$  signifie que pour tout nombre réel  $a$  et  $b$  de  $I$ , si  $a < b$  alors  $f(a) \leq f(b)$ .



## 2. Fonction décroissante :

Définition :

Dire que  $f$  est décroissante sur  $I$  signifie que pour tout nombre réel  $x$  et  $y$  de  $I$ , si  $x < y$  alors  $f(x) > f(y)$ .

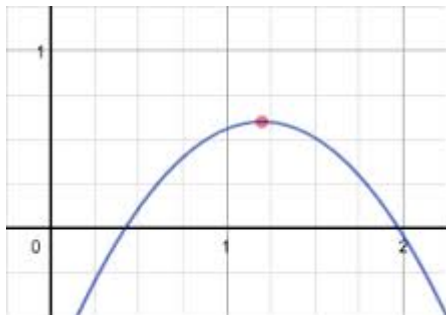


## 3. Extremum : maximum et minimum.

### a. Maximum d'une fonction :

Définition :

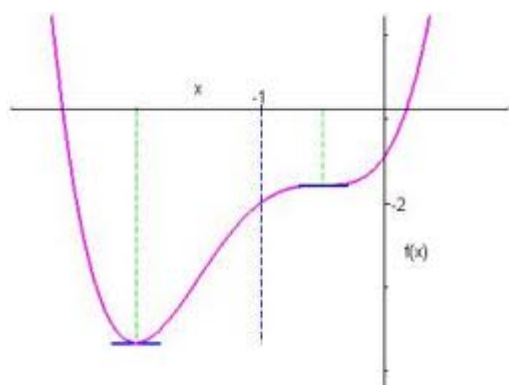
$a$  désigne un nombre réel de l'intervalle  $I$ . Dire que  **$f(a)$  est le maximum** de  $f$  sur  $I$  signifie que, pour tout réel  $x$  de  $I$  :  $f(x) \leq f(a)$ .



## b. Minimum d'une fonction :

Définition :

$a$  désigne un nombre réel de l'intervalle  $I$ . Dire que  **$f(a)$  est le minimum** de  $f$  sur  $I$  signifie que, pour tout réel  $x$  de  $I$  :  $f(x) \geq f(a)$ .



Vocabulaire :

On dit que  $f(a)$  est **un extremum de  $f$  sur  $I$**  pour indiquer que  **$f(a)$  est un maximum ou un minimum de  $f$  sur  $I$** .