

## Examen Parcial (Análisis aplicado)

Leonardo David Alata Martínez

167480

### Teoría

#### 1.- Algoritmo de búsqueda lineal

Tomas un lápiz de cualquier tamaño, pero que no esté muy viejito, porque un lápiz muy chiquito no nos sirve. Intentas meter el lápiz en una cajita de pastillas TIK-TAK, si el lápiz no entra por completo, lo cortas con unas tijeras o le sacas punta (tú decides cuanto recortarlo) para que se haga más chico. Después vuelves a intentar meter el lápiz a la cajita, si no entra, lo vuelves a recortar (la cantidad que tú quieras) hasta que logres meterlo por completo. Una vez que lo logres, el lápiz tendrá el tamaño adecuado para que lo lleves a todas partes!

#### 2.- Algoritmo de región de confianza.

Para comprar un celular hay que considerar el precio de este, generalmente queremos pagar la mínima cantidad de dinero. Es posible que nos guste una marca en particular cuya gama de precios es muy variada; Sin embargo, no nos es posible pagar por ningún modelo de esta marca, ni siquiera el de menor costo. Por lo tanto, lo mejor será comprar un modelo de otra marca más barata. No será posible comprar un modelo que sea igual a alguno de la marca que nos gusta, pero podemos definir ciertas características mínimas que la marca barata debe imitar de la marca que nos gusta. Es muy importante que si encontramos algún modelo que logre imitar esas características y aún así no podemos pagarlo, tendremos que sacrificar más características. Por el contrario, si pueda pagar un modelo que imite esas características y pueda comprar aún más, será más exigente y aumentará las características que el modelo deberá imitar.

## 2.- Demostración.

$$f(x) = \frac{1}{2} x^T Q x - b^T x,$$

$$\nabla f(x) = Qx - b \quad \textcircled{A}$$

Resolver  $\min_{\alpha} f(x_k + \alpha P_k)$

El minimizador  $\alpha^*$  es tal que  $\nabla f(x_k + \alpha^* P_k)^T P_k = 0 \quad \textcircled{B}$

Por  $\textcircled{A}$  tenemos que  $\nabla f(x_k + \alpha^* P_k) = Q(x_k + \alpha^* P_k) - b$   
sustituyendo en  $\textcircled{B}$  obtenemos:

$$[Q(x_k + \alpha^* P_k) - b]^T P_k = 0$$

$$\Rightarrow [Qx_k + Q\alpha^* P_k - b]^T P_k = 0$$

$$\Rightarrow Qx_k^T P_k - b^T P_k + \alpha^* P_k^T Q P_k = 0$$

$$\Rightarrow (Qx_k - b)^T P_k + \alpha^* P_k^T Q P_k = 0$$

Despejamos  $\alpha^*$

$$\therefore \alpha^* = \frac{-(Qx_k - b)^T P_k}{P_k^T Q P_k} \quad \text{y de nuevo por } \textcircled{A}$$

$$\alpha^* = \frac{-\nabla f(x_k)^T P_k}{P_k^T Q P_k}$$