# 第4篇

知识点: 递归和循环

# 斐波那契数列

## 要求

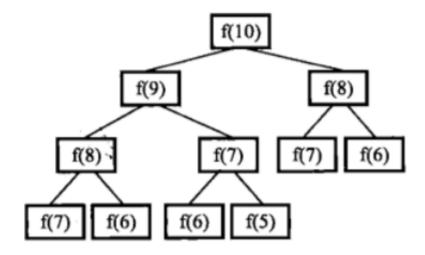
大家都知道斐波那契数列,现在要求输入一个整数n,请你输出斐波那契数列的第n项。 n<=39 斐波那契数列的定义: F(0)=0,F(1)=1, F(n)=F(n-1)+F(n-2) (n>=2,  $n\in N*$ )

# 代码

版本1:

```
class Solution:
    def Fibonacci(self, n):
        # 定义: F(0)=0, F(1)=1, F(n)=F(n-1)+F(n-2) (n>=2, n∈N*)
        if n == 0:
            return 0
        elif n == 1:
            return 1
        else:
            return self.Fibonacci(n-1) + self.Fibonacci(n-2)
```

问题:效率太低,满足不了oj的效率要求。且有很多重复计算!



改进:可以从下往上计算,从0,1一直叠加到n,就像人工做计算那样,从而避免重复

```
class Solution:
    def Fibonacci(self, n):
    # 定义: F(0)=0, F(1)=1, F(n)=F(n-1)+F(n-2) (n>=2, n\inN*)
```

```
if n == 0:
    return 0
elif n == 1:
    return 1
else:
    fib0 = 0
    fib1 = 1
    for _ in range(2, n+1):
        temp = fib1
        fib1 = fib0 + fib1
        fib0 = temp
    return fib1
```

妙用python语言的性质, for里面可以写成这样:

```
for _ in range(2, n+1):
    fib0, fib1 = fib1, fib0 + fib1
```

# 跳台阶

# 要求

一只青蛙一次可以跳上1级台阶,也可以跳上2级。求该青蛙跳上一个n级的台阶总共有多少种跳法。

# 思路

青蛙某次可以是在之前跳了(n-1)级的基础上,再跳了1级到达第n级,也可以是在之前跳了(n-2)级的基础上,再跳了2级到达第n级……依次类推,发现其实是一个斐波那契数列。

# 代码

```
class Solution:
    def jumpFloor(self, number):
        # 思路: 斐波那契数列问题,从后往前看,f(n) = f(n-1) + f(n-2)
        # f(1) = 1,        f(2) = 2
        if number <= 2:
            return number
    else:
        fib1 = 1
        fib2 = 2
        for _ in range(3, number+1):
            fib1, fib2 = fib2, fib1+fib2
        return fib2
```

# 变态跳台阶

## 要求

一只青蛙一次可以跳上1级台阶,也可以跳上2级......它也可以跳上n级。求该青蛙跳上一个n级的台阶总 共有多少种跳法。

#### 思路

思路与上一题类似,只不过在第n次时,要考虑到前面的各种情况,也就是说,到第n个台阶之前,可以是从(0)一步登天过来的,也可以是从(1)跳过来的,也可是从(2)跳过来的,把各种情况加起来。

思考时是从n往前思考,但实现时,要从前往后累加,避免重复计算。

#### 代码

```
class Solution:
    def jumpFloorII(self, number):
        # f(n) = once + f(1) + f(2) + ... + f(n-3) + f(n-2) + f(n-1)
        # f(n-1) = once + f(1) + f(2) + ... + f(n-3) + f(n-2)
        # f(n-2) = once + (1) + f(2) + ... + f(n-3)
        # ...
        # f(4) = once + f(1) + f(2) + f(3)
        # f(3) = once + f(1) + f(2)
        # f(2) = once + f(1)
        # f(1) = once
        # once = 1
        # 前面加上once表示考虑到之前未跳过,一次就跳到这一级的情况,once应该为1
        return 2 ** (number-1)
```

其实观察一下,就能发现 $f(n) = 2 \land (n-1)$ ,这还写个毛线代码,直接return就ok了……

# 矩形覆盖

## 要求

我们可以用2*1的小矩形横着或者竖着去覆盖更大的矩形。请问用n个2*1的小矩形无重叠地覆盖一个2\*n的大矩形,总共有多少种方法?

## 思路

宽度为n,可以用一个小矩形竖着放,占据1宽度,也可以用两个小矩形横着放,占据2宽度。这不还是 跳台阶问题嘛

## 代码

不重复了,就是上面的跳台阶。