Computer Systems	
Steven Moerman	
Steven Moerman	
1	
H2 Talstelsels	
1.2 18.086.08	
• Arabische cijfers {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}	
Binaire cijfers {0, 1}	
• 1 bit = bit	
4 bits = nibble	
8 bits = byte = 2 nibbles	
16 bits = word = 2 bytes = 4 nibbles32 bits = double word =	
32 bits – dodbie word –	
2	
	1
H2 Talstelsels	
Tellen	
• Binair {0, 1} = 2 cijfers	
 Octaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} = 8 cijfers Decimaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9} = 10 cijfers 	
 Becimaal (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9) = 10 cijiers Hexadecimaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F} 	
= 16 cijfers	
3	

	_
H2 Talstelsels	
Tellen (verder tellen)	
Binair {0, 1} 10, 11, 100, 101, 110, 111, 1000,	
 Octaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 20, Decimaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9} 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 	
 Hexadecimaal {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F} 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 1A, 1B, 1C, 1D, 1E, 1F, 20, 	
10, 11, 12, 10, 14, 15, 17, 10, 10, 17, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10	
4	
H2 Talstelsels	
Groep (decimaal)	
10 = 1 groep van 10 + 0 11 = 1 groep van 10 + 1	
 19 = 1 groep van 10 + 9	
20 = 2 groepen van 10 + 0	
5	
Г	1
H2 Talstelsels	
Groep (decimaal)	
63 = 6 groepen van 10 + 3	
= 6 x 10 + 3 648	
= 6 groepen van 10 groepen van 10 + 4 groepen van 10 + 8 = 6 x 10x10 + 4 x 10 + 8	
= 6 x 10^2 + 4 x 10^1 + 8 x 10^0	
6	

Н2	Talstelsel	s
		_

Conversie (octaal->decimaal)

617(8)

= 6 x 8^2 + 1 x 8^1 + 7 x 8^0

= 6 x 64 + 1 x 8 + 7 x 1

= 384 + 8 + 7

= 399 (10)

7

H2 Talstelsels

Algemeen

t = teken

 $\sum_{i=-b}^{a-1} t_i * g^i$

a = aantal cijfers links van teken

b = aantal cijfers rechts van teken

g = grondtal

8

H2 Talstelsels

Algemeen

 $\sum_{i=-b}^{a-1} t_i * g'$

62,43(10)

= 6 x 10^1 + 2 x 10^0 + 4 x 10^-1 + 3 x 10^-2

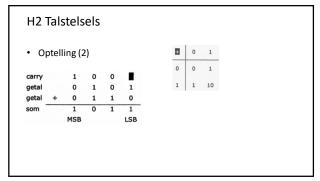
a = 2, b = 2, g = 10

 $t_1 = 6$, $t_0 = 2$, $t_{-1} = 4$, $t_{-2} = 3$

H2 Talstelsels	
Voorbeeld 2: 110,011 ₂	
$\sum_{i=3}^2 t_i * 2^i$	
$1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$	
$1 \times 4 + 1 \times 2 + 0 \times 1 + 0 \times 1/2 + 1 \times 1/4 + 1 \times 1/8 = 6,375_{10}$	
10	
H2 Talstelsels	
Paraik B of contal getallon	
Bereik R of aantal getallen	
R = B^K	
R = bereik	
B = Basis K = aantal cijfers	
11	
H2 Talstelsels	
Opdracht p 28	
$R = 2^8 = 256_{(10)}$ $R = 16^2 = 256_{(10)}$	
R = (2^4)^2 = 2^8	

H2 Talstelsels	
Opdrachten p 32 - 33	

12 Talst	else	els p	34		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		•		0	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
				1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Optellir	ng (10))		2	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
4+5=9				3	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
9+8=1	7			4	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
				5	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
				6	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
carry		1		7	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
getal 1			9	8	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
getal 2	+		8	9	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
som		1	7											



H2 Talstelsels

• Optelling (2)

R=XOR=exclusieve of C=AND

	R	0	1	•	0	1
	0	0	1	0	0	0
	1	1	0	1	0	1
_	A		В	A XOR B	_	A AND B
	0		0	0		0
	0		1	1		0
	1		0	1		0

16

H2 Talstelsels

• Optelling (2)

	dec	imaa	al					b	inair					
	1	0	0		1	0	1	1	1	1	0	0	0	carry
	1	9	0			1	0	1	1	1	1	1	0	geta
+	1	4	1	+		1	0	0	0	1	1	0	1	geta
	3	3	1		1	0	1	0	0	1	0	1	1	som

17

H2 Talstelsels

• Opdracht p37

Maak de som van 157 $_8$ en 57 $_8$ op basis van bovenstaande tabel.

-	2		7 ₍₈₎	
	1	5	7 (8)	
	1	1	Х	

÷	0	1	2	3	. 4	5	6	7
0	0	1	2	3	4	5	6	7
1	1	2	3	4	5	6	7	10
2	2	3	4	5	6	7	10	11
3	3	4	5	6	7	10	11	12
4	4	5	6	7	10	11	12	13
5	5	6	7	10	11	12	13	14
6	6	7	10	11	12	13	14	15
7	7	10	11	12	13	14	15	16

H2 Talstelsels

• Optelling (16)

• Optelling (16)

1989₁₆ + C7E6₁₆ = E19F₁₆

1 1 0 0 carry

1 9 8 9 getal

+ C 7 E 6 getal

E 1 9 F resultaat

• Optelling (16)

10 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 101

12 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 1011

22 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 1011

33 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 1011

33 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10111213145

55 6 7 8 9 A B C D E F 101112131415

66 7 8 9 A B C D E F 101112131415

7 7 8 9 A B C D E F 101112131415

8 8 9 A B C D E F 1011121314151617

9 A B C D E F 10111213141516171819

A A B C D E F 101112131415161718191A1B

C C D E F 101112131415161718191A1B

C D E F 101112131415161718191A1B1C

E F 101112131415161718191A1B1C

E F 101112131415161718191A1B1C

E F 101112131415161718191A1B1CID

F F 101112131415161718191A1B1CID

F F 101112131415161718191A1B1CID

F F 101112131415161718191A1B1CID

19

+ $\frac{1}{0}$ 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 23 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 12 13 14 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 12 13 14 5 6 7 8 9 A B C D E F 10 11 12 13 14 5 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 15 16 17 18 19 14 18 15 16 17 18 19 14

20

H2 Talstelsels p38											
•	\times	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
 Vermenigvuldiging 	2	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18
	3	0	3	6	9	12	15	18	21	24	27
	4	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36
	5	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45
	6	0	6	12	18	24	30	36	42	48	54
2 5 4 (10)	7	0	7	14	21	28	35	42	49	56	63
	8	0	8	16	24	32	40	48	56	64	72
x 5 3 6 ₍₁₀₎	9	0	9	18	27	36	45	54	63	72	81
1524											
7 6 2											
+ 1 2 7 0											
1 3 6 1 4 4 (10)											

Vermenigvuldiging vs	AND ((2)				
			Α	В	A AND B	$A \times B$
	١.		0	0	0	0
<u> </u>	0		0	1	0	0
0	0	0	1	0	0	0
1	0.	1	1	1	1	1

• Opdracht p39

 ${\it Maak\ het\ product\ van\ 110111_2\ en\ 111001_2}.$

Zet beide getallen om naar het decimaal stelsel, voer de vermenigvuldiging in het decimaal stelsel uit en vergelijk het resultaat.

Maak het product van 10000_2 en 10000_2 .

Zet beide getallen om naar het decimaal stelsel, voer de vermenigvuldiging in het decimaal stelsel uit en vergelijk het resultaat.

25

H2 Talstelsels

26

H2 Talstelsels

H2 Talstelsels

• Verdubbelen (= links opschuiven)

10000₍₂₎ x 10₍₂₎

28

H2 Talstelsels

• Links opschuiven = vermenigvuldigen met basis

1234(10) x 10(10)

29

```
6 F (16)
H2 Talstelsels
                           x 39<sub>(16)</sub>
                           3 E 7

    Opdracht p41

                         + 1 4 D
                         18B7<sub>(16)</sub>
6F(16) x 39(16)
6F_{(16)} = 6x16^1 + 15x16^0
      = 111(10)
                                                1 1 1 (10)
39_{(16)} = 3x16^{1} + 9x16^{0} = 57_{(10)}
                                                X 57<sub>(10)</sub>
18B7_{(16)} = 1x16^3 + 8x16^2 + 11x16^1 + 7x16^0
                                                777
      = 1x4096 + 8x256 + 11x16 + 7x1
       = 4096 + 2048 + 176 + 7
                                              + 5 5 5
       = 6327(10)
                                              6 3 2 7 (10)
```

+ Conversie (positievoorstelling) 13754₈ = 4096 + 1536 + 448 + 40 + 4 = 6124₁₀ = 131072 + 45056+768+192+7 = 177095₁₀ 13754₈ 8 8 8 8 8 8 8 8 8 6 6 macht van de basis 4096 512 64 8 1 + pewicht 1 3 7 5 4 + cylfer 4096 1536 448 40 4 + waarde 283C7₁₆ = 131072 + 45056+768+192+7 65536 4096 256 16 1 ← gewicht 2811₁₃₀ 3 c|12₁₃₀ 7 ← cylfer 131072 45056 768 192 7 + waerde

32

H2	Talste	lsels	p44
----	--------	-------	-----

• Conversie (alternatieve manier)

		- /						
		1	3		7		5	(8)
1375(8) = 765(10)		1						
	х	8						
= (((((1x8)+3)x8)+7)x8)+5		8 +	3 =	11				
= 1x8x8x8+3x8x8+7x8+5			х	8				
= 512 + 192 + 56 + 5				88 +	7 =	95		
					х	8		
						760 +	5 = 7	765(10)

34

H2 Talstelsels

 $\hbox{$\bullet$} \quad \text{Opdracht p44}$ Zet de getallen 237 $_8$ en AF $_{16}$ om naar het decimaal talstelsel. Gebruik daarvoor beide bovenstaande methodes en vergelijk het resultaat.

Maak een tabel met de machten van de grondtallen. Stel in de tabel de grondtallen 2, 8 en 16 voor. Bereken de machten van -4 tot +8 van die grondtallen. Stel je een verband vast tussen de resultaten?

Zet de getallen 14 en 15 om in binaire, octale en hexadecimale waarde. Vermenigvuldig beide getallen in elk talstelsel en zet het resultaat terug om in decimale waarde.

35

H2 Talstelsels

 $\hbox{ \bullet } \quad \text{Opdracht p44} \\ \text{Zet de getallen 237}_8 \text{ en AF}_{16} \text{ om naar het decimaal talstelsel}. \\ \text{Gebruik daarvoor beide bovenstaande methodes en vergelijk}$

OCDI UIK UUU	1 4001	ociuc	DOVCI	istaariae metrioaes en ve	genji	· iicc	icsu	itaa	٠.				
	2	1	0			2		3			7		(8)
	8	8	8	macht van de basis		2							
	64	8	1	gewicht	<u>X</u>	8 16		2 -	1				
	2	3	7	cijfer		10		э - х					
	128	24	7	waarde				Т	15	2 +	7	=	159(10)
237(8) = 128	+ 24 +	7 = 1	59(10)										

H2 Tal	H2 Talstelsels										
Zet de getal		AF ₁₆ om naar het decima e bovenstaande methodes	al talstelsel. s en vergelijk het resultaat.								
	1	0	A F (16)								
	16 16	macht van de basis	10 V 16								
	16 1	gewicht	X 16 160 + 15 = 175								
	10 15	cijfer	100 . 13 - 173 (10)								
	160 15	waarde									
AF(16) = 160	+ 15 = 175	10)									

H2 Talstelsels

37

Opdracht p44

Maak een tabel met de machten van de grondtallen.
Stel in de tabel de grondtallen 2, 8 en 16 voor.
Bereken de machten van -4 tot 1-8 van die grondtallen.
Stel je een verband vast tussen de resultaten?



38

H2 Talstelsels

• Opdracht p44

Zet de getallen 14 en 15 om in binaire, octale en hexadecimale waarde. Vermenigvuldig beide getallen in elk talstelsel en zet het resultaat terug om in decimale waarde.

Decimal	Binary	Octal	Hexadecimal
14	1110	16	E
15	1111	17	F

H2 Talstelsels p45												
 Conversie (positievoorstelling) 6124₁₀ = 143444₅ 												
	6	5	4	3	2	1	0					
	5	5	5	5	5	5	5	macht van de basis				
	15625	3125	625	125	25	5	1	gewicht				
	0	1	4	3	4	4	4	cijfer				
6124 2999 499 124 24 4 0 rest												

H2 Talstelsels													
• Conversie (positievoorstelling) 3193 ₁₀ = 1100 0111 1001 ₂													
12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	macht van de basis
4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	gewicht
0	1	1	0	0	0	1	1	1	1	0	0	1	cijfer
3193	3193 1145 121 121 121 121 57 25 9 1 1 1 0 waarde												

H2 Talstelsels p46										
• Conversie (alt	ernatieve	voorst	elling)							
012.10 1.5.1.5	deeltal	deler	quotient	deler x quotient	rest					
	6124	5	1224	6120	4 LSB					
	1224	5	244	1220	4					
	244	5	48	240	4					
	48	5	9	45	3					
	9	5	1	5	4					
	1	5	0	0	1 MSB					
	0									

Н2	Ta	Iste	Isels

• Conversie (alternatieve voorstelling)

43

H2 Talstelsels

deeltal	deler	quotient	deler x quotient	rest
3168	16	198	3168	0 LSB
198	16	12	192	6
12	16	0	0	12 = C & MSB
0				

44

H2 Talstelsels

deeltal	deler	quotient	deler x quotient	rest
319	8	39	312	7 LSB
39	8	4	32	7
4	8	0	0	4 MSB
0				

H2 Ta	H2 Talstelsels					
	nversie (al	ternatie	ve voorste	elling)		
	deeltal	deler o	uotient deler	x quotient	rest	
	123	2	61	122	1 LSB	
	61	2	30	60	1	
	30	2	15	30	0	
	15	2	7	14	1	
	7	2	3	6	1	
	3	2	1	2	1	
	1	2	0	0	1 MSB	
	0					

Opdrachten p48 5104 ₁₀ = 130404 ₅
5104 - 120404
310410 - 1304045
deeltal deler quotient deler x quotient rest
5104 5 1020 5100 4LSB
1020 5 204 1020 0
204 5 40 200 4
40 5 8 40 0
8 5 1 5 3
1 5 0 0 1MSB
0

H2 Talstelsels					
. O. d	deeltal	deler	quotient deler	x quotient	rest
 Opdrachten p48 	5104	2	2552	5104	OLSB
b) 5104 ₁₀ = 1 0011 1111 0000 ₂	2552	2	1276	2552	0
b) 510+10 - 1 0011 1111 00002	1276	2	638	1276	0
	638	2	319	638	0
	319	2	159	318	1
	159	2	79	158	1
	79	2	39	78	1
	39	2	19	38	1
	19	2	9	18	1
	9	2	4	8	1
	4	2	2	4	0
	2	2	1	2	0
	1	2	0	0	1 MSB
	0				

H2 T	H2 Talstelsels					
	drachten p	048				
	deeltal	deler	quotient	deler x quotient	rest	
	4157	16	259	4144	13=	D &LSB
	259	16	16	256	3	
	16	16	1	16	0	
	1	16	0	0	1 N	1SB
	0					

H2 Talstelsels					
Opdrachten p48	deeltal	deler	quotient	deler x quotient	rest
e) 2006 ₁₀ = 0111 1101 0110 ₂	2006	2	1003	2006	0 LSB
c/200010 0111110101102	1003	2	501	1002	1
	501	2	250	500	1
	250	2	125	250	0
	125	2	62	124	1
	62	2	31	62	0
	31	2	15	30	1
	15	2	7	14	1
	7	2	3	6	1
	3	2	1	2	1
	1	2	0	0	1 MSB
	0				

H2 Talstelsels	
Speciaal geval	
	1 1000 0111
8 = 2^3	1 1000 01112
	groepen van 3 bits 110 000 111 omzetten 6 0 7
	1 1000 0111 ₂ = 607 ₈
	101 1001 0101 ₂
	groepen van 3 bits (0)10 110 010 101 omzetten 2 6 2 5
	$101\ 1001\ 0101_2 = 2625_8$
<u> </u>	

H2 Talstelsels

• Speciaal geval (omgekeerd)

8 = 2^3

53

H2 Talstelsels

Speciaal geval

16 = 2^4 11 0101 1101 1000₂

groepen van 4 bits (00)11 0101 1101 1000 omzetten 3 5 D 8 11 0101 1101 1000₂ = 35D8₁₆

1011 1011 0000₂

H2 Talstelsels	
• Speciaal geval (omgekeerd) $16 = 2^4$ 8DA ₁₆	
hexadecimale differs 8 D A groepen van 4 bits 1000 1101 1010 8DA ₁₅ = 1000 1101 1010 ₂	
1231,6	
hexadecimale cijfers 1 2 3 1 groepen van 4 bits 0001 0010 0011 0001 1231 ₁₆ = 1 0010 0011 0001 ₂	
55	
	1
H2 Talstelsels	
Opdrachten p51-52-53	
56	