Tema 4 Abril 2018

4.1. Una onda sonora plana, cuya presión acústica es $p = 20\cos\left(3630\pi t - 6\pi\right) \sqrt[4]{x} + 3\pi y$ Pa (t en s, x e y en m), incide desde un medio ① $\left(\rho_{01} = 0,6 \text{ kg m}^{-3}\right)$ sobre la frontera con un medio ② $\left(\rho_{02} = 2\rho_{01}; \ Z_2 = Z_1\sqrt{3}\right)$, tal como muestra la figura. De forma razonada, obtener la función de onda para la presión acústica en el medio ②, así como la fracción de intensidad reflejada y transmitida en la frontera.

Junio 2018 Problema 4.1

- **4.2.** Una onda sonora plana, que se propaga en un medio ① $(Z_1 = 250 \text{ rayl})$ incide sobre la frontera de un medio ② $(Z_2 = 400 \text{ rayl})$, observándose que, cuando el ángulo de incidencia θ_i verifica $\cos \theta_i = \frac{5}{12}$, no existe haz reflejado. De forma razonada, obtener:
- 1) La relación entre las densidades de ambos medios.
- 2) La fracción de intensidad transmitida en la frontera.

Junio 2018

4.3. Un foco emite ondas sonoras planas, de longitud de onda 16 cm, en un medio ① de densidad 800 kg m⁻³. La función de onda para el desplazamiento de las partículas del medio, en el foco, es $\vec{\xi}_{(0,t)} = \frac{4}{3\pi} \cos\left(15\pi \cdot 10_3 t - \frac{\pi}{4}\right) \underline{u}_y \mu m \ (t \text{ en s})$. Las ondas inciden perpendicularmente en la frontera

con otro medio ② y se observa que, en un punto A, situado entre el foco y la frontera y a 30 cm de la misma, la intensidad es 240 Wm^{-2} .

1) Determinar de forma razonada la impedancia del medio ②, sabiendo que es menor que la del medio ①.

Si la distancia entre el foco y el punto A es 57 cm:

2) Obtener razonadamente la función de onda para la presión acústica asociada a la onda reflejada, en función de la distancia al foco.

Julio 2018

4.4. Un foco situado en un medio $\mathbb{O}(Z_1 = 420 \text{ rayl}, \rho_{01} = 0.5 \text{ kg m}^{-3})$ emite ondas planas de intensi-

 $\frac{27}{280} \, \mathrm{Wm^{-2}}$. Las ondas inciden perpendicularmente en la frontera con otro medio 2

 $(Z_2 = 210 \text{ rayl}; \rho_{02} = 1 \text{ kg m}^{-3})$. Si los puntos más cercanos a la frontera en los que se producen máximos de intensidad están situados a 40 cm de ella, determinar de forma razonada:

- 1) La amplitud del desplazamiento de las partículas del medio en los puntos indicados anteriormente.
- 2) La función de onda para la presión acústica en el medio ②, suponiendo que la fase inicial en el foco es nula.
- 3) Si existe algún ángulo de incidencia para el que la amplitud de la presión acústica en el medio ② sea nula. En caso afirmativo, determinar su valor.

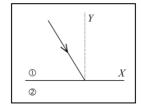
Octubre 2018

4.5. Una onda sonora plana, que se propaga en un medio $\mathbb{O}(Z_1 = 400 \text{ rayl})$, incide sobre la frontera

de un medio \mathbb{Q} ($Z_2 = 500 \text{ rayl}$), como se indica en la figura. La presión acústica

de la onda incidente es
$$p_i = 8\cos\left(2\pi \cdot 10^3 t - \frac{9\pi}{2}x + \frac{3\pi\sqrt{7}}{2}y\right)$$
 Pa $(t \text{ en s}, x \text{ e } y \text{ en }$

m), observándose que la intensidad de la onda reflejada en la frontera es nula. De forma razonada, obtener la función de onda para la velocidad vibratoria de las partículas en el medio ②, así como la fracción de intensidad transmitida.



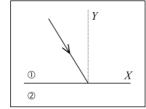
Problema 4.5

Enero 2019

4.6. Una onda sonora plana y armónica incide sobre la frontera de separación entre dos medios ① y ② (ver figura), siendo $Z_1 = 418 \text{ rayl}$, $Z_2 = 209 \text{ rayl}$, $Z_3 = 512 \text{ ms}^{-1}$. Si la presión acústica de la onda

incidente es
$$p_i = 110\cos\left|\frac{7680\pi t - 3\pi\sqrt{\frac{7}{3}}(3x - 4y)}{1}\right|$$
 Pa (t en s, x e y en m),

obtener de forma razonada la función de onda correspondiente a la velocidad oscilatoria de las partículas en el medio ②, así como las fracciones de intensidad reflejada y transmitida en la frontera.



Problema 4.6

44 Dbil 2018. P=2065 (3630Tl -6T JZx+3Ty) Pa his cot cont Por = 0, 6 kg/m3 Poz = 7 Po+ 20= 21 53 · com plans: 7 = Po.75 3= 7 · obtener finción de end prolopres sen restico e el moio (pt) · Fracció intensidad reflejado y transitad en la frenten : It Pi(r,t) = Pe: (s (wt - Kir 5 + 4)) KX. X + KY. Y = 6 TF X - 3 TY ki = kx. ux + ky. uy + kz. ut 1 F= X wx + Y wx + Z. wz \ Xx = 6 T /2 rd/m hy = - 3T 10d/m. $u\bar{r} = \frac{K\bar{i}}{|K_i|} = \frac{6\pi \sqrt{2} u\bar{x} - 3\pi u\bar{y}}{9\pi} = \frac{1}{3} u\bar{x} - \frac{1}{3} u\bar{y} = 2\pi 0i u\bar{x} - 6\pi 0i u\bar{x}$ Jan 01 = 3 (esoi = 1/3 -Us = 1210 m/s Consplero 7= Po US = Po1 251 = 0,6. 7270 = 242 royl. 72 = 21 13 = 242 13 royl. | [Vsz = Poz 2.0,6] = 3 mls Zz = Poz. 252

ley & Sall:

$$V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{1}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{2}} \cdot San \circ i = V_{S_{2}} \cdot San \circ i$
 $V_{S_{$

$$R = \frac{J_{r} \cos \theta r}{J_{i}^{2} \cos \theta i} = \left\{ \frac{\partial r}{\partial r} = 0 \right\} = \frac{J_{r}}{J_{i}^{2}} = \left\{ \frac{J_{r} \cos \theta i}{J_{r} \cos \theta i} + \frac{J_{r}$$

$$Pol = Poi \qquad Por + Poi = Pol$$

$$R+T=1 \rightarrow R=0, T=1 \rightarrow T=\frac{56 \cdot 6000}{56 \cdot 6000} = 1$$

$$\left[\begin{array}{c} Pci = Pol. \\ \hline Ji = \frac{13}{5600} = \frac{13}{3} \end{array}\right]$$

$$\left[\begin{array}{c} Tci = 70i \\ \hline Ji = \frac{13}{5600} = \frac{13}{3} \end{array}\right]$$

7. Rehald on the
$$Z = \frac{P}{Vp}$$
 $Vs_z = \frac{Zt}{Poz}$ $Vs_z = \frac{Zt}{Poz}$

R =
$$\frac{J_{r.cool}}{J_{r.cool}} = \frac{|P_{cr}|^{2}}{|P_{c.}|^{2}} = \frac{|P_{c.}|^{2}}{|P_{c.}|^{2}} = \frac{|P_{c.}|^{2}}{|P_{c.}|^{2}}$$

$$3 = \sqrt{1 - \left(\frac{5}{41}\right)^2} = \sqrt{\frac{5}{12}}$$

$$3 = \sqrt{\frac{5}{12}}$$

$$3 = \sqrt{\frac{5}{12}}$$

$$3 = \sqrt{\frac{5}{12}}$$

$$8 = \sqrt{\frac{1}{12}}$$

$$8 = \sqrt{\frac{1}{12}}$$

$$8 = \sqrt{\frac{1}{12}}$$

$$3 = \sqrt{1 - (\frac{2}{3})^2} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\frac{1}{100} = \frac{5}{8} \cdot \frac{12\sqrt{5}}{3.\sqrt{119}} = \frac{5\sqrt{5}}{2\sqrt{119}}$$

$$\frac{12\sqrt{5}}{12\sqrt{119}} = \frac{5\sqrt{5}}{2\sqrt{119}}$$

2) forceix de internadod tomonition a la fronter.

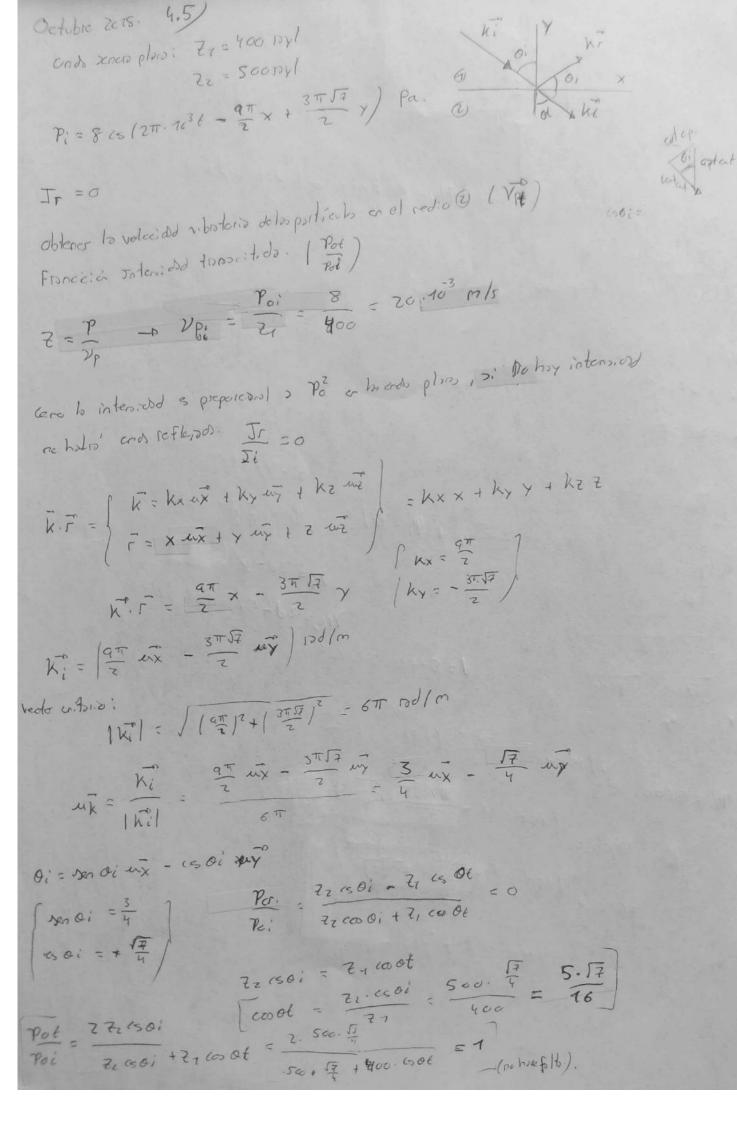
$$R=c, T=1 = \frac{Jt \cdot csot}{Ji \cdot csot}$$

4.3. Codos Plans. € (0,1) = 4 (5 (15 T) 103 E - T) ery pm ((en3) (Judica)). 23d [this] Codo inco perperdiaberrate or bo Frente es de redio. I(A) = 240 W/m2 = 4 Y=30cm Al ser ords sesties, sus and legitation y per letter to disease de prepission 1. Importantel redio (3), Zz & Zy € fy,1) = 3 = 10 e estaron ge h de vibración. K; = ZF = ZT pd/m. 20 11 6 - 20 20 8 1155.436 - 25 x+ Py) my m/s 9-0 = - 4 | 9= # - T = T υρ = d ες = 20.10-3. e 1/15 π.1036 - 254 γ + 4) ~ m/s Zi = Pi = {codin Plan} = Pci. Vs = 800. 5. 203 = 960.203 royl. $U_{5} = \frac{\omega}{K_{1}} = \frac{18\pi \cdot 16^{3}}{25\pi} = \frac{6}{5} \cdot 16^{3}$ Pi= νρί. ζί = 19200 · e

God poto A: J(8) = Ji(8) + Jr(18) + 2 / Jr2+Ji2 Co SA J: (A) = 29075 Poi = 2.800.6.103 = 192 W/m2 S(D) = (wt - k. Y: + 4:) - lwt - k. Y, + 4r) Por 2 1501 - 21501 - 21-21 20 2 Poi = 21601 + 216501 - 21121 [0: = 01 = 01 = 0] [[22 < 21] Concerde. Inont. Sthlyr-Yi) + (41-4r) = 25 T (1+30. 202 - (0-30. 202)) + # Hoy combic & force a lo reflexie : S= 25x 3 + T = 77 = 7 JA = J: (A) + Jr (A) (5/ =)=0 Jr(A) = 240 - 192 = 48 W/m2 Jr (b) = Por A) -> Por = 548.2.800. \(\frac{6}{5}.70^3 = 9600 \text{ Pa.}}

2808

For
$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$



Condition of Function:
$$Pei = Por + Pel \rightarrow Poi = Pel = 8 Pa.$$

Condition of Function: $Pei = Por + Pel \rightarrow Poi = Pel = 8 Pa.$

Condition of Function: $Pei = Por + Pel \rightarrow Poi = Pel = 8 Pa.$

Condition of Function: $Pei = Por + Pel \rightarrow Pel = Pel = 8 Pa.$

Condition of Function: $Pei = Por + Pel \rightarrow Pel = Pel$

Fine city a intersided toward of
$$\frac{J6}{Ii}$$

$$T = \frac{J4. \ G606}{Ji \ G606} = 1$$

$$\frac{J6}{Ji} = \frac{G606}{G606} = \frac{4}{Ji}$$

$$\frac{J6}{Ji} = \frac{G606}{G606} = \frac{4}{Ji}$$

$$\frac{J7}{J6} = \frac{G7}{G606} = \frac{4}{J}$$

$$\frac{J7}{J6} = \frac{G7}{J6} = \frac{4}{J6}$$

Pi = 170 00 [7680 TH - 3T /3 (3x-4x)] Pa 6000 . 2019. 4.6. Z = 478 royl 7 = 709 PX Ni oi Ni 252 = 572 m/s obtener relaced & bapaticular er al redicte Free: 2 interested reflegad y tonorited a do funtos K" = K"). UK" K. F = \ F = X LX + Y LY + Z LZ \ 水·下= 9TTデ× - たT 子y hi = 95 /3 ex - 127 /3 uy | Kil = 5 527 TT Ley & Snell: Sen Oi - mot 75, 752 $Den Ol = \frac{Ds_{2} \cdot Den Oi}{Ds_{1}} = \frac{512 \cdot 3}{1536} = \frac{512 \cdot 3}{1536 \cdot 5} = \frac{5}{5}$ Por = 72 (50i - 71 (50t) = 709. 5 - 418. 5 = 0

Poi 72 (50i + 71 (50t) = 709. 4 + 415. 5 = 0

$$D_{S2} = \frac{\omega}{k\epsilon} \qquad \Rightarrow k\epsilon = \frac{\omega}{k\epsilon} = \frac{7680\pi}{812} = 15\pi \text{ rod/m}.$$

$$k\epsilon = k\epsilon \cdot \omega k\epsilon$$

$$k\epsilon = k\epsilon \cdot \omega k\epsilon$$

$$\omega k\epsilon = \frac{2\pi}{5}$$

$$\omega k\epsilon = \frac{2\pi}{$$

Condicions de Frontes Pois = Por + Pot - Po#= Pois 190 Pa

$$P_{t} = 170^{\circ} e^{i(7680\pi(-3521\pi \times + 6\pi y))} Pa$$
 $Z_{2} = \frac{p_{t}}{\nu_{Rt}} \rightarrow \nu_{P_{t}} = \frac{10}{22} = \frac{10}{209} e^{i(7680\pi(-3521\pi \times + 6\pi y))} m/s$

toxcid de la intenido!

Alse ando plass: I & Po, como Por =0 entenos Jr=0

$$R = \frac{J_{1} \cdot cs \theta_{1}}{J_{1} \cdot cs \theta_{1}} = 0$$

$$T = \frac{J_{1} \cdot cs \theta_{1}}{J_{1} \cdot cs \theta_{1}} = 1 \quad T = \frac{J_{1}}{J_{1} \cdot cs \theta_{1}} = \frac{\zeta}{S} = Z$$

$$R \neq T = 1 \quad T = 1$$

Problema 4.1

1)
$$p_t = 20\cos(3630\pi t - 6\pi\sqrt{x} + 6\pi y)$$
 Pa

2)
$$\frac{I_r}{I_i} = 0$$
; $\frac{I_t}{I_i} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

Problema 4.2

1)
$$\frac{\rho_{01}}{\rho_{02}} = \frac{5\sqrt{5}}{2\sqrt{19}}$$

$$2) \quad \frac{I_t}{I_i} = \frac{5}{8}$$

Problema 4.3

1)
$$Z_2 = 3, 2 \cdot 10^5 \text{ rayl}$$

1)
$$Z_2 = 3, 2 \cdot 10^5 \text{ rayl}$$

2) $p = 9,6\cos\left(15\pi \cdot 10^3 t + \frac{\pi}{8}y - \frac{\pi}{2}\right) \text{ kPa}$ (y en cm)

Problema 4.4

1)
$$\xi_0 = \frac{4}{147\pi} \text{mm}$$

2)
$$p = 6\cos(1050\pi t - 5\pi x)$$
 Pa

3) No existe ningún ángulo.

Problema 4.5
$$\left(\begin{array}{c} 3 & 9\pi & 5\pi & 7 \\ \left(\begin{array}{c} v_p \end{array}\right) = \begin{array}{c} -\frac{2}{3} & \cos \left(\begin{array}{c} 3 & 9\pi & 5\pi & 7 \\ 2 & x + \sqrt{3} & y \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 9 & -\frac{5}{3} & 7 \\ y & 1 & 125 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}\right) = \begin{array}{c} -1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}$$

$$\frac{I_t}{I_i} = \frac{4}{5}$$

Problema 4.6

$$v = \frac{10}{19} \cos \left[7680\pi t - 3\pi \left(\sqrt{21}x - 2y \right) \right] \left(\frac{21}{\sqrt{5}} u_x - \frac{2}{5} u_y \right) \operatorname{ms}^{-1}; I_r = 0; I_t = 2$$