

## 并行计算实验报告 - 1

### 运行命令

```
python Random_matrix.py 10 10  
./Reduction 10 10 -t -p -d  
mpiexec -n 5 ./Reduction_mpi 10 10 -t -p -d  
./Validation_mpi -p
```

### 原算法思路

- 原算法接收最多 5 个参数：前两个为  $M$  和  $N$  表示矩阵的行数和列数，然后是  $-t$ ，打印运行时间； $-p$  打印结果矩阵； $-d$  将结果矩阵分别存入文件。
- 原算法第 43 到 52 行为  $U\_t$ 、 $Alphas$ 、 $Betas$ 、 $Gammas$  各申请了  $N*N$  的空间，但 65 到 70 行的 `for` 循环中将数据读入到  $M*N$  的矩阵中，而后面 92 到 94 行又将计算结果存入矩阵，访问的范围是  $M*M$ （计算过程也是从  $M*M$  的矩阵中获取数据）。因此，当  $M>N$  时原始算法不能正常运行，所以进行实验时假设原始算法正确并且保证  $M<N$ ，在程序中进行检测，并在不满足时打印错误信息。
- 核心算法代码是 78 到 97 行的三层循环结构，且核心语句使用了全部三个循环变量  $i$ 、 $j$ 、 $k$ 。

### 并行改造思路

核心思想就是将原始算法第 78 行的循环拆解，将对  $M$  行的计算工作平均分配给其他进程，每一进程需要计算的行数  $= (M + \text{size} - 1) / \text{size}$ 。

在计算之前，主进程（MASTER 进程， $\text{rank}=0$ ）利用 MPI Broadcast 将输入矩阵广播给其他所有进程，为了方便进程间数据传输，将所有矩阵声明为一维数组，即将点  $U\_t(i, j)$  映射到  $U\_t'(i * N + j)$ 。另外，主进程开始计算任务之前先要使

用异步接收函数 `MPI_Irecv` 设置接收监听，以便其他进程计算完成之后能及时将数据回传给主进程汇总。

计算时，每个进程只计算  $\text{rank} * \text{rowPerRank}$  到  $(\text{rank} + 1) * \text{rowPerRank}$  之间的行的数据。

计算之后将自己计算过的行的数据回传给主进程。同时主进程要等待所有进程的数据都回传之后才会进行下一步操作（结束计时，输出结果等）。

## 运行结果

```
0 0 Broadcasted!
0 0 rowPerRank = 2
0 0 before set Irecv
0 0 setting Irecv for 1
0 0 Irecv for 1 set!
0 0 setting Irecv for 2
0 0 Irecv for 2 set!
0 0 setting Irecv for 3
2 2 Broadcasted!
2 2 rowPerRank = 2
2 2 Start computing...
2 2 End computing!
2 2 before send data
2 2 _size = 20
2 2 sending data
4 4 Broadcasted!
4 4 rowPerRank = 2
4 4 Start computing...
4 4 End computing!
4 4 before send data
4 4 _size = 20
4 4 sending data
1 1 Broadcasted!
1 1 rowPerRank = 2
1 1 Start computing...
1 1 End computing!
1 1 before send data
1 1 _size = 20
1 1 sending data
3 3 Broadcasted!
3 3 rowPerRank = 2
3 3 Start computing...
3 3 End computing!
3 3 before send data
3 3 _size = 20
3 3 sending data
1 1 exit!
2 2 exit!
4 4 exit!
3 3 exit!
0 0 Irecv for 3 set!
0 0 setting Irecv for 4
0 0 Irecv for 4 set!
0 0 set Irecv!
0 0 Start computing...
0 0 End computing!
Time: 0.11 ms.

[FQs-MacBook:1 fanquan$ ./Validation_mpi -p
VALID!
difference in Alphas: 0
difference in Betas: 0
difference in Gammas: 0
```