

# 线性结构

非空有限集,有且仅有一个首结点,一个尾结点,其余节点有且仅有一个直接前趋和一个直接后继

# 线性表 Linear list

 $a_1$  (线性起点) ,  $a_2$  ,  $\cdots$  ,  $a_{i-1}$  ( $a_i$ 的直接前趋) ,  $a_i$  ,  $a_{i+1}$  ( $a_i$ 的直接后继) ,  $\cdots$  ,  $a_{n-1}$  ,  $a_n$  (线性终点)

元素数据的有限序列,下表表示元素序号(在表中的位置),从1开始; n为元素个数(表的长度), n=0时为空表(表中无元素,但是分配空间)。**空表≠表不存在** 

表中的数据元素 类型相同 , 元素间为 线性关系

# 顺序存储的线性表 顺序表 SqList

顺序存储

定义:

将逻辑上相邻的数据元素存储在 物理上相邻的存储单元 中的数据结构

存储方法:

用 **一组地址连续的储存单元** 依次存储线性表的元素 若每个元素占用L个字节,则任一元素的地址为:

 $\mathrm{LOC}(a_i) = \mathrm{LOC}(a_{i-1}) + L = \mathrm{LOC}(a_1) + (i-1)L$ 

#### 顺序表的运算

修改:通过下标直接访问元素并修改

时间复杂度: O(1), 执行时间固定, 与元素数量n无关

插入: 在第i个元素前插入一个元素

#### 实现步骤:

1.判断表是否已满, 判断位置i是否合法

2.将第[n,i]个元素依次后移, 从后往前, 防止覆盖

3.在第i个元素处写入新的元素

4.表长加一

#### 效率:

 $Ea_1$ 前插入移动n次,在 $a_1$ 后插入移动n-1次,···,在 $a_{n-1}$ 后插入移动1次,在 $a_n$ 后插入移动0次

总移动次数:  $\sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1)$ 

平均时间复杂度:  $E_{\mathrm{insert}} = \sum_{i=1}^{n+1} p_i (n-i+1) = rac{n}{2}$  ,  $\mathbb{P}(n)$  , 呈线性关系

删除:删除第i个位置上的元素

#### 实现步骤:

- 1.判断位置i是否合法
- 2.将第[i+1,n]个元素依次前移
- 3.表长减一

#### 效率:

平均时间复杂度:  $E_{\mathrm{delete}}=\sum_{i=1}^n p_i(n-i)=\frac{1}{n}\cdot\frac{(n-1)n}{2}=\frac{n-1}{2}$  , 即O(n),呈线性关系

插入和删除不占用辅助空间,平均空间复杂度为O(1)

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define MAX_SIZE 100 // 顺序表的最大容量

typedef int DataType; // 定义顺序表中元素的数据类型

typedef struct {
    DataType data[MAX_SIZE]; // 存储顺序表元素的数组
```

```
int length;
                            // 顺序表的当前长度
} SeqList;
// 初始化顺序表
void initSeqList(SeqList *list) {
   list->length = 0;
}
// 向顺序表中插入元素
int insertSeqList(SeqList *list, int pos, DataType value) {
   if (pos < 0 || pos > list->length || list->length == MAX_SIZE) {
       return 0; // 插入位置非法或顺序表已满
   for (int i = list->length; i > pos; i--) {
       list->data[i] = list->data[i - 1];
   list->data[pos] = value;
   list->length++;
   return 1; // 插入成功
}
// 从顺序表中删除元素
int deleteSeqList(SeqList *list, int pos) {
   if (pos < 0 || pos >= list->length) {
       return 0; // 删除位置非法
   for (int i = pos; i < list->length - 1; i++) {
       list->data[i] = list->data[i + 1];
   list->length--;
   return 1; // 删除成功
}
// 打印顺序表
void printSeqList(SeqList *list) {
   for (int i = 0; i < list->length; i++) {
       printf("%d ", list->data[i]);
   printf("\n");
}
int main() {
   SeqList list;
   initSeqList(&list);
   insertSeqList(&list, 0, 10);
   insertSeqList(&list, 1, 20);
   insertSeqList(&list, 2, 30);
   printf("顺序表元素: ");
   printSeqList(&list);
   deleteSeqList(&list, 1);
    printf("删除元素后顺序表:");
```

```
printSeqList(&list);

return 0;
}
```

### 求线性表La和Lb的并集

```
// 遍历b中的元素是否存在于a中,如果不存在就添加到a中
int* ListUnion(int* La, int* Lb){
  int len_b = ListLength(Lb);
  for(int i= 0; i <= len_b; i++){
    int temp = GetElem(Lb, i); // 获取Lb中第i个元素的值
    int location = LocateElem(La, temp); // 获取La中值为temp的元素位置,若没有则返

回-1
    if (location == -1) ElemInsert(La, temp); // 在La中插入temp
  }
}
```

时间复杂度: O(len\_a\*len\_b)

## 使用前趋prior(num),后继next(num),递归实现a+b

```
// 假设0<a<b, 实际上要考虑a和b的大小关系和正负情况
void add(int a, int b){
  if (a == 0) return b;
  return (add(prior(a), next(b)));
}</pre>
```

#### 动态数组

若元素数量超过数组定义长度,则采用 **动态分配** 的数组:先为顺序表分配一定大小的 **初始空间**,空间不足时再增加 **固定增量** (一般为初始空间的10%)

#### 存储结构描述:

```
型的元素
}SqList L;  // 定义SqList类型,声明名为L的SqList类型变量,
```

### 动态创建空顺序表

```
#define LIST_INIT_SIZE 100
typedef int ElemType;
// 定义一个枚举类型,表示一组相关的命名整型常量。每个枚举常量默认从0开始,依次递增
typedef enum {
   success,
   error
} Status;
typedef struct{
   ElemType *elem;
   int length;
   int listsize;
} SqList;
Status InitSqList(SqList *L) { // 初始化空线性表
   L->elem = (ElemType *)malloc(LIST_INIT_SIZE * sizeof(ElemType)); // 初始分
配存储空间
   if (L->elem == NULL) {
      return error; // 分配失败
   L->length = 0; // 初始化长度
   L->listsize = LIST_INIT_SIZE; // 初始化存储容量
   return success;
}
int main() {
   SqList L; // 创建SqList类型变量L
   InitList(&L); // 将L的地址传给函数,初始化空线性表
}
```

## 对动态顺序表的插入元素算法

```
#define LIST_INCREMENT 10

// 在顺序表L的第i个位置插入新的元素e
Status InsertSqList(SqList* L, int i, ElemType e){
    // 检查插入位置是否合法,从1到length+1
```

```
if (i < 1 \mid | i > L \rightarrow length + 1) {
        return error;
   }
   // 若表长大于表尺寸则增加空间
   if (L->length >= L->listsize) {
        //新地址=realloc(原地址,增加的空间大小)
        ElemType *newbase = (ElemType *)realloc(L->elem, (L->listsize +
LIST_INCREMENT) * sizeof(ElemType));
       if (newbase == NULL) {
            return error; // 分配失败
       L->elem = newbase;
       L->listsize += LIST_INCREMENT;
   }
   // 插入元素, 先后移元素再覆盖
   for (int j = L \rightarrow length - 1; j >= i - 1; j --) {
       L \rightarrow elem[j + 1] = L \rightarrow elem[j];
   }
   L->elem[i - 1] = e; // 在位置i插入新元素
   (L->length)++; // 表长度增加1
   return success;
}
```

### 对动态顺序表的删除元素算法

## 链式存储的线性表 链表 LinkList

链式存储结构的特点:

结点在存储器中的位置是任意的,逻辑上相邻的数据在物理上不一定相邻 牺牲空间效率换取时间效率

#### 储存节点包含 数据域和指针域

数据-指针 或者 指针-数据-指针

**头指针**:指向链表中第一个结点(头节点或首元结点)的指针 **头节点**:在首元结点前 **可选**的一个结点,存放表长等信息,不计入表长 **首元结点**:链式存储的线性表中第一个数据元素a1的结点

#### 使用链式存储的线性表存储英文字母表

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef char ElemType;
typedef struct node{
   ElemType data;
   struct node* next;
}node;
node* CreateLinkList(int nodesize){
    node* head=(node *)malloc(nodesize);
    node* p=head;
    int i;
    //存入字母, 最后一个结点要特殊处理
    for(i = 0; i < 25; i + +){
        p->data = 'a'+i;
        p->next = (node *)malloc(nodesize);
        if (p->next == NULL) {
            printf("out of memory!");
            exit(1);
        p = p->next;
    p->data = 'a'+i;
    p->next = NULL;
    return head;
}
void PrintLinkList(node* p){
    node* temp = p;
    while(temp != NULL){
        printf("%c ",temp->data);
        temp = temp->next;
    }
}
```

```
void FreeLinkList(node* p){
   node* temp;
   while (p != NULL) {
       temp = p;
       p = p->next;
       free(temp);
   }
}
int main(){
   // 每个结点的大小
   int nodesize = sizeof(node);
   // 创建链表
    node* p = CreateLinkList(nodesize);
   // 输出链表
   PrintLinkList(p);
   // 释放内存
    FreeLinkList(p);
   return 0;
}
```

## 在链表中取第i个元素

```
typedef enum{
   success,
   error
}status;
// 获取链表head中第i个元素并保存到e中,返回值为执行成功与否
status GetElemLinkList(node* head, int i, ElemType* e){
   if (i < 1) return error;</pre>
   // index表示当前是第几个节点
   int index = 1;
   node* p = head;
   // 从第一个节点遍历, 直到到达第i个节点或链表尾部
   while (index < i && p != NULL){
       p = p->next;
       index++;
   }
   // 链表长度小于目标位置或i是非法索引
   if (p == NULL || index != i){
```

```
return error;
}

// 储存目标元素
*e = p->data;
return success;
}
```

## 在链表中删除第i个元素

```
// 删除头指针为head的链表中第i个元素,保存其值到e
// 因为可能要修改head, 所以使用node** head即指向指针head的指针,
status DelElemLinkList(node** head, int i, ElemType* e){
   // 首先判断链表是否为空, i是否有效
   if (*head == NULL || i < 1) return error;</pre>
   node* p = *head;
   // 删除第一个元素单独处理
   if (i == 1){
      // 保存第一个节点的数据,把head指向下一个节点,释放内存
      *e = p->data;
      *head = p->next;
      free(p);
      return success;
   }
   // 找到第i-1个节点
   for(int j = 1; j < i - 1; j++){
      if (p->next == NULL) return error;
      // i大于链表长度
       p = p->next;
   }
   // 若第i个节点不存在则报错
   if (p->next == NULL) return error;
   // 对第i个节点操作,保存第i个节点的数据,将第i-1个节点的next指向第i+1个节点
   // p是第i-1个节点, q是第i个节点
   node* q = p->next;
   *e = q->data;
   p->next = q->next;
   free(q);
   return success;
}
int main(){
   // 每个结点的大小
```

```
int nodesize = sizeof(node);
   // 创建链表
   node* head = CreateLinkList(nodesize);
   node* p = head;
   //存入元素
   for (i = 0; i < 25; i++) {
       p->data = 'a' + i;
       p->next = (node *)malloc(nodesize);
       if (p->next == NULL) {
           printf("out of memory!");
           exit(1);
       p = p->next;
   }
   // 删除元素
   int DelIndex = 3;
   ElemType e;
   status result = DelElemLinkList(&head, DelIndex, &e);
   if (result == OK) {
       printf("已删除第%d个节点的元素%c\n", DelIndex, e);
       PrintLinkList(head);
   } else {
       printf("error\n");
   }
}
```

# 线性表的应用 静态链表 SLinkList

定义一个结构型数组,每个元素包含 **数据域** 和 **指示域** 指示域存放一个整型数,相当于链表中的指针,称为游标

### 静态单链表类型定义

```
#define MAXSIZE 1000 // 预分配最大元素个数,整个空间连续,但是逻辑上相邻的元素可能物理上不连续
typedef struct{
    ElemType data; // 数据域
    int cur; // 指示域
}component, SLinkList[MAXSIZE];
// 一维结构型数组
```

### 用静态链表表示线性表

顺序表:	S= (A,	B, C, D,	E, F)
静态链表			
i	data	cur	
0		1	头指针
1	Α	6	
2	С	3	
3	D	5	
4	F	0	结束
5	Е	4	
6	В	2	

#### 静态链表的插入删除操作

假设静态链表此时已有6个元素ABCDEF,要在C后面插入G:

- 1. 在i=7处写入元素G
- 2. 将C原本的后继D的游标i=4写入G的指示域
- 3. 将G的游标i=7写入C的指示域

#### 删除元素C:

1.

```
#define MAXSIZE 10
#define ElemType char
typedef struct{
   ElemType data;
   int cur;
}component, SLinkList[MAXSIZE];
void InitSLinkList(SLinkList list){
   for (int i = 0; i < MAXSIZE - 1; i++) {
       list[i].cur = i + 1; // 每个节点的指示域指向下一个节点
   list[MAXSIZE - 1].cur = 0; // 最后一个节点的指示域为0,表示链表结束
}
void PrintSLinkList(SLinkList list, int i){
   // 从第i个元素开始打印
   while(i != 0){
       printf("第%d个元素是%c\n", i, list[i].data);
       i=list[i].cur;
```

```
printf("\n");
}
int GetFreeNode(SLinkList list){
   int freenode = list[0].cur; // 获取空闲节点
   if (freenode != 0){
       list[0].cur = list[freenode].cur; // 更新空闲节点
   return freenode;
}
void InsertSLinkList(SLinkList list, int i, ElemType e){
   if(i < 1 || i >= MAXSIZE) return; // i非法
   // 在list中的第i个元素处插入新的元素 (第i-1个元素后方)
   int j = 1, k = 1;
   //j控制循环,k检查i是否合法,链表第一个元素是list[1]
   for(j = 1; j < i; j++){
       k=list[k].cur;
       if (k == 0){
           printf("位置i大于链表长度");
           return;
       }
   }
   // 获取空闲节点
   int freenode = GetFreeNode(list);
   if (freenode == 0) {
       printf("Out Of Free Node\n");
       return; // 无空闲节点, 插入失败
   }
   // 写入数据, 更新指示域
   list[freenode].data = e;
   list[freenode].cur = list[k].cur;
   list[k].cur = freenode;
}
void DeleteElemSLinkList(SLinkList list, int i, ElemType* e){
   if(i < 1 || i >= MAXSIZE) return; // i非法
   // 删除list中的第i个元素,保存到e中
    int j = 1, target = list[1].cur, prev = 1;
   // j控制循环,target检查i是否合法,链表第一个元素是list[1]
   for(j = 1; j < i; j++){
       prev = target;
       target = list[target].cur;
       if (target == 0){
           printf("位置i大于链表长度");
           return;
       }
   }
   // 保存数据, 更新指示域
   *e = list[target].data;
```

```
list[prev].cur = list[target].cur;
   // 将被删除的节点加入到空闲节点链表的头部
   list[target].cur = list[0].cur;
   // 将list[0].cur赋值为被删除的节点的游标
   list[0].cur = target;
}
int main(){
   SLinkList list; // 定义静态链表
   InitSLinkList(list); // 初始化静态链表
   // 写入数据
   int i;
   int cur = list[0].cur;
   for (i = 1; i <= 6; i++) {
       list[cur].data = 'A' + (i - 1); // 写入A B C D E F
       cur = list[cur].cur;
   list[cur].cur = 0; // 链表结束
   PrintSLinkList(list, 1); // 打印初始链表
   // 在第三个元素处插入G
   char insertdata = 'G';
   int insertcur = 3;
   InsertSLinkList(list, insertcur, insertdata);
   PrintSLinkList(list, 1);
   ElemType deleteddata;
   int deletecur = 4;
   DeleteElemSLinkList(list, deletecur, &deleteddata);
   PrintSLinkList(list, 1);
}
```

# 双向链表 循环列表 双向循环列表

DoubleLinkList CirLinkList DouCirLinkList

#### 双向链表:

#### 前趋指针-数据-后继指针

```
typedef struct DoubleLinkNode{
    ElemType data;
    struct DoubleLinkNode* prior;
    struct DoubleLinkNode* next;
}DoubleLinkNode, *DoubleLinkList;
```

循环列表:

第n个节点: 数据-指向第一个节点的指针

# 栈 Stack

## 翻译

```
栈 stack 栈顶 top 栈底 bottom
入栈 push 出栈 pop
```

# 栈的抽象数据类型描述

栈是有操作限制的有0个或多个元素的 有穷线性表,仅能在 栈顶 top 对数据进行插入和删除

# 卡特兰Catalan数

若有n个元素按固定的顺序入栈,则所有可能的出栈顺序的数量为: [ $C_n = \frac{2n}{n!}$ ]

# 栈的顺序存储实现

栈的顺序存储结构由一维数组和记录栈顶元素位置的变量组成的结构体组成

```
#define MAXSIZE 100 // 储存数据元素的最大个数
typedef int ELEMTYPE
typedef srtuct SNode{
    ELEMTYPE data[MAXSIZE];
    int top; // 栈顶元素位置
}*stack;

stack SInit() { // 初始化栈
    stack s = (stack)malloc(sizeof(struct SNode));
    if (s == NULL) {
        printf("Memory allocation failed\n");
        exit(1);
    }
    s->top = -1; // 栈顶指针初始化为-1, 表示栈为空
    return s;
}

int SFull(stack s) {
```

```
return (s->top == MAXSIZE - 1);
   //若满则返回1,不满则返回0
}
int SEmpty(stack s) {
   return s \rightarrow top == -1;
   //若空则返回1,不空则返回0
}
int STop(stack s, ELEMTYPE *item) { //获取栈顶元素
   if (SEmpty(s)) {
       printf("栈空\n");
       return 0;
    *item = s->Data[s->top];
    return 1;
}
int SPush(stack s, ELEMTYPE item){
   if (SFull(s)){
       printf("栈已满\n");
       return 0;
    s->data[++(s->top)] = item; // 先自增后使用
   return 1;
}
int SPop(stack s, ELEMTYPE* item){
   if (SEmpty(s)){
       printf("栈空\n");
       return 0;
    *item = s-data[(s->top)--]; //先使用后自减
   return 1;
}
int main(){
   stack s = SInit();
}
```

# 共享栈 使用一个数组实现两个栈

从数组的两头分别向中间入栈

```
#define MAXSIZE 100 // 储存数据元素的最大个数
typedef srtuct SNode{
    ELEMTYPE data[MAXSIZE];
    int top1;
```

```
int top2;
}*s;
s.top1 = -1;
s.top2 = MAXSIZE;

当top2-top1=1时两个栈同时满
```

# 栈的链式存储实现 链栈 LinkStack

栈的链式储存结构链栈是一个单链表,在栈顶进行插入和删除操作 链栈的内存动态分配,不需要指定栈的最大 深度

```
typedef struct Node{
   ELEMTYPE data; // 数据域
   struct Node *next; // 指针域
}Node;
typedef struct Stack{
   Node* top; // 栈顶节点
   int count; // 元素个数
}Stack;
Stack* SInit(){
   Stack* s = (Stack*)malloc(sizeof(Stack));
    // 此时栈为空
   s->top = NULL;
   s \rightarrow count = 0;
   return s;
}
int SEmpty(Stack* s){
   // 异常处理
   if((s->count == 0 && s->top != NULL) || (s->count != 0 && s->top == NULL)){
       printf("ERROR 无法确定是否为空\n");
       exit(1);
    }
   return (s->count == 0);
   //若空则返回1,不空则返回0
}
void SPush(Stack* s, ELEMTYPE item){
   // 压栈操作
   // 创建新节点
   Node* newNode = (Node*)malloc(sizeof(Node));
   if (newNode == NULL){
       printf("分配内存失败\n");
       exit(1);
```

```
// 写入数据
   newNode->data = item;
   // 将原本的top赋给new的next
   newNode->next = s->top;
   //更新top和count
   s->top = newNode;
   s->count++;
}
int SPop(Stack* s, ELEMTYPE* item){
   // 弹栈操作
   if(SEmpty(s)){
       printf("栈空\n");
       return 1;
   }
   // 保存栈顶节点指针用于释放内存
   Node* temp = s->top;
   // 更新栈顶指针
   s->top = s->top->next;
   // 保存被删除数据到item
   *item = temp->data;
   //释放内存
   free(temp);
   //更新栈大小
   s->count--;
   return 0;
}
int main(){
   Stack* stack = SInit();
   SPush(stack, 10);
   SPush(stack, 20);
   SPush(stack, 30);
   ELEMTYPE item;
   if (SPop(stack, &item) == 0) {
       printf("弹栈元素: %d\n", item);
   }
   if (SPop(stack, &item) == 0) {
       printf("弹栈元素: %d\n", item);
   }
}
```

# 退格/清空行处理

输入一行字符串,若遇到#则删除#及其前方的一个字符,若遇到@则删除@及当前行@前的所有字符,最后输出处理后的字符串

核心思路:

```
//获取输入
char input[100];
gets(input);
//遍历每个字符,进行处理
for(int i = 0; (input[i] != '\0' && input[i] != EOF); i++){
   switch(input[i]){
       case '#':{
           char deleted;
           SPop(s, &deleted);
           break;
       }
       case '@':{
           SClear(s);
           break;
       default: SPush(s,input[i]);
   }
}
SPrint(s);
```