



# Métodos de Resolução de Problemas e de Procura

Sistemas de Representação de Conhecimento e Raciocínio

3º Ano de MIEInf  
Universidade do Minho

Davide Matos A80970

15 de Julho de 2020

# 1 Introdução

Este relatório resulta da elaboração do exercício prático proposta para a época de recuso, com o tema de programação em lógica, proposto na unidade curricular de Sistemas de Representação de Conhecimento e Raciocínio. A elaboração deste exercício, permitiu que melhorasse as minhas capacidades e competências relativas à programação em lógica na linguagem PROLOG.

Neste exercício, foi proposto que fosse desenvolvido um Sistema de Representação de Conhecimento e Raciocínio capaz de caracterizar um universo de discurso na área de escolha de percursos em viagens por Portugal.

## 2 Geração da Base de Conhecimento

### 2.1 Perdicados

como solicitado no enunciado, era necessário fazer o *parsing* de um ficheiro com informações de localidades portuguesas e gerar um base de conhecimento com a qual seria possível resolver os problemas propostos.

Como tal foi escrito um script usando a linguagem **Python** para gerar os perdicados em questão. Estes perdicados tratam-se de um perdicado **Cidade** que simplesmente lista a informação do ficheiro origem e um perdicado **arco** que representa um ligação entre duas localidades.

- **Cidade:** #idCid , Nome, Latitude, Longitude, Admin, Capital  $\{V, F\}$
- **Arco:** #idCid1, #idCid2, Distancia  $\{V, F\}$

O critério de geração de arcos entre cidades foi que cada capital de distrito '*admin*' tem um arco com todas as localidades que são seus '*minor*' e vice-versa. Para além destas conexões foram ainda criados arcos a conetar diretamente as capitais de distritos adjacentes.

Para além destes foram ainda criados 5 perdicados diferentes que definem um característica para uma cidade.

- **hotel5Estrelas:** #idCid  $\{V, F\}$
- **monumentos:** #idCid  $\{V, F\}$
- **especialidadeGastronomica:** #idCid  $\{V, F\}$
- **espacosVerdes:** #idCid  $\{V, F\}$
- **atividadesNoturnas:** #idCid  $\{V, F\}$

### 3 Algoritmos de Pesquisa

Como algoritmos de pesquisa foram apenas implementados algoritmos de pesquisa **não informada**.

### 4 Soluções Implementadas

#### 4.1 query 1 : Escolher um qualquer percuso entre duas Localidades

método utilizado para a resolução desta query consistem em testar todas as possibilidades de percurso adicionando os nodos vistados a uma lista *Visitados* com o objectivo de evitar *loop infinitos*

```
percurso(Origem, Destino, [Origem|Caminho], Dist) :-  
    percursoAux(Origem, Destino, Caminho, Dist, []).  
  
percursoAux(Destino, Destino, [], 0, _).  
percursoAux(Origem, Destino, [Prox|Caminho], Dist, Visitados) :-  
    Origem \= Destino,  
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),  
    nao(member(Prox, Visitados)),  
    percursoAux(Prox, Destino, Caminho, Dist2, [Origem|Visitados]),  
    Dist is Dist1 + Dist2.  
  
adjacente(Origem, Prox, Dist) :-  
    arco(Origem, Prox, Dist).  
  
caminhos(Origem, Destino):-  
    findall((S, Dist), percurso(Origem, Destino, S, Dist), L),  
    escrever(L).
```

#### 4.2 query 2 : Escolher um percuso entre duas Localidades que passe por cidades com uma determinada característica

Esta solução é baseada na solução desenvolvida para a query 1, no entanto é lhe adicinada um perdicado que verifica se a proxima localidade no perurso respeita a característica pretendida.

como consequência da forma como os perdicados das características foram criados, é necessario a criação de uma query para cada característica. Contudo é apresentado nesta secção do relatório apenas o exemplo para a característica *hotel5estrelas*:

```
percursoacarHotel(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-  
    percursoacarHotelAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).  
  
percursoacarHotelAux(Dest, Dest, [], 0, _).  
percursoacarHotelAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados) :-  
    Origem \= Dest,  
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),  
    nao(member(Prox, Visitados)),  
    hotel5Estrelas(Prox),  
    percursoacarHotelAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |  
        Visitados]),  
    Dist is Dist1 + Dist2.
```

### 4.3 query 3 : Escolher um percuso entre duas Localidades que passe por cidades sem um determinada característica.

esta solução é analoga à solução apresentada acima para a query 2.

```
percursoExccarAtiNoct(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-
    percursoExccarAtiNoctAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoExccarAtiNoctAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoExccarAtiNoctAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados) :-
    Origem \= Dest,
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),
    nao(member(Prox, Visitados)),
    nao(atividadesNoturnas(Prox)),
    percursoExccarAtiNoctAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem | Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.
```

A única diferença desta query para a query dois está no uso do perdicado **nao** quando se chama o perdicado correspondente à característica que se pretende evitar

### 4.4 query 4 : Identificar a Localidade com maior numero de ligações dado um percurso.

A estratégia utilizada para esta query consiste em verificar a validade do percurso dado, seguindo de calcular o numero de conexões de cada Localidade do percurso e por fim calcular o minimo.

```
maiorNrConecoes([Origem|Caminho], L) :-
    maiorNrConecoesAux(Origem, Caminho, [], []).

maiorNrConecoesAux(C, [], [], L) :-
    nrConecoes(C, A),
    append([A], L, L1),
    max_in_list(L1, R),
    write(R).

maiorNrConecoesAux(Origem, [Prox|Caminho], Visitados, L) :-
    adjacente(Origem, Prox, _),
    nao(member(Prox, Visitados)),
    nrConecoes(Origem, R),
    maiorNrConecoesAux(Prox, Caminho, [Origem|Visitados], L1),
    append([R], L1, L).

nrConecoes(Id, L) :-
    findall(X, adjacente(Id, _, _), Z),
    length(Z, L).

max_in_list([Max], Max).
max_in_list([H, K|T], M) :-
    H <= K,
    min_in_list([K|T], M).
max_in_list([H, K|T], M) :-
    H > K,
    min_in_list([H|T], M).
```

#### 4.5 query 5 : Escolher o menor percurso (usando o critério do menor número de cidades percorridas)

trata-se de uma adaptação da query 1 na qual se adiciona um parametro para guardar o numero de arcos percorridos. Por fim escolhe-se o percurso no qual o numero de arcos percorridos é menor.

```

menorPercursoCidades(Origem, Destino):-
    findall((P, Dist, T), percurso2(Origem, Destino, Dist, P, T), L),
    min_in_list(L, R),
    write(R).

percurso2(Origem, Destino, Dist, [Origem|Percurso], T):-
    percursoAux2(Origem, Destino, Percurso, Dist, [], T).

percursoAux2(Destino, Destino, [], 0, _, 0).
percursoAux2(Origem, Destino, [Proximo|Percurso], Dist, Visitados, T):-
    Origem \= Destino,
    arco(Origem, Proximo, Dist1),
    \+member(Proximo, Visitados),
    percursoAux2(Proximo, Destino, Percurso, Dist2, [Origem|Visitados], T1),
    T is T1+1,
    Dist is Dist1 + Dist2.

min_in_list([(P,D,Min)], (P,D,Min)).
min_in_list([(A,D,H), (B,E,K)|T], (C,F,M)):-
    H <= K,
    min_in_list([(A,D,H)|T], (C,F,M)).

min_in_list([(A,D,H), (B,E,K)|T], (C,F,M)):-
    H > K,
    min_in_list([(B,E,K)|T], (C,F,M)).

```

#### 4.6 query 6 : Escolher o menor percurso (usando o critério de menor distância)

É utilizada a query 1, apartir da qual se escolhe aquele percurso com menor distância.

```

maisPercursoDistancia(O,D):- findall((P, Dist), caminhos(O,D, Dist, P), L),
    min_in_list(L, R),
    write(R).

min_in_list([(P,Min)], (P,Min)).
min_in_list([(A,H), (B,K)|T], (C,M)):-
    H <= K,
    min_in_list([(A,H)|T], (C,M)).
min_in_list([(A,H), (B,K)|T], (C,M)):-
    H > K,
    min_in_list([(B,K)|T], (C,M)).

```

#### 4.7 query 7 : Escolher um percurso que passa apenas por cidade 'Admin'

Para esta query foi implementado um solução semelhante a query 1, no entanto é verificado se, no perdicado cidade, o proximo nodo é *admin*.

É importante também importante salientar que devido a forma como os arcos foram definidos, não existirá nenhum percurso que passe só por localidades '**minor**'. Por essa razão esta query foi implementada de forma um pouco diferente, ou seja, para as cidades '**admin**'

```

todosAdmin(Origem, Destino) :-
    findall((P, Dist), distrito(Origem, Destino, P, Dist, 'admin'), L),
    escrever(L).

distrito(Origem, Destino, [Origem|Caminho], Dist, 'admin') :-
    distritoAux(Origem, Destino, Caminho, Dist, 'admin', []).

distritoAux(Destino, Destino, [], 0, _, _).
distritoAux(Origem, Destino, [Proximo|Caminho], Dist, 'admin', Visitados)
:-
    Origem \= Destino,
    adjacente(Origem, Proximo, Dist1),
    cidade(Proximo, _, _, _, 'admin'),
    nao(member(Proximo, Visitados)),
    distritoAux(Proximo, Destino, Caminho, Dist2, 'admin', [Origem|
        Visitados]),
    Dist is (Dist1 + Dist2).

```

#### 4.8 query 8 : Escolher percurso com cidades intermediarias

Utiliza novamente a query 1 para escolhe apenas os percursos nos quais estão presentes todas as localidades intermediária passadas como argumento.

```

percursoPor(Origem, Destino, Intermedios) :-
    findall((P, Dist), percurso(Origem, Destino, P, Dist), L),
    testa(L, Intermedios, R),
    escrever(R).

testa([(X,D)|T], L, R) :-
    testa(T, L, K),
    temTodos(L, X), append([(X,D)], K, R).

temTodos([], _).
temTodos([H|T], L) :- member(H, L), temTodos(T, L).

```

## 5 Conclusão

Com a realização deste projeto aprofundei os meus conhecimentos na linguagem de programação em lógica **Prolog**. Apesar de não a versão final do trabalho não ter qualquer exemplo de pesquisa informada porque não consegui implementar a tempo, Aprendi a diferenças entre pesquisa informada e não informada e as vantagens e desvantagens de cada uma

## 6 Anexos

### Parse.py

```
import pandas as pd
import numpy as np
import math
import random

#ler dados
data = pd.read_excel(r'cidades.xlsx',encoding='utf-8')

data['city'] = data['city'].str.normalize('NFKD').str.encode('ascii',
    errors='ignore').str.decode('utf-8')
data['admin'] = data['admin'].str.normalize('NFKD').str.encode('ascii',
    errors='ignore').str.decode('utf-8')
data['capital'] = data['capital'].str.normalize('NFKD').str.encode('
    ascii', errors='ignore').str.decode('utf-8')

lines = data.values

dist_dict = {
    'Braga' : ['Porto', 'Viana_do_Castelo', 'Vila_Real'],
    'Viana_do_Castelo' : ['Braga'],
    'Porto' : ['Braga', 'Vila_Real', 'Aveiro', 'Viseu'],
    'Vila_Real' : ['Porto', 'Braga', 'Braganca', 'Viseu'],
    'Braganca' : ['Vila_Real', 'Guarda', 'Viseu'],
    'Aveiro' : ['Viseu', 'Porto', 'Coimbra'],
    'Viseu' : ['Aveiro', 'Porto', 'Vila_Real', 'Guarda', 'Braganca', '
        Coimbra'],
    'Guarda' : ['Braganca', 'Castelo_Branco', 'Viseu', 'Coimbra'],
    'Coimbra' : ['Aveiro', 'Viseu', 'Leiria', 'Castelo_Branco', '
        Guarda'],
    'Castelo_Branco' : ['Guarda', 'Coimbra', 'Leiria', 'Santarem', '
        Portalegre'],
    'Leiria' : ['Coimbra', 'Castelo_Branco', 'Santarem', 'Lisboa'],
    'Santarem' : ['Leiria', 'Lisboa', 'Setubal', 'Portalegre', 'Evora',
        'Castelo_Branco'],
    'Portalegre' : ['Castelo_Branco', 'Santarem', 'Evora'],
    'Lisboa' : ['Leiria', 'Santarem', 'Setubal'],
    'Setubal' : ['Evora', 'Beja', 'Santarem', 'Lisboa'],
    'Evora' : ['Setubal', 'Santarem', 'Portalegre', 'Beja'],
```

```

        'Beja' : [ 'Setubal', 'Evora', 'Faro' ],
        'Faro' : [ 'Beja' ]
    }

```

*#defenicao de algumas funcoes auxiliares*

```

def cidadesDo_distrito(dist):
    ans = []
    for l in lines:
        if l[4] == dist:
            ans.append(l[0])
    return ans

```

```

def distancia(cidade1,cidade2):
    lat1=0
    long1=0
    lat2=0
    long2=0
    for l in lines:
        if l[0] == cidade1:
            lat1 = l[2]
            long1 = l[3]
        elif l[0] == cidade2:
            lat2 = l[2]
            long2 = l[3]
        else:
            continue
    ret = math.sqrt(((lat1-lat2)**2) + ((long1-long2)**2))
    return ret

```

```

def randomNCitys(N=100):
    cidIds = set()
    for _ in range(0,N):
        cId = random.randint(1,285)
        if cId in cidIds:
            continue
        else:
            cidIds.add(cId)
    return cidIds

```

```

def Idcidade(cidade):
    for l in lines:
        if cidade == l[1]:
            return l[0]
        else:
            continue

```

*#criacao das cidades*

```

cidfile = open('plsrc/cidades.pl','w+',encoding='utf-8')
cidfile.write(r'%cidade(ID,Nome,Latitide,Longitude,Admin,Capital)')
cidfile.write('\n')

```



```

for l in lines:
    s = "cidade({},{},{},{},{},{})\n".format(l[0],l[1],l[2],l[3],l[4],l[5])
    cidfile.write(s)
cidfile.close()

```

*#ciarcao das caracteristicas*

```

carfile = open('plsrc/caracteristicas.pl','w+',encoding='utf-8')
carfile.write(r'%hotel5Estrelas(ID)')
carfile.write('\n')
carfile.write(r'%monumentos(ID)')
carfile.write('\n')
carfile.write(r'%especialidadeGastronomica(ID)')
carfile.write('\n')
carfile.write(r'%espacosVerdes(ID)')
carfile.write('\n')
carfile.write(r'%atividadesNoturnas(ID)')
carfile.write('\n')

```

```

carfile.write('\n\n\n')
carfile.write(r'%-----_Cidades_Com_5_Estrelas_-----')
carfile.write('\n\n\n')

```

```

hoteis = set()

```

```

for k , v in dist_dict.items():
    s = 'hotel5Estrelas({})\n'.format(Idcidade(k))
    hoteis.add(s)

```

```

cidComhotel=randomNCitys(100)

```

```

for i in cidComhotel:
    s = 'hotel5Estrelas({})\n'.format(i)
    hoteis.add(s)

```

```

for s in hoteis:
    carfile.write(s)

```

```

carfile.write('\n\n\n')
carfile.write(r'%-----_Cidades_Com_Monumentos_-----')
carfile.write('\n\n\n')

```

```

monumentos = set()

```

```

for k , v in dist_dict.items():
    s = 'monumentos({})\n'.format(Idcidade(k))
    monumentos.add(s)

```

```

cidComMonumento=randomNCitys(100)

```

```

for i in cidComMonumento:

```

```

s = 'monumentos({}).\n'.format(i)
monumentos.add(s)

for s in monumentos:
    carfile.write(s)

carfile.write('\n\n\n')
carfile.write(r'%-----_Cidades_Com_Especialidades_Gastronomicas_
-----')
carfile.write('\n\n\n')

EspeGast = set()

for k , v in dist_dict.items():
    s = 'especialidadeGastronomica({}).\n'.format(Idcidade(k))
    EspeGast.add(s)

cidComEP=randomNCitys(100)
for i in cidComEP:
    s = 'especialidadeGastronomica({}).\n'.format(i)
    EspeGast.add(s)

for s in EspeGast:
    carfile.write(s)

carfile.write('\n\n\n')
carfile.write(r'%-----_Cidades_Com_Espa os_Verdes_-----')
carfile.write('\n\n\n')

EspVerd = set()

for k , v in dist_dict.items():
    s = 'espacosVerdes({}).\n'.format(Idcidade(k))
    EspVerd.add(s)

cidComEV=randomNCitys(100)
for i in cidComEV:
    s = 'espacosVerdes({}).\n'.format(i)
    EspVerd.add(s)
for s in EspVerd:
    carfile.write(s)

carfile.write('\n\n\n')
carfile.write(r'%-----_Cidades_Com_Atividades_Noturnas_
-----')
carfile.write('\n\n\n')

ActNot = set()

cidComAN=randomNCitys(100)
for i in cidComAN:
    s = 'atividadesNoturnas({}).\n'.format(i)
    ActNot.add(s)

```

```

for s in ActNot:
    carfile.write(s)

carfile.close()

#cria o dos arcas

arcos = set()
acrfile = open('plsrc/grafo.pl', 'w+', encoding='utf-8')
acrfile.write(r'%arco(IDCidade1, IDCidade2, Distancia) ')
acrfile.write('\n')
for k , v in dist_dict.items():
    cidadesk = cidadesDo_distrito(k)
    cap = Idcidade(k)
    for ck in cidadesk:
        if cap == ck:
            continue
        s = 'arco({},{},{})\n'.format(ck, cap, distancia(ck, cap))
        a = 'arco({},{},{})\n'.format(cap, ck, distancia(cap, ck))
        arcos.add(a)
        arcos.add(s)
    for ad in v:
        cap1 = Idcidade(ad)
        cap2 = Idcidade(k)
        s = 'arco({},{},{})\n'.format(cap2, cap1, distancia(cap2, cap1))
        arcos.add(s)

for s in arcos:
    acrfile.write(s)

acrfile.close()

```

## Main.pl

```
%-----
% SIST. REPR. CONHECIMENTO E RACIOCINIO - MiEI
%
% Davide Matos - A80970

%-----
% SICStus PROLOG: Declaracoes iniciais

:- set_prolog_flag( discontinuous_warnings, off ).
:- set_prolog_flag( single_var_warnings, off ).
:- include( 'cidades.pl' ).
:- include( 'grafo.pl' ).
:- include( 'caracteristicas.pl' ).

%-----
% SICStus PROLOG: definicoes iniciais

:- op( 900,xfy,':' ). % defini o de um invariante

%-----
% Termo, Predicado, Lista -> {V,F}
% Solucoes
solucoes(T,Q,S) :- findall(T,Q,S).

%-----
% Predicado nao
nao( Questao ) :-
    Questao,!,fail.
nao(_).

%-----
% Predicado comprimento
comprimento(S,N) :-
    length(S,N).

%-----
% Predicado que da print
escrever( []).
escrever( [X|T] ) :-
    write(X),
    nl,
    escrever(T).

%-----
% Predicado que adiciona a uma lista
add(X, [], [X]).
add(X, [Y | T], [X,Y | T]) :- X @< Y, !.
add(X, [Y | T1], [Y | T2]) :- add(X, T1, T2).
```

```

%-----%
%                                %
%                                %
%-----%

%-----DEPTH FIRST-----%

%-----QUERIE 1-----%
% escolher um qualquer percuso entre duas cidades

percurso(Origem, Destino, [Origem|Caminho], Dist) :-
    % fun ao principal
    percursoAux(Origem, Destino, Caminho, Dist, []).
    % Lista de
    Visitados inicialmente Vazio

percursoAux(Destino, Destino, [], 0, _).
    % caso de paragem
percursoAux(Origem, Destino, [Prox|Caminho], Dist, Visitados) :-
    Origem \= Destino,
    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),
    %
    % procura o arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),
    %
    % verifica que o Proximo nao est na lista de Visitados
    percursoAux(Prox, Destino, Caminho, Dist2, [Origem|Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

adjacente(Origem, Prox, Dist) :-
    %
    % vai buscar o arco
    arco(Origem, Prox, Dist).

    % Procura o arco Origem, Destino

caminhos(Origem, Destino) :-
    findall((S, Dist), percurso(Origem, Destino, S, Dist), L),
    % imprime todos
    escrever(L).

% Exemplo caminhos(21,23).

%-----QUERIE
2-----%
% Selecionar apenas cidades com uma determinada caracteristica para
um determinado trajeto.

```

```

%primeira query para a caracteristica hotel5estrelas.

percursoacarHotel(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-
    percursoacarHotelAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoacarHotelAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoacarHotelAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados) :-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    hotel5Estrelas(Prox),

    % Verificar a proxima cidade tem hotel 5 estrelas
    percursoacarHotelAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
        Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosHotel(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursoacarHotel(Origem, Destino, S, Dist), L),
    escrever(L). % print listas

% Exemplo todoshotel(2,32).

%query para a caracteristica monumentos.

percursoacarMonumento(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-
    percursoacarMonumentoAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoacarMonumentoAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoacarMonumentoAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados)
:-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    monumentos(Prox),

```

```

    % Verificar a proxima cidade tem monumentos
    percursocarMonumentoAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
        Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosMonumento(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursocarMonumento(Origem, Destino, S, Dist), L),
    escrever(L).          % print listas

% Exemplo todosMonumento(2,32).

%query para a caracteristica especialidades gastronomicas.

percursocarEspGast(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist):-
    percursocarEspGastAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursocarEspGastAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursocarEspGastAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados)
:-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    especialidadeGastronomica(Prox),

    Verificar a proxima cidade tem especialidades gastronomicas
    percursocarEspGastAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
        Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosEspGast(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursocarEspGast(Origem, Destino, S, Dist), L),
    escrever(L).          % print listas

% Exemplo todosEspGast(2,32).

%query para a caracteristica espa os verdes.

```

```

percursoCarEspVerde(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-
    percursoCarEspVerdeAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoCarEspVerdeAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoCarEspVerdeAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados)
:-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    %
    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    %
    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    espacosVerdes(Prox),

    %
    Verificar a proxima cidade tem espa os verdes
    percursoCarEspVerdeAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
        Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosEspVerde(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursoCarEspVerde(Origem, Destino, S, Dist), L),
    escrever(L). % print listas

% Exemplo todosEspVerde(2,32).

%query para a caracteristica actividades noturnas.

percursoCarAtiNoct(Origem, Destino, [Origem|Percurso], Dist) :-
    percursoCarAtiNoctAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoCarAtiNoctAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoCarAtiNoctAux(Origem, Dest, [Prox|Caminho], Dist, Visitados)
:-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    %
    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    %
    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    actividadesNoturnas(Prox),

    %
    Verificar a proxima cidade tem actividades noturnas

```



```

percursoCarAtiNoctAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
    Visitados]),
Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosAtiNoct(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursoCarAtiNoct(Origem, Destino, S, Dist), L),
    escrever(L).          % print listas

% Exemplo todosAtiNoct(2,32).

%-----QUERIE
% 3-----
% Escolher um trajeto que passa por cidades que excluem uma determinada
%      característica.

percursoExccarAtiNoct(Origem, Destino, [Origem | Percurso], Dist) :-
    percursoExccarAtiNoctAux(Origem, Destino, Percurso, Dist, []).

percursoExccarAtiNoctAux(Dest, Dest, [], 0, _).
percursoExccarAtiNoctAux(Origem, Dest, [Prox | Caminho], Dist, Visitados
) :-
    Origem \= Dest,

    % se Origem diferente de Destino
    adjacente(Origem, Prox, Dist1),

    %
    Procura arco adjacente
    nao(member(Prox, Visitados)),

    %
    Verifica que o proximo nao esta na lista de Visitados
    nao(atividadesNoturnas(Prox)),

    %
    Verificar a proxima cidade nao tem atividades noturnas
    percursoExccarAtiNoctAux(Prox, Dest, Caminho, Dist2, [Origem |
        Visitados]),
    Dist is Dist1 + Dist2.

    % somar as distancias

todosExcAtiNoct(Origem, Destino):-
    findall((S, Dist, Car), percursoExccarAtiNoct(Origem, Destino, S, Dist),
        L),
    escrever(L).          % print listas

```

```

%-----QUERIE-----
4
% identificar a cidade dum trajeto com o maior numero de liga oes.

maiorNrConecoes ([ Origem | Caminho ], L) :-
    maiorNrConecoesAux (Origem, Caminho, [], []).

maiorNrConecoesAux (C, [], [], L) :-
    nrConecoes (C, A),
    append ([A], L, L1),
    max_in_list (L1, R),
    write(R).

maiorNrConecoesAux (Origem, [ Prox | Caminho ], Visitados, L) :-
    adjacente (Origem, Prox, _),
    nao(member(Prox, Visitados)),
    nrConecoes (Origem, R),
    maiorNrConecoesAux (Prox, Caminho, [ Origem | Visitados ], L1),
    append ([R], L1, L).

nrConecoes (Id, L) :-
    findall(X, adjacente (Id, _, _), Z),
    length(Z, L).

max_in_list ([Max], Max).

max_in_list ([H, K | T], M) :-
    H <= K,
    min_in_list ([K | T], M).

max_in_list ([H, K | T], M) :-
    H > K,
    min_in_list ([H | T], M).

min_in_list ([ (P, Min) ], (P, Min)).
    minimum                                     % We've found the

min_in_list ([ (A, H), (B, K) | T ], (C, M)) :-
    H <= K,                                     % H is less than or equal to K
    min_in_list ([ (A, H) | T ], (C, M)).      % so use H

min_in_list ([ (A, H), (B, K) | T ], (C, M)) :-
    H > K,                                     % H is greater than K

```

```

    min_in_list ([ (B,K) | T ], (C,M) ).                                % so use K

%-----QUERIE
5-----
% Escolher o menor percurso (crit rio de menor numero de cidades).

menorPercursoCidades (Origem, Destino) :-
    findall ((P, Dist, T), percurso2 (Origem, Destino, Dist, P, T), L),
    min_in_list2 (L, R),
    write(R).

percurso2 (Origem, Destino, Dist, [ Origem | Percurso ], T) :-
    percursoAux2 (Origem, Destino, Percurso, Dist, [], T).

percursoAux2 (Destino, Destino, [], 0, _, 0).
percursoAux2 (Origem, Destino, [ Proximo | Percurso ], Dist, Visitados, T) :-
    Origem \= Destino,
    arco (Origem, Proximo, Dist1),
    \+member (Proximo, Visitados),
    percursoAux2 (Proximo, Destino, Percurso, Dist2, [ Origem | Visitados
        ], T1),
    T is T1+1,
    Dist is Dist1 + Dist2.

min_in_list2 ([ (P,D,Min) ], (P,D,Min) ).

min_in_list2 ([ (A,D,H), (B,E,K) | T ], (C,F,M)) :-
    H <= K,
    min_in_list2 ([ (A,D,H) | T ], (C,F,M)).

min_in_list2 ([ (A,D,H), (B,E,K) | T ], (C,F,M)) :-
    H > K,
    min_in_list2 ([ (B,E,K) | T ], (C,F,M)).

%exemplo menorPercursoCidades(3,10).

%-----QUERIE
6-----
% Escolher o menor percurso (crit rio da distancia).

maisPercursoDistancia (O,D) :- findall ((P, Dist), caminhos (O,D, Dist, P), L),
    ,
    min_in_list (L, R),
    write(R).

min_in_list ([ (P,Min) ], (P,Min) ).

min_in_list ([ (A,H), (B,K) | T ], (C,M)) :-
    H <= K,
    min_in_list ([ (A,H) | T ], (C,M)).

```

```

min_in_list ([ (A,H) , (B,K) | T] , (C,M)) :-
    H > K,
    min_in_list ([ (B,K) | T] , (C,M)) .

%-----QUERIE-----
%7-----
% Percurso que passa so por cidades admin.

todosAdmin(Origem, Destino) :-
    findall ((P, Dist) , municipio(Origem, Destino, P, Dist , 'admin ' ) , L) ,
    escrever(L) .

municipio(Origem, Destino , [ Origem | Caminho] , Dist , 'admin ' ) :-
    municipioAux(Origem, Destino , Caminho, Dist , 'admin ' , []) .

municipioAux(Destino , Destino , [], 0 , _ , _).
municipioAux(Origem, Destino , [ Proximo | Caminho] , Dist , 'admin ' , Visitados)
:-
    Origem \= Destino ,
    adjacente(Origem, Proximo , Dist1) ,
    cidade(Proximo , _ , _ , _ , 'admin ' ) ,
    nao(member(Proximo , Visitados)) ,
    municipioAux(Proximo , Destino , Caminho, Dist2 , 'admin ' , [ Origem |
        Visitados]) ,
    Dist is (Dist1 + Dist2) .

%-----Query 8-----%
% Percurso com cidades intermediarias.

percursoPor(Origem, Destino , Intermedios) :-
    findall ((P, Dist) , percurso(Origem, Destino , P, Dist ) , L) ,
    testa(L, Intermedios , R) ,
    escrever(R) .

%Filtra os Percursos que cumprem com o itinerario

testa ([ (X,D) | T] , L, R) :-
    testa(T, L, K) ,
    temTodos(L, X) , append ([ (X,D) ] , K, R) .

%verifica se uma lista tem elementos de outra
temTodos ([ ] , _).
temTodos ([ H | T] , L) :- member(H, L) , temTodos(T, L) .

%exemplo percursoPor(2,10,[32]) .

```