

并行计算实验报告 – 2

关于 Mandelbrot 图形

Mandelbrot 图像中的每个位置都对应于公式 $N=x+y*i$ 中的一个复数。其实数部分是 x ，虚数部分是 y ， i 是 -1 的平方根。图像中各个位置的 x 和 y 坐标对应于虚数的 x 和 y 部分。

图像中的每个位置用参数 N 来表示，它是 $x*x+y*y$ 的平方根。如果这个值大于或等于 2，则这个数字对应的位置值是 0。如果参数 N 的值小于 2，就把 N 的值改为 $N*N-N$ ($N = (x*x-y*y-x) + (2*x*y-y)*i$)，并再次测试这个新 N 值。如果这个值大于或等于 2，则这个数字对应的位置值是 1。这个过程一直继续下去，直到我们给图像中的位置赋一个值，或迭代执行的次数多于指定的次数为止。

修改思路

原算法的核心步骤在 119 行 (mandelbrot.c) 开始的循环中，所以我们需要并行化的部分就是这个 ij 两层循环。但考虑到每个循环只处理一个元素粒度过小，可能会带来线程过多以及切换上下文代价占比过大的情况，所以只将最外层循环 (i 循环) 并行化即可。

只需在循环语句之前加入一行 openMP 指导语句即可实现并行化

(mandelbrot_mpi.c 130 行)：

```
#pragma omp parallel for default(shared) private(x, y, c, c0, v, j, d, k)
```

然后加上计时语句即改造完成。

运行结果

默认参数下运行得出的图像如下图：

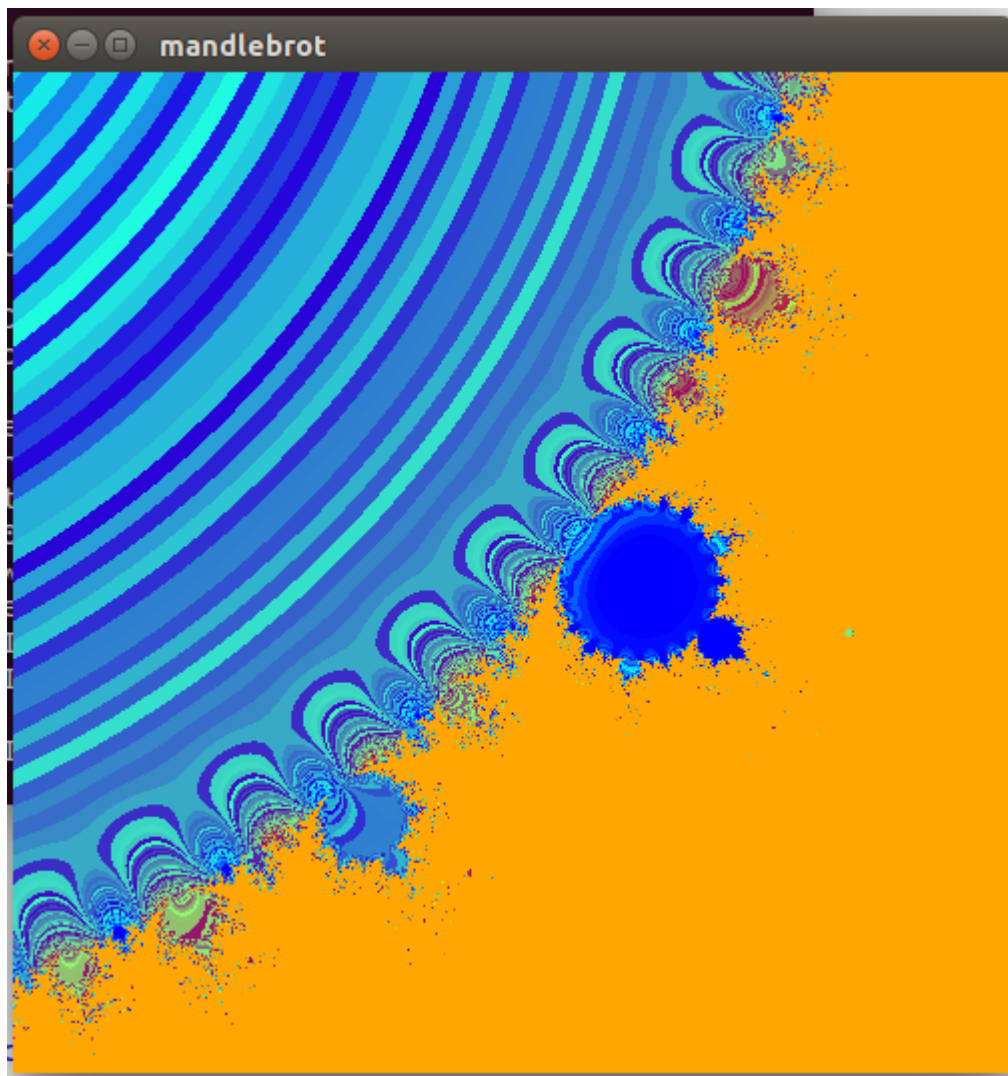


Figure 1 运行图像

不同线程数运行的时间如下图：

因为实验用计算机具有 16 个硬件线程，所以在小于等于 16 个线程规模的时候随着线程数的提升性能计算效率也随之提升；当线程数大于 16 时由于切换上下文的代价上升，所以运行效率受到影响。

修改线程数只需要修改 `omp_set_num_threads()` 函数中的参数即可，这也是 openMP 功能方便之处。

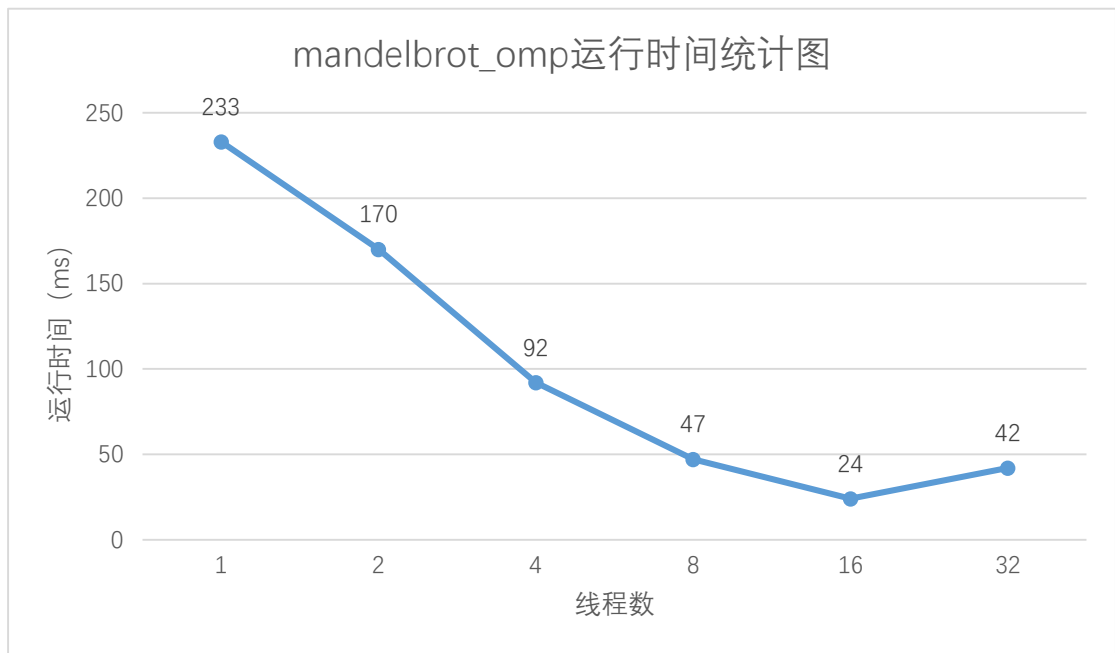


Figure 2 改造后程序运行时间统计