

Examen parcial:

Teoría

1. La búsqueda lineal es muy sencilla, se utiliza para buscar objetos en arreglos un ejemplo sencillo es el siguiente.

A Pedro de 5 años le explico:

Abre la pacha imaginando que tienes que encontrar con jugete en una fila de cajas; todas que encuentres tu jugete y para eso las cajas estan numeradas, de colores o con el simbolo de tu super heroe favorito, entonces vas abriendo cada caja una por una en sentido de izquierda a derecha; si encuentras tu jugete favorito te fijas en que caja esta ya sea por su color o numero o emblema de super heroe, entonces le dices a tu maestro

* Jugete encontrado en caja de Spiderman

Si no se encuentra el jugete simplemente le dices a tu maestro no esta.

De esa manera se implementa un algoritmo de búsqueda lineal en un arreglo ordenado ya sea de strings o números y se dice en donde esta ese objeto si o si devuelve un -1.



1.2)

Sea $f(x) = \frac{1}{2} x^T Q x - b^T x$ si se desea obtener el minimizador sobre la línea $x_k + \alpha p_k$ se pueden fijar x_k y p_k y se busca $\min_{\alpha \in \mathbb{R}} \{ f(x_k + \alpha p_k) \} = \phi(\alpha)$

Por las primeras condiciones de optimalidad se obtiene un óptimo de α si $\phi'(\alpha) = 0$

$$\Rightarrow \phi'(\alpha) = \nabla f(x_k + \alpha p_k)^T p_k = 0$$

$$\nabla f(x) = Qx - b$$

$$\Rightarrow \nabla f(x_k + \alpha p_k) = Q(x_k + \alpha p_k) - b$$

$$\Rightarrow \nabla f(x_k + \alpha p_k)^T p_k = (Q(x_k + \alpha p_k) - b)^T p_k = 0$$

$$\Rightarrow ((Qx_k - b) + \alpha Qp_k)^T p_k = 0$$

$$\Rightarrow (Qx_k - b)^T p_k + \alpha p_k^T Q p_k = 0$$

$$\Rightarrow \nabla f(x_k)^T p_k + \alpha p_k^T Q p_k = 0$$

$$\Rightarrow \alpha p_k^T Q p_k = -\nabla f(x_k)^T p_k$$

$$\therefore \alpha = \frac{-\nabla f(x_k)^T p_k}{p_k^T Q p_k}$$

en clase vimos como f es convexa el óptimo es mínimo y como es mínimo Q es semidefinida positiva.

