${\it CSP-Constraint\ satisfaction\ problems}$

Martini Davide

Aprile 2022

0.1 Elaborato

Per questo elaborato necessitiamo di minimizzare i costi di rifornimento dei negozi tramite dei magazzini, ovvero minimizzare i costi rispetto ai prezzi di acquisto e vendita dei magazzini ed i costi di rifornimento verso i negozi associati, inoltre dobbiamo tenere conto che tutti i negozi devo essere riforniti e che un magazzino può rifornire solo un numero limitato di negozi. Ciò si traduce in un CSP dove utilizziamo una matrice detta associazione per associare i negozi ai magazzini, questa matrice $n \times m$ ha per righe i negozi e per colonne i magazzini; le celle di quest'ultima possono assumere solo 2 valori: 1 dove il negozio è associato a un determinato magazzino 0 altrimenti. Abbiamo inoltre un vettore MagUsati, che anch'esso assume come valori 0 e 1, dove abbiamo 1 per i magazzini utilizzati 0 altrimenti.

Per quanto riguarda i vincoli da rispettare possono tutti essere soddisfatti dallo studio della matrice associazione:

- Tutti i negozi devono essere riforniti (da un solo magazzino), per rispettare questo vincolo dobbiamo assicurarci che per ogni riga della matrice associazione ci sia una sola cella con valore 1
- La capacità dei magazzini, identificata dal vettore S, viene rispettata facendo in modo che il numero delle celle uguali ad 1 in ciascuna colonna della matrice associazione sia minore o uguale alla capacità del magazzino corrispondente
- Abbiamo inoltre due vincoli sul range dei valori in input: il primo sulla capacità dei magazzini che deve essere compresa fra 1 ed n (numero negozi), ed il secondo sui costi, che devono essere compresi fra 10 e 100

Detto ciò rimane solo da sviluppare la funzione da minimizzare \exp che consiste nel minimizzare la somma dei costi di rifornimento dei negozi e la somma dei costi di acquisto dei magazzini. Per minimizzare la somma dei costi di rifornimento moltiplichiamo la matrice dei costi c per la matrice associazione cosi da avere tutti i valori uguali a 0 tranne dove abbiamo effettivamente un associazione negozio-magazzino così poi da poterli sommare, per quanto riguarda la somma dei costi dei magazzini usiamo lo stesso metodo utilizzato in precedenza soltanto moltiplicando in questo caso il vettore MagUsati con un vettore ottenuto dalla differenza tra il vettore dei costi di acquisto A e dei costi di vendita V dei magazzini.

0.2 Esperimenti e risultati

Di seguito analizziamo i risultati ottenuti dai diversi esperimenti :

0.2.1 Dati-1

Abbiamo in questo caso 4 negozi e 4 magazzini, dai risultati notiamo che 3 negozi su 4 vengono forniti dallo stesso magazzino, questo perché nel caso del negozio 1, il quale è fornito dal quarto magazzino, si ha la minor spesa sia rispetto al costo di fornitura degli altri magazzini, sia rispetto all'acquisto di un magazzino diverso da quello attualmente utilizzato, rendendolo la scelta migliore, successivamente dovendo rispettare il vincolo di fornitura massima uguale ad 1, non posso assegnarli altri negozi, le altre 3 assegnazioni vengono fatte tutte dal magazzino 2, esso infatti ha il miglior costo di rifornimento per il negozio 3 rendendolo la scelta migliore, non si può dire altrettanto per gli altri 2 negozi che però lo rendono ugualmente la scelta migliore in quanto se andassimo a prendere i costi minori sarebbe necessario acquistare altri magazzini nullificando la diminuzione in costo ed addirittura aumentando il costo totale dell'operazione.

0.2.2 Dati-2

Qui abbiamo 4 negozi e 8 magazzini possiamo subito notare che i magazzini scelti hanno tutti un costo di vendita maggiore di quello di acquisto rendendoli le opzioni migliori generando un vero e proprio guadagno. Cominciamo col notare che al negozio 3 viene associato il magazzino 1 in quanto ha il costo di rifornimento più basso, per gli altri negozi possiamo vedere che non sono stati scelti i costi di rifornimento più bassi in quanto questi vengono compensati dal guadagno che si ottiene dalla rivendita dei magazzini stessi rendendo più conveniente la scelta di un costo di rifornimento maggiore rispetto all'acquisto di un magazzino che offre un costo di rifornimento minore.