算法实现题 6-3 最小权顶点覆盖问题(习题 6-13)

★问题描述:

给定一个赋权无向图 G=(V,E),每个顶点 $v\in V$ 都有一个权值 w(v)。如果 $U\subseteq V$,且对任意 $(u,v)\in E$ 有 $u\in U$ 或 $v\in U$,就称 U 为图 G 的一个顶点覆盖。G 的最小权顶点覆盖是指 G 中所含顶点权之和最小的顶点覆盖。

★编程任务:

对于给定的无向图 G,设计一个优先队列式分支限界法,计算 G的最小权顶点覆盖。

★数据输入:

由文件 input.txt 给出输入数据。第 1 行有 2 个正整数 n 和 m,表示给定的图 G 有 n 个 顶点和 m 条边,顶点编号为 1,2,…,n。第 2 行有 n 个正整数表示 n 个顶点的权。接下来的 m 行中,每行有 2 个正整数 u,v,表示图 G 的一条边(u,v)。

★结果输出:

程序运行结束时,将计算出的最小权顶点覆盖的顶点权之和以及最优解输出到文件 output.txt 中。文件的第 1 行是最小权顶点覆盖顶点权之和; 文件第 2 行是最优解 x_i , $1 \le i \le n$, x_i = 0 表示顶点 i 不在最小权顶点覆盖中, x_i = 1 表示顶点 i 在最小权顶点覆盖中。

输入文件示例	输出文件示例
input.txt	output.txt
7 7	13
1 100 1 1 1 100 10	1011001
1 6	
2 4	
2 5	
3 6	
4 5	
4 6	
6 7	

★评分:

未按照题目要求用优先队列式分支限界法解题,则所得分数减半。