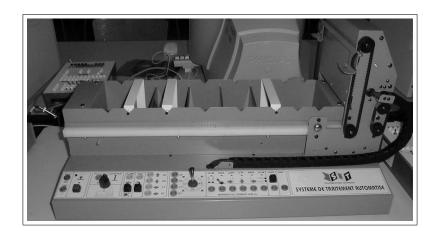


## Université Paul Sabatier

## Modèle Temporel avancé

## - TP: Système de Traitement Automatisé -

Auteurs: Lucien RAKOTOMALALA David TOCAVEN Encadrant:
Pauline RIBOT
Euriell LE CORRONC Michel COMBACAU







## Table des matières

Introduction		1	
1	1.1 M 1.2 H	élisation et analyse de la réalisation d'une opération  Modèle réseau de Petri temporel d'une opération	3
2	2.1 H 2.2 A	élisation et analyse des premières opérations de chaque pièce Réseau de PETRI Temporels de commande de deux opérations	7
3			9
4	Conc	lusion	10
$\mathbf{A}$	Annexes		12
М	lesures	s de temps	12
	4.1 N	Mesure du temps de déplacement et de saisie/dépôt d'une pièce	
A	nalyse	TINA	25
		Analyse d'accessibilité du modèle 2 opérations	$\frac{25}{20}$

# Introduction

## 1 | Modélisation et analyse de la réalisation d'une opération

Nous allons dans un premier temps réaliser une modélisation par réseau de Petri temporel de la réalisation d'une opération. Cette modélisation sera générique à la réalisation de toute opération  $O_i$ . Ensuite, nous réaliserons un code C qui permet d'estimer les durées des différentes opérations. Finalement, nous analyserons le réseau de Petri à l'aide de TINA 2.8.4.

### 1.1 Modèle réseau de Petri temporel d'une opération

Nous avons, pour modélisation générique d'une opération, considéré que le chariot de déplacement se trouve en bas. Voici le réseau de Petri temporel (voir figure 1.1) :

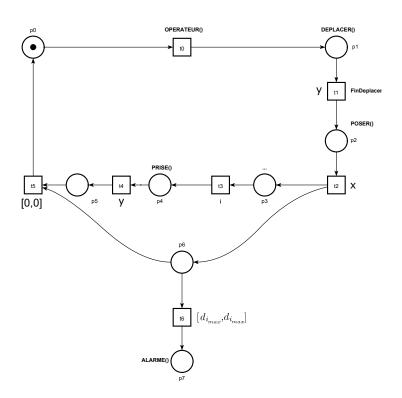


FIGURE 1.1 – Modèle réseau de Petri générique d'une opération.

Nous considérerons que l'action DEPLACER() et l'événement FinDeplacer correspondent à, respectivement, AVANCER() et FinAvancer si le chariot est à droite de l'emplacement de l'opération  $o_i$  ou RECULER() et FinReculer si celui-ci est à gauche.

Le marquage initial est constitué d'un unique jeton sur la place  $p_0$ . Ce jeton, une fois que la transition  $t_0$  est sensibilisée et tirée (pour cela il faut que l'événement OPERATEUR() est eu lieu), est en  $p_1$ . Le chariot se déplace tant qu'il y a un jeton en  $p_1$ . Le jeton reste en  $p_1$  jusqu'à ce que le charriot arrive à destination, c'est-à-dire que FinDeplacer se déclenche. Lorsque cet événement ce produit, la transition  $t_1$  est sensibilisée et tirée (le déplacement prend un temps  $p_1$  qui est représenté sur la transition  $p_2$ . Ensuite, un jeton marque la place

 $p_2$  ce qui déclenche l'action POSER (). Cette action prend un temps x et celui-ci est représenté sur la transition  $t_2$ . Une fois le temps x écoulé, la transition  $t_2$  est tiré et les places  $p_3$  et  $p_6$  sont marqués d'un jeton chacun.

À partir de cet état, il y a deux jetons dans le réseau : un permet de décrire le comportement du chariot et un autre, celui qui marque  $p_6$ , permet de déclencher l'alarme si la pièce qui subit l'opération  $o_i$  n'est pas reprise avant le temps maximal de l'opération. En effet, le jeton présent en  $p_6$ , au bout d'un temps  $d_{i_{max}}$ , va être consommé par la transition  $t_6$  et un jeton va marquer  $p_7$ . Ceci déclenchera l'action ALARME(). Il faut donc que le jeton présent en  $p_3$  arrive en  $p_5$  en moins de  $d_{i_{max}}$  unités de temps pour que l'alarme ne se déclenche pas. De cette façon, le tir de la transition  $t_5$ , qui nécessite et consomme un jeton en  $p_6$  et un jeton en  $p_5$ , empêchera l'alarme de sonner et permettra d'effectuer une nouvelle opération (retour au marquage initial). La place  $p_3$  à un événement ..., cela représente la possibilité d'effectuer n'importe(s) quelle(s) action(s) et de revenir à l'emplacement de l'opération  $o_i$ , de façon à ce que l'action en  $p_4$ , PRISE(), de durée y, permette de récupérer la pièce. La transition  $t_3$  est marquée de la temporisation i. Celle-ci représente le temps de(s) action(s) de la place  $p_4$  et/ou un temps d'attente afin que l'on récupère la pièce à la fin de l'opération i. Ainsi, si l'on souhaite que l'alarme ne sonne pas, il faut que  $i + y < d_{i_{max}}$ .

#### 1.2Estimation de Prise/Pose et Avance/Recule

Voir annexe 4, page 12.

Nous avons maintenant besoin d'identifier le temps de AVANCER() (égal à celui de RECULER()) que l'on appelait précédemment y et de PRISE() (équivalent à celui de POSE()) appelait y. Pour cela, nous avons créer, à partir d'un code fourni, un code permettant de mesurer les temps x et y. Pour mesurer le temps d'une action, nous avons stocké le temps du PC à l'instant du début de l'action, puis nous avons stocké le temps à la fin de celle-ci et avons affiché la soustraction des deux temps sur le terminal. Nous avons déterminé que :

$$x = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 seconde (1.1)  
 $y = \begin{bmatrix} 3 & 3 \end{bmatrix}$  secondes (1.2)

$$y = \begin{bmatrix} 3 & 3 \end{bmatrix} \text{ secondes} \tag{1.2}$$

(1.3)

### Analyse du modèle 1.3

Grâce aux mesures précédentes, nous avons pus remplacer x et y par des valeurs temporelles sur le modèle générique. Nous avons choisi arbitrairement les valeurs de  $d_{i_{min}} = 13$  secondes et  $d_{i_{max}} = 16$  secondes, respectivement le temps minimal de l'opération et le temps maximal de l'opération  $o_i$ . Ainsi, nous avons la condition suivante qui doit être respectée  $i < d_{i_{max}} - y$ , soit i < 13 secondes. Donc il "reste" moins de 13 secondes afin de réaliser d'autres opérations. Nous allons fixer une temporisation  $i = \begin{vmatrix} 12 & 12 \end{vmatrix}$  secondes pour étudier le réseau.

Figure 1.2, voici le nouveau réseau de Petri temporel. Une analyse à l'aide de TINA nous a permis de

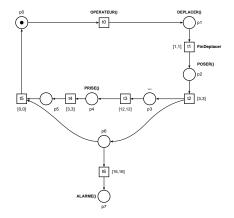


FIGURE 1.2 – Modèle réseau de Petri générique d'une opération avec les temps estimés

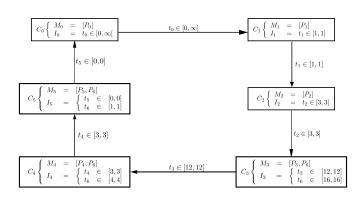


Figure 1.3 – Diagramme de classe.

déterminer les différentes classes du réseau. L'automate est présenté figure 1.3. Nous avons put aussi extraire les propriétés suivantes grâce à TINA.

— Le RdPT (Réseau de Petri Temporisé) n'est pas vivant.

- La transition  $t_6$  est non vivante.
- LE RdPT est borné.

# 2 | Modélisation et analyse des premières opérations de chaque pièce

Maintenant que nous connaissons un modèle valide pour une opération ainsi que les temps nécessaires au déplacement du chariot sur l'axe vertical et horizontal, nous allons pouvoir commencer à modéliser le travail du *STA* sur deux opérations.

Nous allons, dans un premier temps, effectuer une modélisation en RdP Temporels d'une commande de deux opérations suite à quoi, nous en effectuerons une analyse grâce à une version de *TINA* identique que dans le chapitre 1. Nous utiliserons cette analyse pour déterminer les intervalles d'attentes et le meilleur ordonnancement possible pour ne pas déclencher l'alarme.

### 2.1 Réseau de PETRI Temporels de commande de deux opérations

A partir du modèle générique établit en 1.1, nous avons obtenu, pour la commande de opérations  $O_1$  et  $O_2$  le modèle RdP Temporels en figure 2.1.

Dans ce réseau, nous pouvons identifier tout d'abord la ressemblance avec le modèle générique (en figure 1.1) : les places  $p_4$  et  $p_{12}$  sont les représentations de la place  $p_2$  dans le modèle générique. Elles seront donc suivi, dans les modèle Temporels que nous analyseront, d'une transition qui contient le temps des opérations Poser. Il en va de même pour les places  $p_2$ ,  $p_{10}$ ,  $p_5$  et  $p_{13}$  qui contiennent l'opération Prendre, elles seront suivi d'une transition contenant une intervalle de temps y.

Séparation du modèle Nous pouvons séparer ce modèle complexe en deux ensembles de places :

- l'ensemble  $P_1 = \{p_2, p_3, p_4, p_5, p_6, p_7, p_{20}, p_{18}\}$  est utilisé pour emmené la pièce  $p_1$  du bac  $e_1$  (son bac initial) vers le bac  $e_3$  dans lequel elle subit l'opération  $O_2$ . Cet ensemble est lié avec les deux places  $p_{20}$  et  $p_{18}$  qui modélisent l'alarme liée à l'opération  $O_1$ .
- l'ensemble  $P_2 = \{p_{10}, p_{11}, p_{12}p_{13}, p_{14}, p_{15}, p_{16}\}$  modélise le transport de la pièce  $p_2$  de  $e_2$ (son bac initial) vers  $e_3$ , bac dans lequel elle subit l'opération  $O_1$ , puis du transport de  $e_5$  vers  $e_7$  (Pour prévoir les prochains RdP). L'alarme de l'opération est enclenchée par la place  $p_{17}$ , qui est lié au reste de l'ensemble  $P_2$  par la place  $p_{19}$ .

Liaison entre les ensembles Les places  $p_9$ ,  $p_{21}$  et  $p_{23}$ , places qui se situent entre les deux ensembles  $P_1$  et  $P_2$ , sont utilisées pour effectuer les passages entre les 2 ensembles. De même, nous avons deux places  $p_{22}$  et  $p_{24}$  qui font la liaison entre les deux ensembles, à l'attention que celles ci ne servent pas à amener la chariot d'une pièce à l'autre mais à le faire attendre le temps nécessaire avant la fin d'une opération et donc la récupération d'une pièce.

Nous notons aussi les transitions  $t_{15}$  et  $t_{20}$  qui sont les représentations de la transition  $t_5$  dans le modèle générique. Elles permettent dans ce contexte de synchroniser la prise de la pièce et l'arrêt du compteur de l'alarme. Comme dans le modèle générique, ces transitions ont un intervalle de temps [0;0], cela oblige les jetons arrivant dans les places en amont à être immédiatement tiré. Ainsi, le compteur de l'alarme est stoppé après 0u.t. que la pièce ait été retiré de son emplacement.

**Ordonnancement** Il est aussi a noté que nous avons choisi d'effectuer l'opération de la pièce p1 avant celle de p2 et cela pour des raisons temporelles. Nous avons remarqué, dans une étude préliminaire à la construction de ce réseau, que cet ordonnancement était possible alors qu'une inversion l'ordre du traitement des pièces donne obligatoirement le retentissement d'une alarme (notamment dans la suite du TP).

Nous avons maintenant à notre disposition une commande à appliquer sur les STA. Toutefois, avant de passer à l'implémentation, nous allons utiliser l'outil TINA pour analyser le modèle ainsi obtenu.

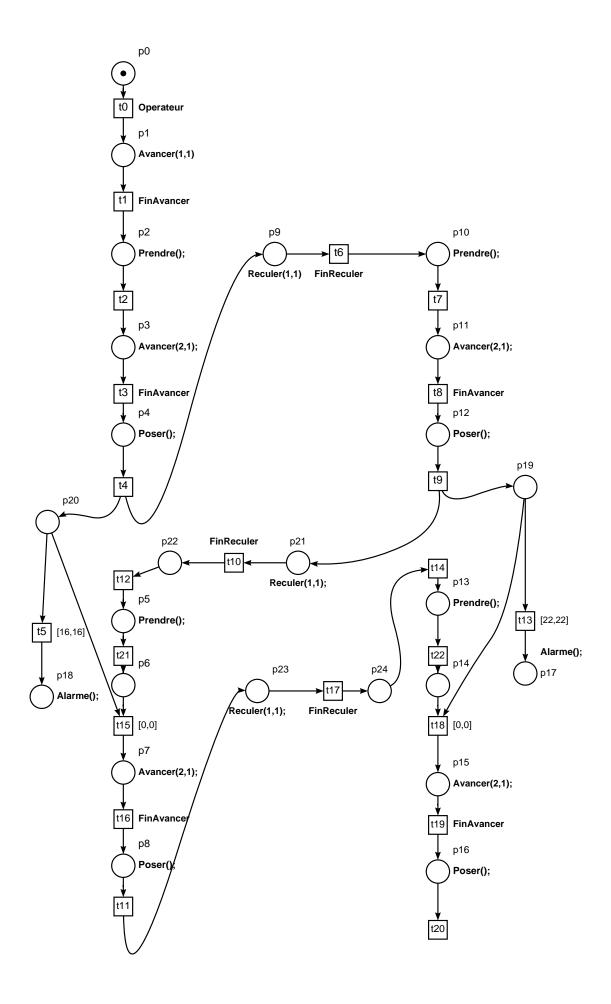


Figure 2.1 – Réseau de PETRI Temporels pour la commande de 2 opérations

### 2.2 Analyse du modèle avec TINA

L'analyse temporelle de réseau nécessite un réseau tel que nous vous présentons en figure 2.2. Dans ce type de réseau, nous avons choisi de ne plus utiliser des noms sur les évènements mais plutôt des intervalles de temps. Ces intervalles ont été établi dans la section 1.2.

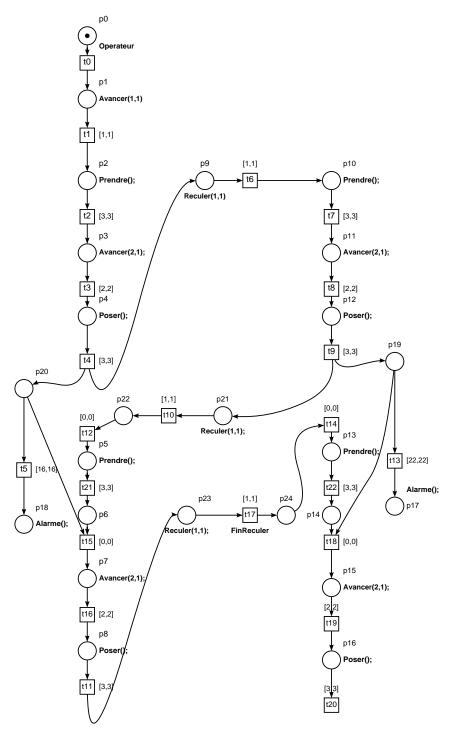


FIGURE 2.2 – Réseau de PETRI Temporels pour l'analyse de 2 opérations

Avec la version de TINA adéquate, nous avons réalisé la construction d'un graphe des classes accessibles. Ce graphe comporte 22 classes que nous n'avons pas représenté graphiquement, cependant vous pouvez trouver le rapport d'analyse du logiciel en annexe 4.1.

**Vivacité du réseau** Dans cette analyse, nous nous referons dans un premier temps à cette bonne propriété. En effet, le résultat obtenu (disponible à la ligne 244) nous indique que les 2 transitions  $t_5$  et  $t_{13}$  ne sont jamais franchi. Ceci signifie que les places  $p_{18}$  et  $p_{17}$  ne sont jamais marqué, car le seul moyen existant pour qu'un jeton soit dans ces places est en franchissant respectivement cette transition. Donc, l'alarme n'est jamais activée.

**Graphe des classes** Une analyse des places accessibles à partir du graphe des classes nous confirme ce que la vivacité du réseau nous avait indiqué : les places  $p_{18}$  et  $p_{17}$  ne sont jamais marquées.

Cette analyse nous apporte aussi une information que nous pourrons utiliser dans la prochaine section. Il s'agit de l'intervalle temporelle restante avant le franchissement des transitions  $t_5$  et  $t_{13}$  avec lequel il est possible de connaître l'intervalle temporelle passée dans l'opération  $O_1$  et  $O_2$ , respectivement. Nous pouvons observer aux lignes 153 et 194 ces intervalles, elles sont de [3;3] pour  $t_3$  et de [9;9] pour  $t_{13}$ .

Intervalles de temps des opérations Intéressons nous maintenant au temps d'exécution des opérations. En regardant les intervalles de temps que doivent respecter  $O_1$  et  $O_2$ , nous pouvons connaître le minimum et le maximum de temps admis pour les opérations. De plus, nous avons à notre disposition le temps passé dans les opérations à l'aide des transitions  $t_3$  et  $t_{13}$ , en regardant dans le graphe des classes les intervalles de temps durant lesquelles elles peuvent être franchies.

Donc, si l'intervalle temporelle des transitions atteint  $d_{i_{max}} - d_{i_{min}}$ u.t, alors la pièce doit être sorti du bac. Nous allons donc, dans la prochaine section, faire en sorte que les dernières intervalles temporelle atteinte pour  $t_3$  et  $t_{13}$  soit comprises entre :  $[0; d_{i_{max}} - d_{i_{min}}]$ .

### 2.3 Mise au point des Intervalles Temporelles

Avec la conclusion précédente, nous avons pu déterminer l'ajustement nécessaire. Toutefois, nous ne pouvons pas caler toutes les intervalles d'un seul coup, nous devons les placer l'une après l'autre, dans l'ordre dans lequel les opérations sont lancées.

**Opération**  $O_1$  A partir du graphe des classes établit à partir du modèle 2.2, nous avons le dernier intervalle temporelle atteint par la transition  $t_5$  à la classe 12 du graphe disponible en annexe page 25 qui est :

$$3 \Leftarrow t_5 \Leftarrow 3$$
 (2.1)

Nous savons que pour cette opération, la différence entre la durée maximale  $d_{max}$  et la durée minimale  $d_{min}$  d'une opération, qui est :  $d_{max} - d_{min} = 16 - 15 = 1$ , nous savons que l'intervalle 2.1 doit inférieure à 1, sans atteindre 0. De cette manière, nous pouvons assurer que la pièce est restée dans l'opération suffisamment longtemps et n'a pas fait sonner l'alarme. Pour obtenir ce résultat sur  $t_5$ , nous modifions l'intervalle temporelle de la transition  $t_{12}$  de cette façon :

$$t_{12} \in [0;0] \text{ devient} : t_{12} \in [2;2]$$
 (2.2)

Une fois cette transition modifiée, nous avons retracé un graphe des classes à partir duquel nous pourrons ajuster l'opération suivante. Une partie de l'analyse d'accessibilité est disponible en annexe, page 29.

**Opération**  $d_{1_{min}} = 15 \ d_{2_{min}} = 20$ 

# 4 | Conclusion

## Annexes

## Annexe 1 - Mesures de temps

### 4.1 Mesure du temps de déplacement et de saisie/dépôt d'une pièce

```
1
 3 /* Squelette de programme pour la mise en oeuvre de MEF synchronisees */
               Systeme\ de\ Traitement\ Automatise
 7 \ /* \ COMPILATION : \ gcc - Wall - o \ STA \ sta-macsed \ rdp.c - lpci \ dask - lsta \ */
 9 \not * Exemple qui realise ce RdP (1 jeton initiallement dans <math>p0):
10
Avancer(3,1)
                                                        Prendre()
13
14
18
19 * /
21 #include < stdio . h>
22 \# include < unistd.h >
                              // pour sleep ()
                              // pour Release_Card()
// pour deroutement de CTRL C
23~\#include <dask.h>
24 \ \#include < signal.h>
25 #include <entreesortie sta.h>
26 \ \# include < sta mef.h >
^{27}
29 #define NBPLACES 7
30 // ----
32 void Avancer (int, int);
33 void Reculer (int, int);
34 void Prendre (void);
35 void Poser (void);
36
37 /* variables externes */
38 short int ideard, stop;
40 /* declaration globale */
41 int FinAvancer = 0;
42 int FinReculer = 0;
44 / * etudiant */
45 time t ti,
46 tf;
```

```
47
 48 // les entrees
 49 int appG, ctr, appD, presence, lim_hor, lim_ver, operateur;
 51 // les sorties
 52 int v_acc, haut, bas, gauche, droite, alarme;
53
54 int main(void)
55 {
56
57 /* Declarations variables */
 60 int p[NBPLACES]; // places "presentes"
 61 int ps[NBPLACES];
                       // places "suivantes"
 62 int i;
                       // variables utilisees pour
 63 double fintempo;
                       // la tempo
 64 time_t tempo1;
66
 67 // initialisation des ports
 68 init io();
 69 //initialisation bac : ramene le systeme de transport en bas a droite
 70 //ne doit pas etre sur les capteurs en haut ou a gauche
 71 //init bac();
 72 printf("init faite \n");
 73
          sortie (V ACC, 0);
 74
          sortie (HAUT, 0);
 75
          sortie (BAS,0);
 76
          sortie (GAUCHE, 0);
          sortie (DROITE, 0);
 77
 78
          sortie (ALARME, 0);
 79
 80 /* Initialisation variables */
 81
 82 // -
 83 p[0] = 1;
 84 \text{ ps} [0] = 1;
 85 for (i = 1; i < NBPLACES; i ++){
       p[i] = 0;
        ps[i] = 0;
 87
 88 }
 89 fintempo=0;
90 // —
91 \text{ ti } = 0;
92 \text{ tf} = 0;
93
94 /***** A jout etudiant*/
                // Position itniale en bas
 95 // Poser();
 96 /**************
 97 while (1)
98
          /****************
99
100
          /* Lecture des entrees */
101
          /*********
102
103
          appG = entree(APPG);
104
          ctr = entree(CTR);
105
          appD = entree(APPD);
106
          presence = entree (PRESENCE);
107
          \lim_{n \to \infty} = \inf_{n \to \infty} (LIM_HOR);
```

```
108
           lim ver = entree(LIM VER);
109
            operateur = entree (OPERATEUR);
110
111
112 // -
      fintempo = difftime (time (NULL), tempol);
113
114 // -
115
          /* allongement du cycle programme */
116
          // usleep (50);
117
118
119 // -
120
         /* blocs F*/ // Description des transitions possibles
121
122
123
       if(p[0]==1){
         printf("p0 \setminusn");
124
125
         if(operateur = = 1)\{ / marquage\ initial\ ,\ attente\ d'un\ appui\ sur\ operateur
126
           ps[0] - -;
127
           ps[1]++;
128
            ti = time(NULL);
129
         }
130
      }
131
132
       if(p[1]==1){
                                   // FinAvancer est a 1 lorsque le capteur ctr est a 1
133 //
            printf("p1 | n");
                                 // et qu'on a parcouru toutes les encoches demandees
134
         if(FinAvancer==1){
                                  // Exemple: 3 encoches parcourues si Avancer (2,1)
135
              ps[1] - -;
136
            ps[2]++;
137
            tf = time(NULL);
            printf("Avance Init -> e1 : %f \n", difftime(tf, ti));
138
139
            Avancer (0,0); // Remise a zero de la machine a etats definie dans la
                fonction Avancer
140
141
142
           ti = time(NULL);
143
         }
144
      }
145
       if(p[2]=1){
146
147
148
            printf("p2 | n"); // Passage de e1 vers e2
149
         if (FinAvancer == 1) \{
150
151
         ps/2/--;
152
         ps/3/++;
         tf = time(NULL);
153
154
            printf("Avance\ e1 \longrightarrow e2 : \%f \mid n", difftime(tf, ti));
            Avancer(0,0); // Remise a zero de la machine a etats definie dans la
155
                fonction \ Avancer
            // ti = time(NULL); Inutile dans ce cas la
156
157
158
      }
159
160
       if(p[3]=1){
            printf("p3 | n"); // Passage de e2 vers e3
161 //
162
         if(FinAvancer==1){
            ps[3] - -;
163
164
            ps[4]++;
165
            A \, \mathrm{vancer} \, (0 \, , 0) \; ; \; / / \; \mathit{Remise} \; \; \mathit{a} \; \; \mathit{zero} \; \; \mathit{de} \; \; \mathit{la} \; \; \mathit{machine} \; \; \mathit{a} \; \; \mathit{etats} \; \; \mathit{definie} \; \; \mathit{dans} \; \; \mathit{la}
                fonction Avancer
```

```
166
167
           ti = time(NULL);
168
169
170
171
172
       if(p[4]=1){
            printf("p4 | n"); // Passage de e3 vers e4
173 //
174
         if(FinAvancer==1)
175
         ps[4] - -;
176
         ps[5]++;
         tf = time(NULL);
177
            printf\left( \text{"Avance e3} \longrightarrow \text{e4} : \%f \setminus n \text{",difftime(tf,ti))} \right;
178
179
            A \, \mathrm{vancer} \, (0 \, , 0) \; ; \; / / \; \mathit{Remise} \; \; \mathit{a} \; \; \mathit{zero} \; \; \mathit{de} \; \; \mathit{la} \; \; \mathit{machine} \; \; \mathit{a} \; \; \mathit{etats} \; \; \mathit{definie} \; \; \mathit{dans} \; \; \mathit{la}
                fonction Avancer
180
            ti = time(NULL);
181
         }
182
183
184
       if(p[5]=1){
            printf("p5 | n"); // Prendre un objet
185
186
         ps[5] - -;
187
         ps[6]++;
188
189
       if(p[6]==1) // --> fin du Reseau de Petri
190
             // Poser un objet
191
            printf("p5 | n"); // Prendre un objet
192 / 
193
         ps[6] - -;
         //ps[0]++;
194
195
196
197
      /* blocs M */
                          // Franchissement des transitions
198
199 / *
        if(p[3] = 0 \ \&\& \ ps[3] = 1)
           // du coup, lancement des actions liees au franchissement des transitions
200
201
         tempol = time (NULL); // (ici, on recupere le "temps actuel" au moment ou
             on arrive dans la place p3
202
                        //\ pour\ pouvoir\ ensuite\ le\ comparer\ avec\ le\ temps\ actuel
203
           recupere a chaque passage
204 * /
                           // dans la boucle while -> cf. lecture des entrees et ligne
        " if (fintempo > =5)")
205
206
         for (i = 0; i < NBPLACES; i + +) \{ // et \ actualisation \ des \ etats \ presents \}
207
              p[i] = ps[i];
208
209 //
210
211
            /**********
            /* Ecriture des sorties
212
213
            /**********
214
215 // -
216
217
        /st blocs Gst/ // gestion des sorties en fonction du marquage mis a jour
218
219
         if(p[1]==1){
       Avancer (1,1);
220
221
           if(p/2) = 1)
222
```

```
223
              Avancer(1,1);
224
225
226
         if(p[3] = 1){
227
              Avancer (1,1);
228
229
         if(p[4]=1){
230
231
              Avancer (1,1);
232
233
         if(p[2]=1){
           ti = time(NULL);
234
235
              Poser();
236
      tf = time(NULL);
      printf("Poser: %f \n", difftime(tf, ti));
237
238
         }
239
240
         if(p[6]=1){
           ti = time(NULL);
241
242
              Poser();
243
      tf = time(NULL);
244
           printf("Poser: %f \n", difftime(tf, ti));
245
246
247
248 //
249
250
           sortie(V\_ACC, 0);
           // \ sortie (\textit{HAUT}, \ haut) \ ; \ // \ actions \ haut/bas \ gerees \ dans \ les \ fonctions \\ // \ sortie (\textit{BAS}, \textit{bas}) \ ; \ // \ Prendre \ et \ Poser \ ci-dessous 
251
252
253
           sortie (GAUCHE, gauche);
254
           sortie (DROITE, droite);
255
           sortie (ALARME, 0);
       /**COMMENTAIRE eTUDIANT*/
256
    //printf ("haut: \%d — bas : \%d — gauche : \%d — droite : \%d |n", haut, bas,
        gauche, droite);
258 }
259
260
           sortie(V\_ACC, 0);
261
           sortie (HAUT, 0);
262
           sortie (BAS, 0);
263
           sortie (GAUCHE, 0);
264
           sortie (DROITE, 0);
265
           sortie (ALARME, 0);
266
267 return 0;
268 }
269
270 void Prendre (void)
    {printf ("prise d'un objet\n");
271
      sortie (HAUT, 1);
272
      while (entree(LIM VER));
273
      //printf ("prise d'un objet2 | n");
274
275
      usleep (10);
      while (!entree(LIM VER));
276
      //printf ("prise d'un objet3 | n");
277
278
      sortie (HAUT, 0);
279
280
281 void Poser (void)
282 {printf ("pose d'un objet n");
```

```
283
      sortie (BAS, 1);
      while (entree(LIM VER));
284
285
      while (!entree(LIM VER));
286
      sortie (BAS, 0);
287
288
289 void Avancer (int nb, int start)
290 {
291
      static int Etat = 0;
292
      static int i = 1;
293
      switch (Etat)
294
295
       case 0 : if (start)
296
297
                    Etat = 1;
298
                    i=nb;
299
                   }
300
                 break;
301
       case 1 : if (! ctr)
302
303
                     Etat = 2;
304
                  break;
305
       case 2 : if (ctr \&\&(i==1))
306
307
308
                    Etat = 3;
309
                    FinAvancer = 1;
310
311
                  else if (ctr \&\&(i!=1))
312
313
                   Etat=1; i--;
314
                  }
315
                 break;
316
       case 3 : if (! start)
317
318
                     Etat = 0;
319
                     FinAvancer = 0;
320
321
                  break;
322
323
324 gauche = ((Etat==1)||(Etat==2));
325 // printf ("EtatAvancer: %d --- gauche: %d | n", Etat, gauche);
326 }
327
328 void Reculer (int nb, int start)
329 {
330
      static int Etat = 0;
331
      static int i = 1;
332
      switch (Etat)
333
       case 0 : if (start)
334
335
336
                    Etat = 1;
337
                    i=nb;
338
                   }
339
                 break;
       case 1 : if (! ctr)
340
341
342
                     {\rm Etat}\ =\ 2\,;
343
```

```
344
                  break;
       case 2 : if (ctr &&(i==1))
345
346
347
                     Etat = 3;
348
                     FinReculer = 1;
349
                   else if (ctr \&\&(i!=1))
350
351
352
                    Et at =1; i --;
353
                   }
                 break;
354
355
       case 3 : if (! start)
356
357
                      Etat = 0;
358
                      FinReculer = 0;
359
360
                   break;
361
362 \ droite = ((Etat==1) | | (Etat==2));
363 }
```

Mesure de x, le temps pour avancer d'un emplacement et de y, le temps pour poser ou prendre une pièce.

### 4.2 Mesure du temps

```
Squelette de programme pour la mise en oeuvre de MEF synchronisees */
              Systeme\ de\ Traitement\ Automatise
7 \neq COMPILATION: qcc - Wall - o STA sta-macsed rdp.c - lpci dask - lsta * /
9 /* Exemple qui realise ce RdP (1 jeton initiallement dans <math>p0):
10
        -----> / -----> p1 -----> / -----> p2 ---
11 p\theta -
            operateur
                               FinAvancer
12
                                                        Prendre()
13
                             Avancer(3,1)
             [ 5 ; 5 ]
17 ne rien faire! Reculer (2,1)
                                               Poser() Fin du RdP!
18
19 * /
20
21 #include < stdio.h>
22 #include <unistd.h>
                              // pour sleep ()
23~\#include <dask.h>
                              // pour Release_Card()
                              // pour deroutement de CTRL C
24 \# include < signal.h >
25 #include <entreesortie_sta.h>
26 \# include < sta mef.h >
27
28 // -
29 \# define NBPLACES 7
30 // -
31
32 void Avancer (int, int);
33 void Reculer (int, int);
34 void Prendre (void);
35 void Poser (void);
36
```

```
37 /* variables externes */
38 short int ideard, stop;
40 /* declaration globale */
41 int FinAvancer = 0;
42 int FinReculer = 0;
43
44 / * etudiant */
45 time t ti,
   tf;
46
47
48 // les entrees
49 int appG, ctr, appD, presence, lim hor, lim ver, operateur;
51 // les sorties
52 int v_acc, haut, bas, gauche, droite, alarme;
54 int main(void)
55 {
56
57 /* Declarations variables */
58
59 // -
60 int p[NBPLACES]; // places "presentes"
                      // places "suivantes"
61 int ps[NBPLACES];
62 int i;
63 double fintempo; // variables utilisees pour
                      \frac{1}{1} la tempo
64 time t tempo1;
66
67 // initialisation des ports
68 init io();
69 //initialisation bac : ramene le systeme de transport en bas a droite
70 //ne doit pas etre sur les capteurs en haut ou a gauche
71 init bac();
72 printf("init faite \n");
73
         sortie(V\_ACC, 0);
74
         sortie (HAUT, 0);
75
         sortie (BAS, 0);
76
         sortie (GAUCHE, 0);
77
         sortie (DROITE, 0);
78
         sortie (ALARME, 0);
79
80 /* Initialisation variables */
81
82 // —
83 p[0] = 1;
84 \text{ ps}[0] = 1;
85 for (i = 1; i < NBPLACES; i ++){
86
       p[i] = 0;
       ps[i] = 0;
87
88 }
89 fintempo = 0;
90 // —
91 \text{ ti } = 0;
92 \text{ tf} = 0;
93
94 while (1)
95
         /***************
96
         /* Lecture des entrees */
97
```

```
98
          /*********
99
          appG = entree(APPG);
100
101
          ctr = entree(CTR);
102
          appD = entree(APPD);
103
          presence = entree (PRESENCE);
104
          \lim_{n \to \infty} hor = entree(LIM_HOR);
105
          \lim_{\infty} ver = entree(LIM_VER);
          operateur = entree (OPERATEUR);
106
107
108
109 / /
      fintempo = difftime (time (NULL), tempo1);
110
111 //
112
113
         /* allongement du cycle programme */
114
         // usleep(50);
115
116 // -
117
        /* blocs F*/ // Description des transitions possibles
118
119
120
      if(p[0]==1){
        printf("p0 \ \ n");
121
122
        if(operateur = = 1){ // marquage initial, attente d'un appui sur operateur
          ps[0] - -;
123
124
          ps[1]++;
125
126
        }
      }
127
128
129
      if(p[1]==1){
130
        printf("p1 \ \ n");
                              // FinAvancer est a 1 lorsque le capteur ctr est a 1
                              // et qu'on a parcouru toutes les encoches demandees
131
        if(FinAvancer==1){
                              // Exemple: 3 encoches parcourues si Avancer(2,1)
132
             ps[1] - -;
          ps[2]++;
133
134
135
          A 	ext{vancer}(0,0); // Remise a zero de la machine a etats definie dans la
              fonction Avancer
136
137
138
139
140
      if(p[2]=1){
141
142
        printf("p2 \setminusn");
143
144
        ps[2] - -;
        ps[3]++;
145
146
147
      if(p[3]=1){
148
149
        printf("p3 \setminusn");
150
151
        if (fintempo>=5){ // attente de 5 secondes avant de passer a la place 4
          ps[3] - -;
152
153
          ps[4]++;
154
155
156
      if(p[4]=1){
157
```

```
printf\left("p4 \ \backslash n"\right); \quad // \ \textit{FinAvancer} \ \textit{est} \ \textit{a} \ \textit{1} \ \textit{lorsque} \ \textit{le} \ \textit{capteur} \ \textit{ctr} \ \textit{est} \ \textit{a} \ \textit{1}
158
         \mathbf{if}\,(\,\mathrm{Fin}\,\mathrm{Rec}\,\mathrm{uler}\,{=}{=}1)\{\quad //\ et\ qu\ {\it 'on\ a\ parcouru\ toutes\ les\ encoches\ demandees}
159
            \operatorname{ps}\left[4\right]--; // (exemple : 2 encoches parcourues si on a ecrit
160
                Reculer(2,1)
161
            ps | 5 | ++;
162
163
            Reculer (0,0); // Remise a zero de la machine a etats definie dans la
                fonction Reculer
         }
164
       }
165
166
167
       if(p[5]=1){
         printf("p5 \ \ n");
168
169
         ps[5] - -;
170
         ps[6]++;
171
         if (ti == 0)
172
           //ti = time(NULL);
173
174
175
176
177
       if(p[6]==1) // --> fin\ du\ Reseau\ de\ Petri
178
            if(tf == 0)
179
180
              //tf = time(NULL);
181
              //printf("P6:poser:%f|n",difftime(tf,ti));
182
183
184
185
      /* blocs M*/ // Franchissement des transitions
186
187
188
       if(p[3] = 0 \&\& ps[3] = 1)
         // du coup, lancement des actions liees au franchissement des transitions
189
         tempol = time(NULL); // (ici, on recupere le "temps actuel" au moment ou
190
             on arrive dans la place p3
191
192
                       // pour pouvoir ensuite le comparer avec le temps actuel
           recupere a chaque passage
                        // dans la boucle while -> cf. lecture des entrees et ligne
193
                            " if (fintem po >=5)")
194
         for(i=0;i < NBPLACES; i++) \{ (et actualisation des et ats presents) \}
195
196
              p[i] = ps[i];
197
198
199
200
201
           /* Ecriture des sorties
202
           /**********
203
204 // -
205
        /{*}\ blocs\ G\ {*/}\ \ //\ gestion\ des\ sorties\ en\ fonction\ du\ marquage\ mis\ a\ jour
206
207
208
       if(p[1]==1){
209
       if (ti = 0)
210
         ti = time(NULL);
              Avancer (8,1);
211
212
213
         }
```

```
214
        if(p[2]=1){
215
          Prendre();
216
217
218
        if(p[4] = 1){
219
            Reculer (2,1);
220
221
222
     if(p[5]=1){
223
            Poser();
224
       }
225 //
226
227
          sortie (V ACC, 0);
         // sortie (HAUT, haut); // actions haut/bas gerees dans les fonctions
228
                                // Prendre et Poser ci-dessous
229
         // sortie (BAS, bas);
          sortie (GAUCHE, gauche);
230
231
          sortie (DROITE, droite);
232
          sortie (ALARME, 0);
233
gauche, droite);
235 }
236
237
          sortie (V ACC, 0);
          sortie (HAUT, 0);
238
239
          sortie (BAS,0);
240
          sortie (GAUCHE, 0);
241
          sortie (DROITE, 0);
242
          sortie (ALARME, 0);
243
244 return 0;
245 }
246
247 void Prendre (void)
    {printf ("prise d'un objet 1 \setminus n");
248
249
     sortie (HAUT, 1);
250
     while (entree(LIM_VER));
     printf ("prise d'un objet 2 \setminus n");
251
252
     usleep (10);
     while (!entree(LIM VER));
253
     printf ("prise d'un objet3\n");
254
255
     sortie (HAUT, 0);
256
    }
257
258 void Poser (void)
    {printf ("pose d'un objet\n");
259
260
     sortie (BAS, 1);
261
     while (entree(LIM VER));
262
     while (!entree(LIM VER));
263
     sortie (BAS, 0);
264
265
266 void Avancer (int nb, int start)
267
268
     static int Etat = 0;
269
     static int i = 1;
270
     switch (Etat)
271
272
      case 0 : if (start)
273
```

```
274
                   Etat = 1;
275
                   i=nb;
276
                  }
277
                break;
278
       case 1 : if (! ctr)
279
280
                    Etat = 2;
281
282
                 break;
283
       case 2 : if (ctr \&\&(i==1))
284
285
                   Etat = 3;
286
                   FinAvancer = 1;
287
                   tf = time(NULL);
                   288
289
                 else if (ctr \&\&(i!=1))
290
291
292
                  Et\,at=1;\ i--;
293
294
                break;
295
      case 3 : if (! start)
296
297
                    Etat = 0;
298
                    FinAvancer = 0;
299
300
                 break;
301
     }
302
303 gauche = ((Etat==1) | | (Etat==2));
304 printf ("EtatAvancer: %d -- gauche: %d\n", Etat, gauche);
305 }
306
307 void Reculer (int nb, int start)
308
309
     static int Etat = 0;
310
     static int i = 1;
311
     switch (Etat)
312
      case 0 : if (start)
313
314
                   Etat = 1;
315
316
                   i=nb;
317
                break;
318
319
       case 1 : if (! ctr)
320
321
                    Etat = 2;
322
                   }
323
                 break;
324
       case 2 : if (ctr \&\&(i==1))
325
326
                   Etat = 3;
327
                   FinReculer = 1;
328
329
                 else if (ctr \&\&(i!=1))
330
                  Etat=1; i--;
331
                 }
332
                break;
333
334
      case 3 : if (! start)
```

Mesure du temps de traversé de bout en bout.

## Annexe 2 - Analyse TINA

### 4.1 Analyse d'accessibilité du modèle 2 opérations

```
Tina version 2.8.4 — 10/27/06 — LAAS/CNRS
   mode -W
   INPUT NET -
   \verb|parsed| net | \{ \verb|reseau-AnalyseIII-2 \} 
   25 places, 23 transitions
   net {reseau-AnalyseIII-2}
   t\,r\ t\,0\ :\ O\,pera\,t\,eu\,r\ p\,0\ -\!\!\!>\ p\,1
   tr t1 [1,1] p1 -> p2
14 \text{ tr } t10 [1,1] p21 -> p22
   t\; r \;\; t\; 1\; 1\;\; [\; 3\;\; , 3\; ] \;\; p\; 8\;\; -\! >\;\; p\; 2\; 3
   {
m tr} {
m tl}\,2
            [0,0] p22 -> p5
   tr t13 [22,22] p19 -> p17
   tr t14 [0,0] p24 -> p13
   tr t17 : FinReculer [1,1] p23 -> p24
   tr t18 [0,0] p14 p19 -> p15
tr t19 [2,2] p15 -> p16
24 \text{ tr } \text{t2} [3,3] \text{ p2} -> \text{p3}
   tr t22 [3,3] p13 -> p14
   tr t5 [16,16] p20 \rightarrow p18
   t~r~t~6~\left[\,1~,1\,\right]~p~9~-\!\!>~p~1~0
   34 \ tr \ t9 \ [3\ ,3\,] \ p12 \ -\!\!\!> \ p19 \ p21
   pl p0 (1)
   pl p1 : {Avancer(1,1)}
   pl p10 : {Prendre();}
   pl p11 : {Avancer(2,1);}
pl p12 : {Poser();}
   pl p13 : {Prendre();}
   pl p15 : {Avancer(2,1);}
pl p16 : {Poser();}
   pl p17 : {Alarme();}
44 pl p18 : {Alarme();}
   pl p2 : {Prendre();}
   pl p21 : {Reculer(1,1);}
   pl p23 : {Reculer(1,1);}
   pl p3 : {Avancer(2,1);}
pl p4 : {Poser();}
   pl p5 : {Prendre();}
   pl p7 : {Avancer(2,1);}
pl p8 : {Poser();}
   pl p9 : \{Reculer(1,1)\}
   0.000s
   REACHABILITY ANALYSIS -
```

bounded

```
22 \text{ classe(s)}, 21 \text{ transition(s)}
    {\it CLASSES}:
64
    c\,l\,a\,s\,s\quad 0
       marking
      p0
        domain
      0 \ <= \ t \ 0
    class 1
       marking
      p\, 1
        domain
      1 \ <= \ t \, 1 \ <= \ 1
    class 2
       marking
      p2
        domain
      3 \ <= \ t \ 2 \ <= \ 3
    class 3
84
      marking
      р3
        domain
      2 \ <= \ t \ 3 \ <= \ 2
    class 4
        marking
      p4
        domain
      3 <= t \, 4 <= 3
94
    class 5
        marking
      p20 p9
        domain
       16 <= t5 <= 16
      1 \ <= \ t \, 6 \ <= \ 1
    class 6
        marking
104
      p10 p20
        domain
       15 <= t5 <= 15
      3 <= t7 <= 3
    class 7
        marking
       p11 p20
        domain
      12 <= t5 <= 12
     2 <= t 8 <= 2
    class 8
       marking
       p12 p20
        domain
       10 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 10
      3 <= t9 <= 3
    class 9
124
        marking
       p19 p20 p21
        domain
      1 \ <= \ t \, 1 \, 0 \ <= \ 1
      22 <= t13 <= 22
7 <= t5 <= 7
    class 10
         marking
      p19 p20 p22
```

134

 $\begin{array}{c} \text{domain} \\ 0 <= \text{t12} <= 0 \end{array}$ 

```
class 11
        marking
       p19\ p20\ p5
        domain
       2\,1 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 2\,1
     3 <= t21 <= 3
144
      6 <= t 5 <= 6
    class 12
        marking
       p19 \quad p20 \quad p6
        domain
       18 <= t13 <= 18
      0 <= t15 <= 0
      3 <= t 5 <= 3
154
    class 13
         marking
       p19 \ p7
        domain
       18 \ <= \ t\,13 \ <= \ 18
      2 \ <= \ t \, 1 \, 6 \ <= \ 2
    class 14
         marking
164
     p19 p8
        domain
       3 <= t11 <= 3
      16 <= t13 <= 16
    class 15
        marking
       p19 p23
         domain
       13 \ <= \ t\,13 \ <= \ 13
     1 <= t17 <= 1
    class 16
       marking
       p19 p24
         domain
       12 <= t13 <= 12
      0 \ <= \ t \, 1 \, 4 \ <= \ 0
    class 17
184
       marking
      p13 p19
        domain
       12 \ <= \ t\,13 \ <= \ 12
      3 <= t22 <= 3
    class 18
         marking
       p14 p19
        domain
      9 \ <= \ t \, 1 \, 3 \ <= \ 9
      0 \ <= \ t\,1\,8 \ <= \ 0
    class 19
        marking
       p15
        domain
       2 \ <= \ t \, 1 \, 9 \ <= \ 2
    class 20
      marking
204
       p16
        domain
      3 \ <= \ t \, 2 \, 0 \ <= \ 3
    class 21
         marking
```

### domain

```
214
      REACHABILITY GRAPH:
      0 \rightarrow t0 \text{ in } [0, w[/1]]
      1 \rightarrow t1 \text{ in } [1,1]/2
     2 \rightarrow t2 in \begin{bmatrix} 3 & 3 \end{bmatrix}/3

3 \rightarrow t3 in \begin{bmatrix} 2 & 2 \end{bmatrix}/4

4 \rightarrow t4 in \begin{bmatrix} 3 & 3 \end{bmatrix}/5
      5 \rightarrow t6 \text{ in } [1,1]/6
8 \rightarrow t9 \text{ in } [3,3]/9
      9 \rightarrow t10 in [1,1]/10
      10 - t12 in [0,0]/11
      11 \rightarrow t21 \text{ in } [3,3]/12
      12 \rightarrow t15 in [0,0]/13

13 \rightarrow t16 in [2,2]/14
      14 \rightarrow t11 \text{ in } [3,3]/15
      15 \rightarrow t17 \text{ in } [1,1]/16

16 \rightarrow t14 \text{ in } [0,0]/17
234 \ 17 \rightarrow t22 \ in \ [3,3]/18
      18 \rightarrow t18 \text{ in } [0,0]/19

19 \rightarrow t19 \text{ in } [2,2]/20
      20 \rightarrow t20 \text{ in } [3,3]/21
      21 ->
      0.000s
      LIVENESS ANALYSIS —
244 not live
      1 \ dead \ classe(s)\,, \ 1 \ live \ classe(s)
      2 dead transition(s), 0 live transition(s)
      dead classe(s): 21
      dead transition(s): t5 t13
      STRONG CONNECTED COMPONENTS:
254
      2\,1\ :\ 0
      20 : 1
      19 : 2
      18 : 3
      17 : 4
      16 \ : \ 5
      15 \ : \ 6
      14 : 7
      13 \ : \ 8
264 \quad 12 \quad : \quad 9
      11 : 10
      10 : 11
      9 \quad : \quad 1\,2
      8~:~13
      7~:~1\,4
      6 \ : \ 15
      5~:~16
      4 : 17
      3 : 18
274\ 2\ :\ 19
      1 : 20
      0 : 21
      SCC GRAPH:
      21 - > t0/20
      20 -> t1/19
      19 - > t2/18
      18 -> t3/17
284\ 17\ -\!>\ t\,4\,/\,16
      16 - > t6/15
      15 \,\, -\! > \,\, t\, 7\, /\, 14
      14 - > t8/13
```

```
13 - > t9/12
      12 -> t10/11
      11 -> t12/10
      10 - > t21/9
      9 \rightarrow t15/8
      8 \ -\!\!> \ t\,1\,6\,/\,7
294 7 \rightarrow t11/6
      6 \rightarrow t17/5
      5 \  \, -\!\!> \  \, t\,1\,4\,/\,4
      4 \rightarrow t22/3
      3 \  \, -\! > \  \, t\,1\,8\,/\,2
      2 - > t19/1
      1 \rightarrow t20/0
      0 \rightarrow
      0.000\,\mathrm{s}
304
      ANALYSIS COMPLETED -
```

Analyse d'accessibilité du modèle 2 opérations

## 4.2 Graphe des classes de Mise au point des Intervallles Temporelles

### Opération $O_1$

```
Tina version 2.8.4 - 01/05/16 - LAAS/CNRS
   mode –W
   REACHABILITY ANALYSIS —
   22 \text{ classe(s)}, 21 \text{ transition(s)}
   {\bf CLASSES:}
12
   class 0
        marking
     p0
        domain
     0 \ <= \ t \ 0
    class 1
        marking
     p1
22
        domain
      1 <= t1 <= 1
   class 2
        marking
      p2
        domain
     3 \ <= \ t \ 2 \ <= \ 3
   class 3
       marking
     p3
        domain
     2 \ <= \ t \ 3 \ <= \ 2
    class 4
        marking
        domain
     3 \ <= \ t \ 4 \ <= \ 3
   class 5
        marking
      p20 p9
        domain
      16 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 16
      1 <= t6 <= 1
   class 6
```

```
marking
 52
      p10 p20
         domain
       15 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 15
       3 <= t7 <= 3
     class 7
          marking
       p11 p20
         domain
       12 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 12
       2 <= t 8 <= 2
     class 8
          marking
       p12 p20
          domain
       10 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 10
       3 \ <= \ t \ 9 \ <= \ 3
     class 9
 72
        marking
       p19 p20 p21
         domain
       1 \ <= \ t \, 1 \, 0 \ <= \ 1
       2\,2 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 2\,2
       7 \ <= \ t \ 5 \ <= \ 7
     class 10
          marking
       p19 p20 p22
 82
         domain
       2 \ <= \ t \, 1 \, 2 \ <= \ 2
       2\,1 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 2\,1
       6 <= \ t \, 5 <= \ 6
     class 11
         marking
       p19 p20 p5
         domain
       19 \ <= \ t\,13 \ <= \ 19
      3 <= t21 <= 3
       4 \ <= \ t \ 5 \ <= \ 4
     class 12
          marking
       p19 p20 p6
          domain
       16 \ <= \ t\,13 \ <= \ 16
       0 \ <= \ t\, 1\, 5 \ <= \ 0
       1 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 1
102
     class 13
          marking
       p19 p7
         domain
       16 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 1\,6
       2 <= t16 <= 2
     class 14
        marking
112
       p19 p8
         domain
       3 <= t11 <= 3
       14 \ <= \ t\,13 \ <= \ 1\,4
     class 15
         marking
       p19 p23
         domain
       11 \ <= \ t\,13 \ <= \ 11
      1 <= t17 <= 1
122
     c\,l\,a\,s\,s-1\,6
         marking
       p19 p24
```

```
domain
          10 <= t13 <= 10
         0 <= t14 <= 0
      class 17
132
            marking
          p13 p19
            domain
          10 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 1\,0
         3 <= t22 <= 3
      class 18
            marking
          p14 p19
            domain
142
         7 \ <= \ t \, 1 \, 3 \ <= \ 7
         0 \ <= \ t\,1\,8 \ <= \ 0
      class 19
            marking
          p15
            domain
          2 <= t19 <= 2
      c\,l\,a\,s\,s-2\,0
          marking
          p16
             domain
         3 \ <= \ t \, 2 \, 0 \ <= \ 3
      class 21
             marking
             domain
162
      REACHABILITY GRAPH:
      0 \rightarrow t0 \text{ in } [0, w]/1
      1 \ -\! > \ t\,1 \quad i\,n \quad \left[\,1 \ ,1\,\right]/\,2
      2 \rightarrow t2 in
                         [3,3]/3
      3 \rightarrow t3 \text{ in } [2,2]/4
      4 \rightarrow t4 \text{ in } [3,3]/5
                         \begin{bmatrix} 1 & , 1 \end{bmatrix} / 6 \\ \begin{bmatrix} 3 & , 3 \end{bmatrix} / 7
      5 \rightarrow t6 in
      6 \rightarrow t7 in
172\ 7\ -\! >\ t\,8\quad i\,n\quad \left[\,2\ ,2\,\right]\,/\,8
      8 \rightarrow t9 in [3,3]/9
      9 \,\, -\! > \,\, t\, 1\, 0 \quad i\, n \quad [\, 1 \,\, ,1\, ]\, /\, 1\, 0
      10 - t12 \text{ in } [2, 2]/11
      13 - 5t16 in [2,2]/14
                             \begin{bmatrix} 3 & , 3 \end{bmatrix} / 15
\begin{bmatrix} 1 & , 1 \end{bmatrix} / 16
      14 -> t11 in
      15 -> t17 in
      16 \rightarrow t14 \text{ in } [0,0]/17
182\ 17\ -\!>\ t\,2\,2\ in\ [\,3\,\,,3\,]\,/\,1\,8
      18 -> t18 in
                             [0,0]/19
      19 - t19 in [2, 2]/20
      2\,0\ -\!\!>\ t\,2\,0\quad i\,n\quad [\,3\ ,3\,]\,/\,2\,1
      21 ->
      0.000s
                        Graphe des classes TINA pour mise au point de l'intervalle temporelle de l'opération 1
```

### Opération $O_2$

```
Tina version 3.4.4 - 01/05/16 - LAAS/CNRS
mode –W
REACHABILITY ANALYSIS -
bounded
22 classe(s), 21 transition(s)
```

```
CLASSES:
12
   class 0
       marking
     p0
       domain
     0 \ <= \ t \, 0
   class 1
       marking
     p1
22
       domain
     1 \ <= \ t \, 1 \ <= \ 1
   class 2
       marking
     p2
       domain
     3 \ <= \ t \ 2 \ <= \ 3
   class 3
    marking
32
     р3
       domain
     2 \ <= \ t \, 3 \ <= \ 2
   class 4
      marking
     p4
       domain
     3 \ <= \ t \ 4 \ <= \ 3
42
   class 5
       marking
     p20 p9
       domain
     16 <= t5 <= 16
     1 <= t6 <= 1
   class 6
      marking
52
     p10 p20
       domain
      15 <= t5 <= 15
     3 <= t7 <= 3
   class 7
       marking
     p11 p20
       domain
      12 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 12
    2 <= t 8 <= 2
   class 8
       marking
      p12 p20
       domain
      10 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 10
     3 <= t9 <= 3
   class 9
72
     marking
      p\,19\quad p\,2\,0\quad p\,2\,1
      domain
      1 \ <= \ t \, 1 \, 0 \ <= \ 1
     22 <= t13 <= 22
     7 <= t5 <= 7
   class 10
      marking
      p19\quad p20\quad p22
82
     21 <= t13 <= 21
     6 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 6
```

```
class 11
         marking
       p19 p20 p5
          domain
       19 \ <= \ t\,13 \ <= \ 19
     3 <= t21 <= 3
       4 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 4
     class 12
         marking
       p19 p20 p6
         domain
       16 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 1\,6
       0 \ <= \ t\, 1\, 5 \ <= \ 0
       1 \ <= \ t \, 5 \ <= \ 1
102
     class 13
        marking
       p19 p7
         domain
       16 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 1\,6
       2 <= t16 <= 2
     class 14
       marking
112
       p19 \quad p8
        domain
       3 \ <= \ t\, 1\, 1 \ <= \ 3
       14 <= t13 <= 14
     class 15
         marking
       p19 p23
          domain
       11 <= t13 <= 11
122
      1 <= t17 <= 1
     class 16
          marking
       p19 p24
         domain
       10 \ <= \ t\,13 \ <= \ 10
       5 \ <= \ t\, 1\, 4 \ <= \ 5
     class 17
132
       marking
       p13 p19
         domain
       5 \ <= \ t\,1\,3 \ <= \ 5
       3 \ <= \ t \, 2 \, 2 \ <= \ 3
     class 18
         marking
       p14 p19
         domain
       2 \ <= \ t \, 1 \, 3 \ <= \ 2
142
       0 \ <= \ t\,1\,8 \ <= \ 0
     class 19
        marking
       p15
         domain
       2 \ <= \ t \, 1 \, 9 \ <= \ 2
     c\,l\,a\,s\,s-2\,0
152
        marking
       p16
         domain
       3 \ <= \ t \, 2 \, 0 \ <= \ 3
     class 21
          marking
          domain
```

```
0 \ -\!\!> \ t\,0 \quad i\,n \quad [\,0\ ,w[\,/\,1
        3 \rightarrow t3 \text{ in } [2,2]/4
        4 \rightarrow t4 \text{ in } [3,3]/5

5 \rightarrow t6 \text{ in } [1,1]/6

6 \rightarrow t7 \text{ in } [3,3]/7
172\ 7 \ \longrightarrow \ t\,8 \quad i\,n \quad \left[\,2\,\,,2\,\right]/\,8

8 \rightarrow t9 \text{ in } [3,3]/9 

9 \rightarrow t10 \text{ in } [1,1]/10

         10 \ -\! > \ t\, 1\, 2 \quad i\, n \quad [\, 2 \ , 2\, ]\, /\, 1\, 1
         13 \rightarrow t16 \text{ in } [2,2]/14
         14 \rightarrow t11 \text{ in } [3,3]/15

15 \rightarrow t17 \text{ in } [1,1]/16
         16 \rightarrow t14 \text{ in } [5,5]/17
182 17 -> t22 in [3,3]/18
18 -> t18 in [0,0]/19
         19 - t19 in [2, 2]/20
         2\,0\ -\!\!\!>\ t\,2\,0\quad i\,n\quad [\,3\ ,3\,]\,/\,2\,1
         2\,1 \ -\!\!>
         0.000s
```

162

REACHABILITY GRAPH:

Graphe des classes TINA pour mise au point de l'intervalle temporelle de l'opération 2