POTENTIOMETRIE

GRUPPE 23

Inhaltsverzeichnis

1	Abstract	2
2	Messungen 2.1 Verwendete Geräte und Chemikalien 2.2 Erstellung der Stammlösungen 2.3 Erstellung der Messreihen	2 2 2 3
3	Auswertung der Messungen bei 25°C 3.1 Bestimmung der Aktivitätskoeffizienten γ_{\pm} bei 25°C 3.2 Debye-Radius bei 25°C 3.3 Debye-Radius bei 25°C	4 4 5
4	Auswertung der Messungen bei 40°C 4.1 Bestimmung der Aktivitätskoeffizienten γ_{\pm} bei 40°C	7 7 8
5	5.1 Bestimmung der Unterschiede des Debye-Radius im Hinblick auf die Temperatur 5.2 Datenanalyse für die Graphiken der Dissoziation 5.2.1 Auswertung der Messwerte bei 25°C 5.2.2 Auswertung der Messwerte bei 40°C	10 11 13 13 14 15
6	6.1 Messreihe 6.2 Dissoziation von Essigsäure 6.3 Debye-Radius 6.4 Temperatureinfluss auf die Dissoziation und den Debye-Radius 6.4.1 Debye-Radius	17 17 17 17 17 17
7	Literatur	18
8	Materialien	18

1 Abstract

In dieser Laborübung wurde der Zusammenhang zwischen Konzentration und Dissoziation, sowie der Zusammenhang zwischen Konzentration und Debye-Radius bei zwei verschiedenen Temperaturen (25°C und 40°C) von Essigsäure untersucht. Bei der anschließenden Auswertung lässt sich gut erkennen, wie die Dissoziation bei geringerer Konzentration steigt. Bei genügend hoher Verdünnung kann auch aus einer schwachen Säure (hier Essigsäure) eine Starke gemacht werden.

Der weitere Teile der Auswertung konzentriert sich auf den Zusammenhang der Konzentration und des Debye-Radius, dieser vergrößert sich exponentiell, wenn sich die Konzentration verringert.

2 Messungen

2.1 Verwendete Geräte und Chemikalien

Chemikalien Geräte

• Rotipuran (Essigsäure der Firma Roth, mit genau bestimmter Molalität)

• Destilliertes Wasser

• Waage: Kern KB

• Wasserbad: Julabo 26

• pH-Meter: Mettler Toledo Seven Multi

2.2 Erstellung der Stammlösungen

Um die Messreihen zu erstellen, die eine Konzentrationsbereich von 0.005 bis 0.00001 [mol/kg] abdeckt, wurde aus einer 0.5 molalen Essigsäurelösung 3 Stammlösungen hergestellt.

Tabelle 1: Stammlösungen, aus 0.5 molaler Essigsäure

Star	mmlösung	Konz	$[\mathbf{mmol/kg}]$
I			50,012
II			5,015
III			0,5012

Aus diesen Stammlösungen wurde im nächsten Schritt die Messreihe erstellt.

Tabelle 2: Messreihe, nach Konzentration sortiert

Lösung	Stamm	Stamm [g]ideal	H_2O [g]ideal	Stamm [g]real	H_2O [g]real	Konz [mmol/kg]soll	Konz [mmol/kg]ist
A1	$50,\!012$	50	0	50,06	0	50	50,01
A2	$50,\!012$	25	25	25,04	25,04	25	25,01
A3	50,012	15	35	$15,\!1$	35,05	15	15,06
B1	$50,\!012$	10	40	10,08	40,02	10	10,06
B2	$50,\!012$	6	44	6,08	44,2	6	6,05
A4	$50,\!012$	5	45	5,01	45,01	5	5,01
B3	$5,\!015$	10	40	10,02	40,03	1	1,00
A5	$5,\!015$	10	40	9,98	$40,\!22$	1	1,00
C1	5,015	8	42	8,03	$42{,}05$	0,8	0,80
C2	5,015	6	44	6,07	44,1	0,6	0,61
B4	$5,\!015$	5	45	5,04	45,01	0,5	0,51
C3	5,015	4	46	4,07	46,07	0,4	0,41
C4	0,5012	30	20	30,04	20,05	0,3	$0,\!30$
B5	0,5012	20	30	20	30	0,2	$0,\!20$
C5	0,5012	10	40	10,12	$40,\!15$	0,1	$0,\!10$

2.3 Erstellung der Messreihen

Die Messserie wurde in drei Teile aufgeteilt, entsprechend den drei Stammlösungen. Desweiteren wurde darauf geachtet, dass sich keine Konzentration mehr als einmal wiederholt.

Über diese beiden gleichen Konzentrationen kann man auch überprüfen, ob die rechnerisch bestimmten Stammlösungen auch experimentell richtig sind.

Da die Konzentrationen eingewogen wurden und die Einwaagen von den idealen Werten abweichen, muss die reale Konzentration noch aus den realen Einwaagen bestimmt werden.

$$b = \frac{Einwage \, Stamm[g] \cdot Konz. \, Stamm[g/mmol]}{Einwage \, Stamm + Einwage \, H_2O} \tag{1}$$

Für die Werte siehe Tabelle 2.

Tabelle 3: pH-Messung

Lösung	Konz [mmol/kg] soll	pH bei 25°C	pH bei 40°C
A1	50	3,03	3,06
A2	25	$3{,}14$	3,2
A3	15	$3,\!25$	3,32
B1	10	3,38	3,41
B2	6	$3{,}5$	$3,\!53$
A4	5	$3,\!53$	$3,\!57$
B3	1	$3,\!91$	3,94
A5	1	3,91	3,94
C1	0,8	$3,\!96$	4
C2	0,6	4,03	4,07
B4	$0,\!5$	4,07	4,11
C3	0,4	$4,\!13$	4,16
C4	$0,\!3$	$4,\!21$	4,26
B5	$0,\!2$	$4,\!29$	4,34
C5	0,1	$4,\!5$	4,54

Nach der Herstellung wurden die verschieden Konzentration mittels pH-Meter jeweils einmal bei 25°C und bei 40°C vermessen, dabei wird immer von der kleineren zu nächst höheren Konzentration gemessen. Durch diese Methodik kann schnell gemessen werden ohne die Konzentration zu ändern.

3 Auswertung der Messungen bei 25°C

Mit den erhalten Messwerten aus Teil 1 kann jetzt die Konzentrationsabhängigkeit der Essigsäure im Hinblick auf:

- den mittleren Aktivitätskoeffizient γ_{\pm}
- den Dissoziationsgrad α
- und den Debye-Radius (rD)

untersucht werden.

3.1 Bestimmung der Aktivitätskoeffizienten γ_{\pm} bei 25°C

Um dem Phänomen des schwachen Elektrolyten rechnung zu tragen, bei dem nur ein geringer Teil der Essigsäuremoleküle dissoziiert und ein H^+ abgibt, wurde die Aktivität a eingeführt. Dieser Wert sagt aus, wie viele Moleküle wirklich regieren. Da wir über die pH-Messung den negativen dekadischen Logarithmus der H^+ -Ionenkonzentration in Lösung bestimmt haben, erhalten wir durch potenzieren zur Basis 10 genau die Zahl an Teilchen, die in unserer Lösung dissoziiert ist.

$$a = 10^{pH-Wert} (2)$$

Da mit a immer nur der absoluten Zahlenwert für eine ganz bestimmte Lösung bestimmt werden kann, wurde der mittlere Aktivitätskoeffizient γ_{\pm} eingeführt, da dieser jetzt das Verhältnis zwischen der reagierten Spezies und der eingesetzten Konzentration berechnet, bekommt man immer das gleiche Ergebnis auch wenn man das System vergrößert oder verkleinert.

$$\gamma_{\pm} = \frac{a}{c} = \frac{a}{b} \tag{3}$$

Da unsere Konzentrationen in Molalität statt in Molarität gegeben sind wird Anstell c b für die Konzentration eingesetzt.

Für den prozentualen Anteil an dissoziierten Teilchen wird noch α mit:

$$\alpha[\%] = \gamma_{\pm} * 100 \tag{4}$$

eingeführt.

Tabelle 4: prozentualer Aktivitätskoeffizient α bei 25°

Lösung	Konz [mmol/kg] ist	$\log[b] [mol/kg]$	a[%]
A1	50,0	-1,3	1,9
A2	$25,\!0$	-1,6	2,9
A3	$15,\!1$	-1,8	3,7
B1	$10,\!1$	-2,0	4,1
$_{ m B2}$	6,0	-2,2	5,2
A4	5,0	-2,3	5,9
B3	1,0	-3,0	12,3
A5	1,0	-3,0	12,3
C1	0,8	-3,1	13,6
C2	0,6	-3,2	15,4
B4	0,5	-3,3	16,9
C3	0,4	-3,4	18,2
C4	0,3	-3,5	20,5
B5	0,2	-3,7	25,6
C5	0,1	-4,0	31,3

Indem man die Konzentration gegen den prozentualen Aktivitätskoeffizienten aufträgt und beide logarithmiert, bekommt man einen Graph, der eine linearen Zusammenhang zwischen der Konzentration und der Aktivität nahelegt.

1,8 1,6 y = -0,4539x - 0,28 $R^2 = 0.9977$ 1,4 1,2 log(α) 1 0,8 0,6 0,4 0,2 -2,5 log(c) -0,5 -4,5 -4 -3,5 -3 -1,5 -1 0

Dissoziation in Abhängigkeit der Konzentration

Abbildung 1: Bestimmung von γ_{\pm} bei 25°C

Desweiteren kann man aus der Geradengleichung erkennen, dass je geringer die Konzentration der Lösung ist, desto höher ist gleichzeitig die prozentuale Aktivität, oder anders ausgedrückte - je geringer die Konzentration, desto mehr Teilchen dissoziieren. Mit diesem Zusammenhang, kann man auch aus der schwachen Säure HAC bei genügend hoher Verdünnung eine starke machen.

Eine starke Säure ist dann stark, wenn sie vollständig dissoziiert, also wenn $\alpha[\%] = 100$ ist. Dies kann mit der Geradengleichung der Regressionsgerade bestimmt werden.

$$log(\alpha) = -0,4539 \log(c) - 0,28$$

$$10 = -0,4539 \log(c) - 0,28$$

$$c = 10^{-23.03} = 2.25 \cdot 10^{-23} [mol/kg]$$

Bei einer Konzentration von $2.25 \cdot 10^{-23} \, [mol/kg]$ würde Essigsäure bei 25°C vollständig dissoziieren.

3.2 Debye-Radius bei 25°C

Der Debye-Radius gibt an, ab welcher Distanz nur noch $\frac{1}{e}$ der Coulomb-Kraft wirkt und er wird berechnet über:

$$r_D = \sqrt{\frac{\epsilon_0 \epsilon_{rel} k_B T}{2N_A e^2 I}}$$

$$k_B = \frac{R}{N_A}$$

$$F = N_A e$$

$$r_D = \sqrt{\frac{\epsilon_0 \epsilon_{rel} RT}{2F^2 I}} \tag{5}$$

Für die Ionenstärke $I=\frac{1}{2}\sum c_iz_i^2$ wir statt c die Aktivität a eingesetzt und da Essigsäure zu gleichen Teilen zerfällt ist $I=\frac{1}{2}(2\cdot a)=a$. Unter der Annahme, dass die Konzentration viel geringer als der Aktivitätskoeffizient ist kann man $(I=a=\gamma_\pm\cdot b=b)$ die Ionenstärke in nächster Näherung mit der Molalität b gleichsetzen.

Tabelle 5: Debye-Radius von Essigsäure bei 25°C

Lösung	Ionenstärke $[mmol/m^3]$	Debye-Radius [nm]
A1	50,01	43,0
A2	25,01	60,8
A3	15,06	78,4
B1	10,06	95,9
B2	6,05	123,7
A4	$5{,}01$	135,9
B3	1,00	303,5
A5	1,00	304,6
C1	0,80	$339,\!1$
C2	0,61	390,4
B4	$0,\!51$	427,9
C3	$0,\!41$	476,6
C4	0,30	554,7
B5	0,20	679,2
C5	0,10	957,4

Um den Zusammenhang zwischen Konzentration und Debye-Radius zu verdeutlichen wurde in Abbildung 2 der logarithmiert rD gegen die logarithmiert Molalität aufgetragen.

Debey-Radius in Abhängigkeit der Konzentration

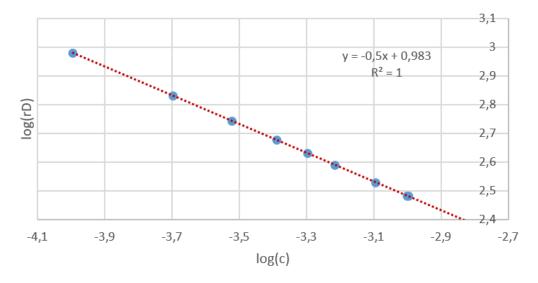


Abbildung 2: Debye-Radius bei 25°C

Wie vorher bei der Dissoziation, erhöht sich auch der Debye-Radius bei geringerer Konzentration. Dies kann man sich durch eine einfache Überlegung erklären:

Bei geringerer Konzentration sind die Essigsäuremoleküle nicht so nah beisammen, sie werden also weniger stark abgeschirmt.

4 Auswertung der Messungen bei 40°C

Wie bei der Auswertung bei $25^{\circ}\mathrm{C}$ wird auch mit den Messergebnissen bei $40^{\circ}\mathrm{C}$

- \bullet der mittleren Aktivitätskoeffizient γ_{\pm}
- \bullet der Dissoziationsgrad α
- und der Debye-Radius (**rD**)

bestimmt.

Dabei wird genau wie im vorherigen Teil vorgegangen.

${f 4.1}$ Bestimmung der Aktivitätskoeffizienten γ_{\pm} bei ${f 40^{\circ}C}$

Zur bestimmung von a wird der pH-wert in Gl. 1 eingesetzt und um γ_{\pm} und α [%] werden dem entsprechend Gl. 2 und 3 benutzt.

Tabelle 6: prozentualer Aktivitätskoeffizient α bei 40°

Lösung	Konz [mmol/kg] ist	$\log[b] [mol/kg]$	a[%]
A1	50,01	-1,301	1,866
A2	$25,\!01$	-1,602	2,897
A3	15,06	-1,822	3,734
B1	10,06	-1,997	4,143
B2	6,05	-2,218	$5,\!229$
A4	$5{,}01$	-2,300	5,892
B3	1,00	-2,998	$12,\!254$
A5	1,00	-3,001	12,340
C1	0,80	-3,095	13,636
C2	0,61	-3,217	15,381
B4	0,51	-3,297	16,854
C3	0,41	-3,390	18,210
C4	0,30	-3,522	$20,\!514$
B5	0,20	-3,698	$25,\!582$
C5	0,10	-3,996	31,341

Zur Graphischen darstellung der Daten wir die Molalität gegen den prozentualen Aktivitätskoeffizienten logarithmisch aufgetragen.

Dissoziation in Abhängigkeit der Konzentration

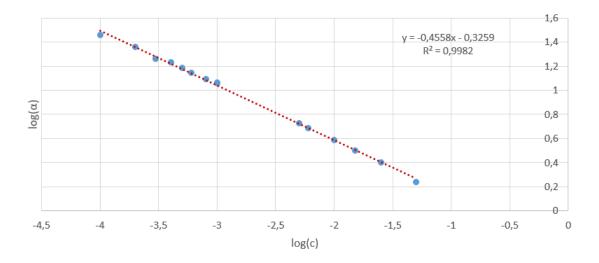


Abbildung 3: Bestimmung von γ_{\pm} bei 40°C

Auch hier nimmt die Dissoziation der Teilchen zu, je geringer die Konzentration ist. Da die Steigungen der beiden Regressionsgeraden annähernd gleich sind, kann man daraus schließen, dass die Temperatur nur bei entsprechend großen Temperaturunterschieden für die Dissoziation von Bedeutung ist.

4.2 Debye-Radius bei 40°C

Zur Berechnung des Debye-Radius wird die entsprächende Molalität für I in Gl. 6 eingesetzt.

Tabelle 7: Debye-Radius bei 40°

Lösung	$\mathbf{Konz}\;[\mathbf{mol/kg}]$	x-Wert: $log[c]$	Debye-Radius [nm]	y-Wert: $\log[rD]$
A1	50,01	-1,301	44,070	1,644
A2	25,01	-1,602	$62,\!325$	1,795
A3	15,06	-1,822	80,314	1,905
B1	10,06	-1,997	$98,\!251$	1,992
B2	6,05	-2,218	126,734	$2{,}103$
A4	$5,\!01$	-2,300	$139,\!251$	$2{,}144$
B3	1,00	-2,998	311,040	2,493
A5	1,00	-3,001	$312,\!130$	2,494
C1	0,80	-3,095	$347,\!555$	$2,\!541$
C2	$0,\!61$	-3,217	$400,\!107$	$2,\!602$
B4	$0,\!51$	-3,297	$438,\!566$	$2,\!642$
C3	0,41	-3,390	$488,\!476$	$2,\!689$
C4	$0,\!30$	-3,522	$568,\!465$	2,755
B5	$0,\!20$	-3,698	$696,\!063$	$2,\!843$
C5	0,10	-3,996	981,166	2,992

In Abbildung 4 wird noch mal der logarithmische Zusammenhang grafisch dargestellt...

Debye-Radius in Abhängigkeit der Konzentration

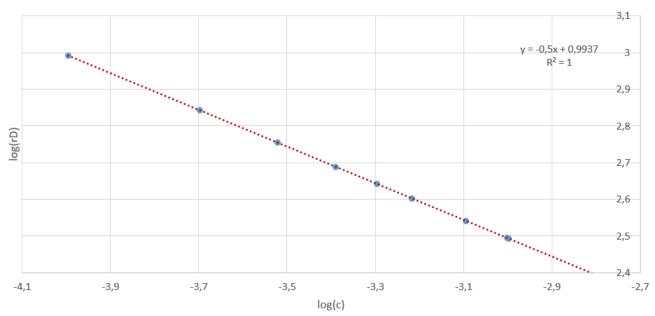


Abbildung 4: Debye-Radius bei $40^{\circ}\mathrm{C}$

Wenn man die Geraden von Abbildung 4 und 2 miteinander vergleicht, fällt auf, dass beide mit m=-0.5 exakt die gleiche Steigung haben. Dies bedeutet, dass bei unserer Versuchsdurchführung die Temperatur im Hinblick auf den Debye-Radius in abhängigkeit der Konzentration keinen Einfluss hat.

5 Datenanalyse

Um Aussagen über Zusammenhänge zwischen zwei Größen zu treffen, wurden bis jetzt immer nur die Geradengleichungen der Regressionsgeraden benutzt. Das Problem dabei ist, dass wir nur einen Mittelwert haben, aber nicht wissen, wie stark unsere Werte streuen, also wie präzise sie sind. Weiter kann man mit der Datenanalyse noch bestimmen, wie sauber gearbeitet wurde und ob das verwendete Verfahren für das Problem gute Messergebnisse liefert.

Um die Streuung der Daten zu berechnen verwendet man die Residuenanalyse. Dabei wird die errechnete Geradengleichung genommen, welche durch den Datensatz läuft und berechnet dann die mittlere Abweichung der einzelnen Datenpunkte zu der Geraden.

Mit der Residuenanalyse werden die Datensätze zu Abbildung 2 und 4 untersucht.

1. Bestimmung der Geradengleichung

Tabelle 8: Gradengleichungen

	25°C	40°C
Steigung	-0,5	-0,5
${f Achsenabschnitt}$	0,983	0,9937

2. Residuen Berechnen über:

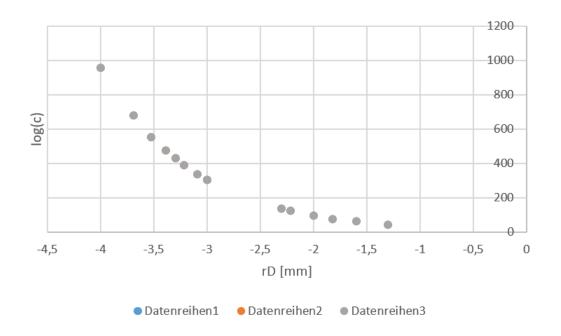
Tabelle 9: Berechnung der Residuen bei 25°C

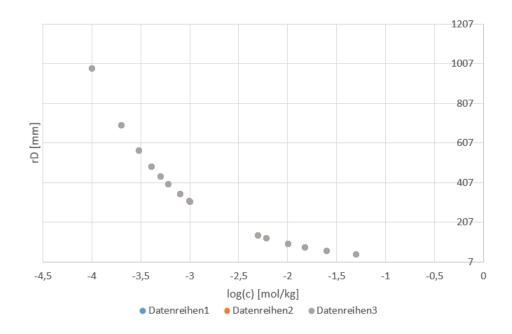
$oldsymbol{x_i} \ [\mathbf{mmol/kg}]$	y_i	\hat{y}_i	$y_i - \hat{y}_i$
50,012	1,644	1,633	0,011
$25,\!006$	1,795	1,784	0,011
$15,\!058$	1,905	1,894	0,011
$10,\!062$	1,992	1,982	0,011
6,048	2,103	2,092	0,011
5,009	2,144	$2,\!133$	0,011
1,004	2,493	$2,\!482$	0,011
0,997	2,494	$2,\!484$	0,011
0,804	2,541	$2,\!530$	0,011
0,607	2,602	$2,\!591$	0,011
0,505	2,642	$2,\!631$	0,011
0,407	2,689	$2,\!678$	0,011
0,301	2,755	2,744	0,011
0,200	2,843	$2,\!832$	0,011
0,101	2,992	2,981	0,011

3. Standardabweichung der Residuen bestimmen:

- Die Standardabweichung bei 25°C ist $\sigma_{25} = \pm 1,636 \cdot 10^{-16}$
- Die Standardabweichung bei 40°C ist $\sigma_{40} = \pm 2,1992 \cdot 10^{-16}$

Bei diesen extrem kleinen Standardabweichungen kann davon Aussagen werden, dass keine Fehler bei der Durchführung aufgetreten sind und es eigentlich keinen Sinn macht die Ergebnisse mit Standardabweichung anzugeben. Wenn man den Graphen von dem Debye-Radius gegen die logarithmierte Konzentration mit Standardabweichung zeichnet, sieht man nur einen Datensatz, da die Streuung so klein ist.





5.1 Bestimmung der Unterschiede des Debye-Radius im Hinblick auf die Temperatur

Um zu bestimmen, welchen Einfluss die Temperatur auf den Debye-Radius hat, teilt man die entsprechenden Werte der einen Temperatur durch die der andern. Als nächstes kann dann noch der prozentuale Unterschied bestimmt werden, dafür wird von dem vorher berechneten Verhältnis 1 abgezogen und dann mit 100 multipliziert.

Tabelle 10: Unterschied des Debye-Radiuses bei verschiedenen Temperaturen

$-\log(\mathrm{konz})$	$\mathbf{X} =$	(X-1.0)*100
	$ m rD(40^{\circ}C/25^{\circ}C)$	C)
-1,30092578	0,975663369	-2,43366306
-1,60195577	0,975663369	-2,43366306
-1,82221977	0,975663369	-2,43366306
-1,99730297	0,975663369	-2,43366306
-2,21841747	0,975663369	-2,43366306
-2,30023174	0,975663369	-2,43366306
-2,99826542	0,975663369	-2,43366306
-3,00130224	0,975663369	-2,43366306
-3,09467784	0,975663369	-2,43366306
-3,21698447	0,975663369	-2,43366306
-3,29670261	0,975663369	-2,43366306
-3,39031898	0,975663369	-2,43366306
-3,52204004	0,975663369	-2,43366306
-3,69792895	0,975663369	-2,43366306
-3,99611731	0,975663369	-2,43366306

Wie man aus der Tabelle entnehmen kann, verändert sich der Anstieg der Werte so gut wie nicht. Dies ist aber auch zu erwarten, da die Steigungen der Regressionsgeraden gleich sind (m = -0.5).

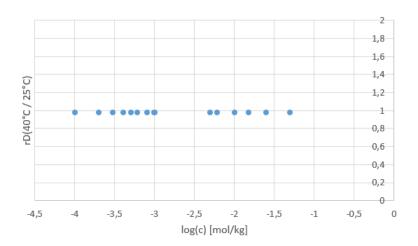


Abbildung 5: Debye-Radius im Hinblick auf die Temperatur

Es lässt sich kein Zusammenhang zwischen der Temperatur und dem Anstieg des Debye-Radius mit der Konzentration zeigen. Obwohl anzunehmen wäre das der Debye-Radius mit erniedrigung der Temperatur umso schneller wächst, je geringer Temperatur ist. Wenn man also noch den prozentualen Verlauf visualisiert, sollte man einen positiven linearen Zusammenhang erkennen können.

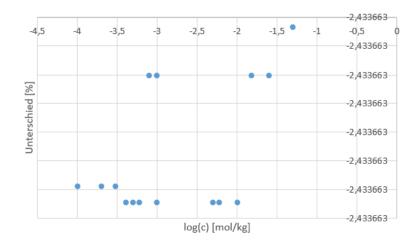


Abbildung 6: Debye-Radius im Hinblick auf die Temperatur

Wie man der Datenverteilung entnehmen kann ist dies nicht der Fall, es fällt aber auf, dass die y-Achse sich nicht ändert, sie zeigt immer den gleichen Wert an. Möglicherweise sind die Werte zu klein und Excel kann sie nicht mehr darstellen. Da hier dem ersten Anschein nach etwas falsch ist werde ich versuche die Methodik zu überprüfen indem ich die gleiche Datenanalyse für die Werte der Dissoziation durchexerziere.

5.2 Datenanalyse für die Graphiken der Dissoziation

5.2.1 Auswertung der Messwerte bei 25°C

Für die Berechnung der Residuen erhält man folgende Werte:

Tabelle 11: Residuenanalyse bei 25°C

Tabolio II. Itobia dollalian joe bei 20 C				
$x_i \text{ [mmol/kg]}$	y_i	\hat{y}_i	$y_i - \hat{y}_i$	
-1,301	0,271	0,310	-0,040	
-1,602	0,462	0,447	0,015	
-1,822	0,572	0,547	0,025	
-1,997	0,617	0,627	-0,009	
-2,218	0,718	0,727	-0,009	
-2,300	0,770	0,764	0,006	
-2,998	1,088	1,081	0,007	
-3,001	1,091	1,082	0,009	
-3,095	1,135	$1,\!125$	0,010	
-3,217	1,187	1,180	0,007	
$-3,\!297$	1,227	$1,\!216$	0,010	
-3,390	1,260	$1,\!259$	0,001	
-3,522	1,312	1,319	-0,007	
-3,698	1,408	1,398	0,009	
-3,996	1,496	$1,\!534$	-0,038	

Daraus ergibt sich folgende Graphik:



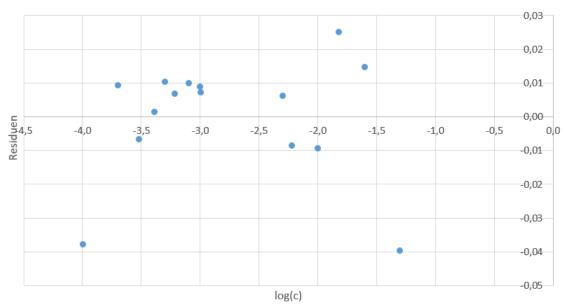


Abbildung 7: Auswertung der Messwerte bei $25^{\circ}\mathrm{C}$

Die Standardabweichung beträgt $\sigma=\pm 0.018$. Somit ist die Geradengleichung gegeben durch:

$$y = -0.4539x - 0.28 \pm 0.018$$

5.2.2 Auswertung der Messwerte bei 40°C

Für die Residuen ergeben sich diesmal:

Tabelle 12: Residuenanalyse bei 40°C

Tabolio 12, 100514 dollariary 50 501 10 0				
$oxed{x_i \ [\mathrm{mmol/kg}]}$	y_i	\hat{y}_i	$y_i - \hat{y}_i$	
-1,30093	0,24093	0,26706	-0,02614	
-1,60196	0,40196	0,40427	-0,00232	
-1,82222	0,50222	0,50467	-0,00245	
-1,99730	0,58730	0,58447	0,00283	
-2,21842	0,68842	0,68525	0,00316	
-2,30023	0,73023	0,72255	$0,\!00769$	
-2,99827	1,05827	1,04071	$0,\!01756$	
-3,00130	1,06130	1,04209	$0,\!01921$	
-3,09468	1,09468	1,08465	0,01002	
-3,21698	1,14698	1,14040	$0,\!00658$	
-3,29670	1,18670	1,17674	0,00997	
-3,39032	1,23032	1,21941	0,01091	
-3,52204	1,26204	1,27945	-0.01741	
-3,69793	1,35793	1,35962	-0,00169	
-3,99612	1,45612	1,49553	-0,03941	

Und daraus ergibt sich folgende Graphik

Residuenanalyse 40°C

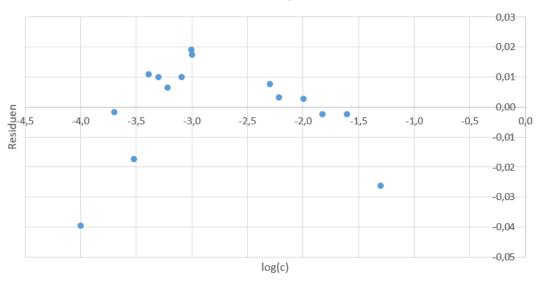


Abbildung 8: Auswertung der Messwerte bei 40°C

Die Standardabweichung beträgt $\sigma = \pm 0.016$. Somit ist die Geradengleichung gegeben durch:

$$y = -0.4558x - 0.32 \pm 0.016$$

5.2.3 Vergleich der Dissoziationen bei verschiedenen Temperaturen

Wie bei dem Vergleich der Debye-Radien wird auch hier der Quotient und das daraus bestimmte prozentuelle Verhältnis hinsichtlich der Temperatur untersucht. Berechnet wurde hiefür folgendes:

Tabelle 13: Temperaturvergleich

lg(konz)	${ m X}=lpha(40^{\circ}C/25^{\circ}C)$	(X-1.0)*100
-1,301	0,905	-9,516
-1,602	0,906	-9,397
-1,822	0,907	-9,309
-1,997	0,908	-9,240
-2,218	0,908	-9,152
-2,300	0,909	-9,120
-2,998	0,912	-8,842
-3,001	0,912	-8,840
-3,095	0,912	-8,803
-3,217	0,912	-8,754
-3,297	0,913	-8,723
-3,390	0,913	-8,685
$-3,\!522$	$0,\!914$	-8,632
-3,698	$0,\!914$	-8,562
-3,996	0,916	-8,443

Aus diesen Werten lassen sich diese beiden Grafiken generieren.

Quotienten der Messerie

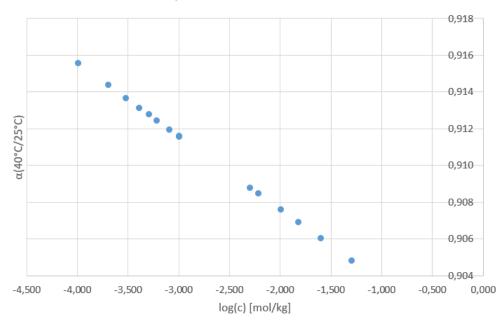


Abbildung 9: Vergleich der Dissoziationen bei verschiedenen Temperaturen

Prozentuale Unterschiede zwischen den Temperaturen

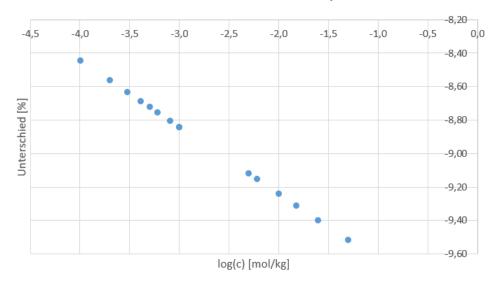


Abbildung 10: Vergleich der Dissoziationen bei verschiedenen Temperaturen

Aus den Graphiken geht ein deutlicher linearer Zusammenhang hervor. Er zeigt, dass je kleiner die Konzentration ist, desto schneller steigt die Dissoziation bei höheren Temperaturen. Desweiteren zeigt sich, dass die Berechnungen bei der Analyse des Debye-Radius korrekt waren und es sich wahrscheinlich um einen Fehler inm excel-File handelt, welcher nicht gefunden wurde.

6 Diskussion

6.1 Messreihe

Da der Messfehler der Waage $\pm 0.01g$ beträgt, aber die kleinst eingewogene Masse 4g war (Tabelle 2), kann dieser vernachlässigt werden. Es kann davon ausgegangen werden das die Einwaagen nicht Fehlerbehaftet sind.

6.2 Dissoziation von Essigsäure

Bei Betrachtung von Tabelle 4 kann man sehr gut den linearen Zusammenhang zwischen Konzentration und der prozentuellen Dissoziation sehen. Wenn man die Konzentration um eine 10er Potenz erniedrigt, wird im gegenzug die Dissoziation fast verdreifacht. Weiter lässt sich durch die Ergebnisse von Lösung B3 und A5 erkennen, dass sauber gearbeitet wurde, da beide Lösungen theoretisch, wie auch praktisch die gleiche Dissoziation aufweisen.

6.3 Debye-Radius

Hier war die Auswertung der Daten sehr zeitaufwändig, vorallem da die Formel des Debye-Radius nicht korrekt im Skript stand. Außerdem ist die Tatsache, der Korrelationskoeffizient bei beiden Temperaturen (Abbildung 2 und 4) gleich 1 ist und es somit keine Streuung der Werte um die Regressionsgerade gibt, unerwartet. Wenn man aber die errechneten Radien mit denen aus dem Skript vergleicht (Skript: Potentiometrie, Seite 8) sieht man, dass die Werte sich stark gleichen, es kann also angenommen werden, dass kein Fehler vorliegt und die Werte extrem präzise sind, vielleicht aber nicht genau.

6.4 Temperatureinfluss auf die Dissoziation und den Debye-Radius

6.4.1 Debye-Radius

Bei der Berechnung des Quotienten X (Tabelle 10) stimmen die Ergebnisse noch relativ gut mit denen aus dem Skript (Seite 8) überein. Abbildung 5 lässt auch erkennen, dass der Debye-Radius auch mit höherer Temperatur nicht schneller ansteigt, wenn die Konzentration erniedrigt wird.

Bei der darauffolgenden Berechnung des prozentuellen Unterschiedes zeigt sich aber im gegensatz zu den Daten im Skript, dass keine Änderung stattfindet und wenn dann nur in einem so kleinem Maß, dass selbst Excel schwierigkeiten hat dies darzustellen (siehe Abbildung 6, y-Achse).

Um zu überprüfen ob nicht ein Fehler in der Berechnung liegt, wurde mit dem gleichen Verfahren untersucht, wie sich verschiedene Temperaturen auf den Verlauf der Dissoziation auswirken.

6.4.2 Dissoziation

Hier liefert die Methodik den erwarteten linearen Zusammenhang (Abbildung 9 und 10).

7 Literatur

- \bullet Zum Vergleich der Werte: Potentiometrieskript Seite 5 bis 8
- Für die Residuenanalyse: Folien Qualitätsicherung und Statistik, Folien 164 bis 169

8 Materialien

Alle Dateien und Excelberechnungen sind unter https://github.com/DavidRaese/potentiometrie zu finden. Die excel-Datei liegt im data-Ordner, die pdf-Datei im main-Ordner.