第11篇

数字在排序数组中出现的次数

问题

统计一个数字k在排序数组中出现的次数。

思路

要充分利用数字已排序这个特点。最基本的思路是,二分查找,找到一个k,然后向前后顺序计数,找 到所有k的个数。

如果要更加高效一点的话,可以变换思路,用二分查找的方式,找到首尾的两个k,首尾下标之间的距离就是k的个数。

以查找开头第一个k为例,二分查找分两半,看mid和k的大小比较,如果mid比k大,说明k应该在前一半,则递归去前一半;如果mid比k小,说明k在后一半,则递归去后一半。如果mid和k相等,则判断 mid是否是第一个k,就看mid的前一个是否为k,如果不是k,则找到啦,返回mid,如果是,则乖乖去 递归前一半。查找最末尾的k同上思路。

注意写的时候要留意边界条件。

代码

先皮一下,python中直接对数组 arr.count(k)就能完成这个要求了(捂脸)

正经代码:

```
# -*- coding:utf-8 -*-
class Solution:
    def GetNumberOfK(self, data, k):
        length = len(data)
        # write code here
        if data and k:
            first_k = self.get_first_k(data, length, k, 0, length - 1)
            last_k = self.get_last_k(data, length, k, 0, length - 1)
            if first k > -1 and last k > -1:
                return last_k - first_k + 1
        return 0
    def get_first_k(self, data, length, k, start, end):
        if start > end:
            return -1
        mid = int((start + end) / 2)
        if data[mid] < k:</pre>
```

```
start = mid + 1
    elif data[mid] > k:
        end = mid - 1
    elif data[mid] == k:
        if (mid > 0 \text{ and } data[mid-1] != k) or mid == 0:
            return mid
        else:
            end = mid - 1
    return self.get_first_k(data, length, k, start, end)
def get_last_k(self, data, length, k, start, end):
    if start > end:
        return -1
    mid = int((start + end) / 2)
    if data[mid] < k:</pre>
        start = mid + 1
    elif data[mid] > k:
        end = mid - 1
    elif data[mid] == k:
        if (mid < length - 1 and data[mid+1] != k) or mid == length -1:
            return mid
        else:
            start = mid + 1
    return self.get_last_k(data, length, k, start, end)
```

二叉树的深度

问题

输入一棵二叉树,求该树的深度。从根结点到叶结点依次经过的结点(含根、叶结点)形成树的一条路径,最长路径的长度为树的深度。

思路

遍历整个树,记录下遍历的路径,从而找到一个最长路径,得到深度。这种思路需要的代码量稍大,略 微复杂一点。

换个娇爽分析一下情况,如果树只有1个节点,其深度为1;如果根节点只有左子树,则深度为左子树的深度+1;如果只有右子树,则深度为右子树深度+1;如果左右都有,则深度为左右的深度的较大值+1。 按此思路,可写一个递归的方法。

```
# -*- coding:utf-8 -*-
# class TreeNode:
# def __init__(self, x):
# self.val = x
```

```
# self.left = None
# self.right = None
class Solution:
    def TreeDepth(self, pRoot):
        # write code here
        if not pRoot:
            return 0
        left = self.TreeDepth(pRoot.left)
        right = self.TreeDepth(pRoot.right)
        return max(left, right) + 1
```

平衡二叉树

问题

输入一棵二叉树、判断该二叉树是否是平衡二叉树。

平衡二叉搜索树(Balanced Binary Tree)具有以下性质:它是一棵空树或它的左右两个子树的高度差的绝对值不超过1,并且左右两个子树都是一棵平衡二叉树。

思路

结合上一题,思路是对每个节点,调用 TreeDepth 来判断其左右子树的深度差是否不超过1。 虽然实现简单,但问题在于,对递归判断每个节点时,调用 TreeDepth 会遍历该节点的每个子节点,导致底层的子节点多次重复访问,效率低。

思考是否有只需遍历一次的解法? 上面的思路中,我们是先判断根节点的树是否平衡,再判断子节点是否平衡,会导致判断根节点时访问过子节点了,判断子节点时又重复访问子节点。这实际上是先序遍历! 所以,如果变为后序遍历呢? 先访问左右子节点判断是否平衡,再判断根节点是否平衡,在访问子节点后记录子节点的深度,根节点时就可以直接获取此深度值,避免了对子节点的重复访问。

```
# 判断右子树是否平衡,不平衡则直接终止判断,返回false
is_right = self.IsBalanced_Solution(pRoot.right)
if not is_right:
    return False
# 左右均平衡,则计算深度,判断当前为根的树是否平衡
left_depth = pRoot.left.depth if pRoot.left else 0
right_depth = pRoot.right.depth if pRoot.right else 0
pRoot.depth = max(left_depth, right_depth) + 1
return abs(left_depth - right_depth) <= 1
```

数组中只出现一次的数字

问题

一个整型数组里除了两个数字之外,其他的数字都出现了偶数次。请写程序找出这两个只出现一次的数字。要求: 时间复杂度 O(n),空间复杂度 O(1)

思路

容易想到的方法,用list或set来记住两个数字,把数组读一遍,遇到当前在list里数字就把它去掉,最后剩下的就是两个只出现一次的数字。但这样导致空间复杂度超出限制了。

原书中的思路是,利用了二进制位运算xor的特性。同一个数字的二进制和它自己进行xor,最终一定会相互抵消(=0),所以说,假如这题是只有一个只出现了一次的数字,则可以从头对每个数累计进行xor,由于出现了两次的数都抵消了,最后剩下的就是那个只出现了一次的数字了。

那现在有两个只出现了一次的数字,该如何操作?由于这两个数字肯定不相同,所以对全部数字进行一遍xor之后,结果的值必不为0,而且结果是这两个数字进行xor之后的结果。所以,在结果二进制中,找到为1的一位,说明这两个数字的二进制,在这一位上必定不相同。因此,就根据这一位是1或是0,把整个数组划分为两个小数组,能够保证这两个数字分别出现在两个数组中(其他出现两次的数字,两个相同数字必定会被划到同一个子数组中,也就能抵消),然后两个小数组再各进行一次全面xor,就可以得到这两个数字了。

总共需要先把大数组xor一遍,找到哪一位二进制可用于区分,然后不必物理上把大数组划开,第二趟仍然可以把大数组过一遍,xor时根据这一位是0还是1,分别与不同的累积进行xor即可。

(感觉这个方法也挺折腾的.....)

代码

偷懒就用简单的方法来写了......

```
# -*- coding:utf-8 -*-
class Solution:
    # 返回[a,b] 其中ab是出现一次的两个数字
    def FindNumsAppearOnce(self, array):
        data = set()
        for d in array:
            if d in data:
                 data.remove(d)
        else:
                  data.add(d)
        return list(data)
```

和为s的两个数字

问题

输入一个递增排序的数组,和一个数字s,在数组中查找两个数,使它们的和正好是s。如果有多对和为s,输出两个数的乘积最小的。

思路

最基本的是从前往后,固定住某一位,然后判断它后面各位与它的和是否等于s,是的话就找到了一对。

但由于这个题只要求找一对即可,不用找全,所以可以有更优化的方法。两个指针分别指向首尾,两个值相加如果大于s,则让后面的指针往前走一走,如果小于s则让前面的指针往后走一走,直到找到和为s,或者指针重合也没找到。

为什么这样可行呢?如果值小于s,为什么不让后面的指针往后走,和也能变大呢?这是因为,后面的指针如果能够往后走(说明它曾经往前走过),是因为它加上数组最小的值之后还是大于s了,所以这时如果让后面指针往后走,结果必定大于s。如果值大于s,为什么不让前面的指针往前走呢?这是因为,如果前面的指针能往前走(说明它曾经往后走过),是因为它加上数组最大的值之后还是小于s了,这时往前走了,结果也必定小于s,没有必要。所以,上述方法虽然看起来略让人怀疑,但是可行的。

```
# -*- coding:utf-8 -*-
class Solution:
    def FindNumbersWithSum(self, array, tsum):
        if not array or not tsum:
            return []
        front = 0
        rear = len(array) - 1
        while front < rear:
            added = array[front] + array[rear]
        if added == tsum:
            return [array[front], array[rear]]</pre>
```

```
elif added < tsum:
    front += 1
else:
    rear -= 1
return []</pre>
```

补充

为什么从两端往中间找,找到的第一组满足条件的,就是乘积最小的呢? 试想

```
xy - (x-a)*(y+b) = xy - xy + bx - ay - ab = -b(a-x) - ay
```

肯定小于0,也就是说xy比xy向里逼近一点的乘积要更小。

如果要找乘积最大的一对,用变量存下当前找到的一对,继续往里直到front和rear重合,每找到新的就 覆盖变量,就能找到最里面的满足条件的一对。

和为s的连续正数序列

问题

有了前面的问题,再变得难一点:不再局限为两个数字的和了,也不局限在给定数组了,而是要在1,2,3.....的正数序列中,找到连续的子序列(至少包含两个数),使得其中的数之和为s;而且不光要找到一对,要找到所有的和为s的连续正数序列。

思路

原始的容易想到的思路就是,从头开始,对每一个数字,从它开始往后找序列,直到找到或者序列的和大于s了,就把前面的指针往后挪一个,继续找。直到指针指向的值大于s的一半了,说明再往后不会有和为s的了,就停止找下去。

这样的思路比较简单,但可能会有一些多余的计算。

仍然延续前面的思路,用两个指针,一个small,一个big。开始时,small指向1,big指向2。我们以 s=9为例,一开始{1, 2},和为3,小于s,则让big往后移动,{1, 2, 3},再继续{1, 2, 3, 4},此时 和为10,大于s,则让small往后移动,{2, 3, 4},等于9,找到一个。然后继续增加big,{2, 3, 4, 5}大于s,让small往后,{3, 4, 5}大于s,让small往后,{4, 5}等于9,找到一个。再让big往后,{4, 5, 6}大于s,让small往后,{5, 6},此时small已经大于9的一半了,不再继续寻找。

这样不会遗漏吗?比如,当和大于s时,为什么不让big往前走?是因为big之所以到这里,是由于它之前的和小于s了,再让big往前,和还是小于s;当小于s时为什么不让small往前走?是因为small之所以到这里,是由于它之前的和大于s了,再让small往前,和还是大于s。

更多可了解 https://blog.csdn.net/qq_41822235/article/details/82109081 (p.s.拿python刷题真的是写代码一时爽,内存和耗时伤不起啊,给耗时几毫秒的c++跪了)

```
# -*- coding:utf-8 -*-
```

```
class Solution:
   def FindContinuousSequence(self, tsum):
        if not tsum:
           return []
        result = []
        small = 1
        big = 2
        current_sum = small + big
        while small < (tsum + 1) / 2:
           while current sum < tsum:
               big += 1
                current_sum += big
            while sum(range(small, big + 1)) > tsum:
                current_sum -= small
                small += 1
            if current_sum == tsum and small != big:
                result.append(list(range(small, big + 1)))
                big += 1
                current_sum += big
        return result
```